Implementação de Recurção e avaliação *Lazy* em Haskell

Luisa Sinzker Fantin MATRÍCULA João Pedro Silva Sousa, 15/0038381 Rafael Oliveira de Souza

25 de junho de 2017

1 Introdução

Dentro do universo das linguagens de programação é possível dividi-las em várias classificações diferentes, seja de acordo com o paradigma de programação utilizado por essa linguagem (como funcional e procedural), com relação aos tipos (forte ou fracamente tipada, estática ou dinamicamente tipada), às estratégias de avaliação utilizada na linguagem (eager ou lazy) e diversas outras formas.

1.1 Introdução teórica

Dos mecanismos (ordem) de avaliação de uma linguagem de programação, a estratégia *lazy* é bastante conhecida e utilizada na linguagem Haskell. A avaliação *lazy*, na ausência de efeitos colaterais, possui semântica muito parecida com uma avaliação na ordem convencional.

Basicamente, a estratégia *lazy* é uma fusão entre métodos de avaliação não rigorosos (*non-strict*) com um mecanismo que evita a avaliaçã repetida de expressões as quais já se conhece o resultado (chamado de *sharing*).

Uma linguagem é dita strict se todas as funções são sempre estritas, ou seja, uma função só será definida se todos os seus argumentos são conhecidos (avaliados). Uma linguagem não-estrita não possui esse requisito, ou seja, podem existir funções definidas mesmo que nem todos os seus argumentos são conhecidos [3].

O mecanismo *sharing* baseia-se na construção de uma tabela, que mapeia cada argumento com a respectiva expressã já avaliada.

1.2 Contextualização

O foco deste trabalho consiste na implementação de um interpretador que possua estratégia lazy de avaliação, além de suporte a chamadas de funções recursivas.

2 Visão geral da linguagem

A linguagem LFCFDLazy fornecida possuia suporte a expressões identificadas (LET), referências à identificadores e funções de alta ordem e suas avaliações (mecanismo de expressões lambda).

Para que seja possível alcanção o objetivo, foram adcionados ao interpretador da linguagem suporte à avaliações de condicionais (necessárias para a implementação da recursão) e a própria recursão [2].

3 Estudo do interpretador

module LFCFDLazy where

3.1 Defnição dos tipos e estruturas

```
 \begin{tabular}{ll} {\bf type} & Id = String \\ {\bf type} & Env = [(Id, ValorE)] \\ {\bf type} & DefredSub = [(Id, Expressao)] \\ {\bf data} & ValorE = VInt & Int \\ & | & FClosure & Id & Expressao & Env \\ & | & EClosure & Expressao & Env \\ {\bf deriving} & (Show, Eq) \\ {\bf data} & Expressao & Expressao & Expressao \\ & | & Soma & Expressao & Expressao \\ \hline \end{tabular}
```

```
| Subtracao Expressao Expressao
| Multiplicacao Expressao Expressao
| Divisao Expressao Expressao
| Let Id Expressao Expressao
| Ref Id
| Lambda Id Expressao
| Aplicacao Expressao Expressao
| If0 Expressao Expressao
| Rec Id Expressao Expressao
| deriving (Show, Eq)
```

O tipo *Id* é apenas uma renomeação para um identificador, que pode ser de uma variável ou de uma função recursiva. O tipo *Env* é o ambiente de mapeamento (tupla) entre os identificadores e suas respectivas expressões associadas. O tipo *DefredSub* é o ambiente de substituições postergadas que, analogamente mapeiam identificadores à expressões porém, com a diferença que elas ainda não foram avaliadas.

3.2 Funções de pesquisa

```
\begin{array}{l} pesquisar :: Id \rightarrow Env \rightarrow ValorE \\ pesquisar \ v \ [] = error \ "Variavel \ nao \ declarada." \\ pesquisar \ v \ ((i,e):xs) \\ | \ v \equiv i = e \\ | \ otherwise = pesquisar \ v \ xs \\ searchApp :: Id \rightarrow ValorE \rightarrow Env \rightarrow Env \\ searchApp \ n \ v \ [] = [(n,v)] \\ searchApp \ n \ v \ ((i,e):xs) \\ | \ n \equiv i = [] \\ | \ otherwise = searchApp \ n \ v \ xs \\ \end{array}
```

As funções $pesquisar :: Id \rightarrow Env \rightarrow ValorE$ e $searchApp :: Id \rightarrow ValorE \rightarrow Env \rightarrow Env$ servem para procurar expressões mapeadas nos ambientes de substituição de identificadores e funções recursivas, respectivamente.

3.3 Funções auxiliares

 $avaliacaoStrict :: ValorE \rightarrow ValorE$

```
avaliacaoStrict\ (EClosure\ e\ env) = avaliacaoStrict\ (avaliar\ e\ env)
avaliacaoStrict\ e = e
avaliarExpBin:: Expressao 	o Expressao 	o (Int 	o Int 	o Int) 	o Env 	o ValorE
avaliarExpBin\ e\ d\ op\ env = VInt\ (op\ ve\ vd)
\mathbf{where}
(VInt\ ve) = avaliacaoStrict\ (avaliar\ e\ env)
(VInt\ vd) = avaliacaoStrict\ (avaliar\ d\ env')
env' = \mathbf{case}\ e\ \mathbf{of}
(Ref\ v) 	o ((v, VInt\ ve): env)
otherwise 	o env
```

A função $avaliacaoStrict: ValorE \rightarrow ValorE$ realiza uma avaliação de um EClosure (closure de uma expressão). Caso o closure a ser avaliado por essa função seja um closure de uma função ou de um valor inteiro, a funçã simplesmente retorna a própria expressão.

A função $avaliar ExpBin :: Expressao \rightarrow Expressao \rightarrow (Int \rightarrow Int) \rightarrow Env \rightarrow Valor E$ é utilizada para realizar a avaliação lazy das expressoes aritméticas binárias (adição, subtração, multiplicação e divisão). A função recebe como argumentos as duas expressões que se deseja calcular, o operador e o ambiente de mapeamento de identificadores e expressões já avaliadas.

O método de avaliação *sharing* é implementado na sentençã *case* dessa função: caso a expressão disposta do lado direito da operação seja igual à expressão do lado esquerdo, ela não é avaliada uma segunda vez, é realizada a recuperação da avaliação da expressão do lado direto no ambiente [1].

3.4 Interpretador

```
avaliar :: Expressao \rightarrow Env \rightarrow ValorE
avaliar (Valor n) = VInt n
avaliar (Soma e d)
                            env = avaliar ExpBin\ e\ d\ (+)\ env
avaliar (Subtracao e d)
                            env = avaliarExpBin \ e \ d \ (-) \ env
avaliar (Multiplicacao \ e \ d) \ env = avaliar ExpBin \ e \ d \ (*) \ env
avaliar (Divisao e d)
                            env = avaliar ExpBin \ e \ d \ div \ env
avaliar (Let v e c)
                            env = avaliar (Aplicacao (Lambda v c) e) env
avaliar (Ref v)
                            env = avaliacaoStrict (pesquisar v env)
avaliar (Lambda a c)
                            env = FClosure \ a \ c \ env
avaliar (Aplicacao e1 e2) env =
```

```
let
    v = avaliacaoStrict (avaliar e1 env)
    e = EClosure \ e2 \ env
  in case v of
    (FClosure\ a\ c\ env') \rightarrow avaliar\ c\ ((a,e):env')
    otherwise \rightarrow error "Tentando aplicar uma expressao" +
       "que nao eh uma funcao anonima"
avaliar (If0 \ v \ e \ d)
    avaliar\ v\ env \equiv VInt\ 0 = avaliar\ e\ env
    otherwise = avaliar \ d \ env
avaliar (Rec nome e1 e2) env =
  let
    v = avaliacaoStrict (avaliar e1 env)
    e = EClosure \ e2 \ env
    env2 = (searchApp nome v env) + env
  in case v of
    (FClosure\ a\ c\ env') \rightarrow avaliar\ c\ ((a,e):env2)
    otherwise 
ightarrow error "Tentando aplicar uma expressao" +
       "que nao eh uma funcao anonima"
```

Esse é o interpretador implementado, já com as adições requeridas e necessárias para o correto funcionamento da estratégia de avaliação *lazy* e suporte a chamadas de funções recursivas.

As principais modificações relativas à estratégia de avaliação *lazy* foram feitas na função *avaliarExpBin*, já que a maioria das expressões são reduzidas às operações básicas da aritmética, conforme detalhado na seção 3.3.

3.5 this

Referências

- [1] Eelco Dolstra e Eelco Visser. "Building Interpreters with Rewriting Strategies". Em: (2002).
- [2] Shriram Krishnamurthi. Programming Languages: Application and Interpretation. Brown University, 2006.
- [3] Michael L. Scott. *Programming Languages Pragmatics*. 3rd. Morgan Kaufmann, 2009.