

Kap 1

$p_{\Delta}(t) = \frac{1}{\Delta}$ då $0 < t < \Delta$ annars 0 $\int_{-\infty}^{\infty} p_{\Delta}(t) dt = 1$ Om f är deriverbar utom i punkterna a_1, \dots, a_n där den har språng av höjder b_1, \dots, b_n så är $f'(t) = f'_p(t) + b_1\delta(t - a_1) + \dots + b_n\delta(t - a_n)$ där f'_p är derivatan som vi kan läsa av från graf med heavside funktion

Kap 6

Faltning: $f * g(t) = \int_{-\infty}^{\infty} f(t - \tau) * g(\tau) d\tau$

Kap 8

Produkten av alla egenvärden till matris A är $\det A$

Summan av alla egenvärden till matris A är $\text{tr} A$ vilket betyder att vi tar summan av diagonal elementen.

$$p(D) = \text{diag}(p(\lambda_1), \dots, p(\lambda_n)) \quad (1)$$

p är vårt polynom, t.ex om vi har e^A så blir det, $p(x) = e^x$

$$p(A) = Sp(D)S^{-1} \quad (2)$$

Kap 9 - Lösa diffekvationer

Olika sätt att lösa diff ekvationer av matriser

Laplacetransformation

Diagonalisering genom variabelbyte

Om A är en diagonaliserbar matris så har det homogena systemet $\frac{du}{dt} = Au$ den allmänna lösningen

$$u = C_1 e^{\lambda_1 t} s_1 + \dots + C_n e^{\lambda_n t} s_n \quad (3)$$

där λ är egenvärden till A , s är motsvarande egenvektorer och C är godtyckliga konstanter.

Exponentialmatris

$$e^{tA} = S e^{tD} S^{-1} = S \text{diag}(e^{\lambda_1 t}, \dots, e^{\lambda_n t}) S^{-1} \quad (4)$$

det homogena systemet $\frac{du}{dt} = Au$ har lösningen $u(t) = e^{tA} u(0)$

Kontrollfrågor

$$\delta(t) = \lim_{\Delta \rightarrow 0} p_{\Delta}(t) \quad (5)$$

$$\Delta(t)' = \delta(t) \quad (6)$$