^{课程编号: 100172003} 北京理工大学 2018-2019 学年第一学期 2017 级概率与数理统计试题 (A卷)

			301. 30	1961				姓名	- 40	-b/-b
座号_	式卷共 8 页 比页 草		级		一学号	一面空白	纸为草稿	纸, 可挑	折下,考1	式结果后
(本は	卷共 8 页	, 八个;	大题,满	分 100 分	计; 最后	一页工口				核分
小文山	比页草稿纸	()		· ·			一七	八	总分	
题号		=	三	四	五	六	7.		-	核分子
					-					3
得分								-	+	+
					-					
签名					1					
II/ L wher										
附表:						74			-00 40/	106) 1
Ф(1 645	()=0.05 m	(2)-0 0	772 M/1	06)=0.07	75 D(2	83)=0.99	7, Φ(1.0	(4) = 0.8	508, Q(4.96) = 1,
Φ(1.043	η-0.93, Ψ	(2)-0.9	//2, Ψ(1.	90,-0.9	J, 4(2.	05)				
. (24)	1 7100				25) _1 7	081. /	(25) = 2	.0595,	$\chi^2_{0.95}(24)$:	=13.848,
$t_{0.05}(24)$	=1.7109,	$t_{0.025}(24)$) = 2.063	9, $t_{0.05}$	25)=1.7	0017 10.02	3()			
							2			
$\chi_{0.05}^{2}(24)$	= 36.415	$\chi_{0.95}^{2}(2)$	25)=14.61	1, $\chi_{0.05}^2$	(25)=37.	632		***		6)
					\neg					
一、填空	2题(12)	分)	得分							
						61	20			
1 = km =	5 /H / n ·	** = n/	(D) D(765	33 D(A))=n [][]	P(B) =			<u>_</u> ·
	事件 A, B								0.0	
				\!!	LAL+	世五小	⇔ п—Ж	的概率	为 $\frac{80}{}$,	则该射手进
2. 一射引		目标独立	7重复地	进行四位	欠射击,	右王少	np T V	(117196-1	81	
/- V	41-1-44 A					4				
	射击的命							_		
3. 设随机	l变量 X	服从参数	数为1的	指数分	布,已知	$\exists P(X > 0)$	a) = P(X)	< a),贝	a =	·
<i>4 2/</i> Lp≠±n	变量 X	肥儿会》	Wr 24 1 08	公社公	布 日	已 4n P(X	$r=0)=e^{-3}$. 则 2 =		
										40
5. 设随机	变量 X~I	V(0,3),	$Y \sim N(1,1)$, 且 <i>X</i> ,	Y相互》	虫立,则	$P(X-Y\leq$	(3)=		
									v = v -	ा क्रक्रम
5. 设 <i>X</i> 朋	が 参数 対	勺1的?	日松分布	, <i>Y</i>	从 変数 フ	可 2 的 胜	松为中	, IIII H	X 与 I /	相互独立,贝
D/ /	W W . O		D/	min(V	V) + ()) -	_				
$P(\max($	$(X,Y) \neq 0$) =		$\min(A,$	I) ≠ 0):					1.0
			ill no nese mesto							
. 设X,	Y是两个	相互独立	立的随机	l变量,	且都服	从 N(1,2	2), 则	E[(X-)]	′)²]=	
. 掷一枚:	均匀的骰	子 420	次,则往	导到的点	点数之利	以大于 1 5	540 的概	率近似	为	
19										
设 XX	X	为总体	$N(\mu, \sigma^2)$	的一个	样本,	其中山色	R, σ	>0未知	\bar{X} \bar{X} S^2	分别是样本
2417	2, , "					,			, ,,,,	אנגו נו
值和样才	太方差. 则	の的質	信水平	为1-α	的置信	区间为				
田小りつつ	73 21, 7.	, o H 3 T	.,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	, , ,	H1 11	E-1-1/3_				
设当体	Y服从i	F杰分和	Ti N(111). 其中	11 = R=	-4n V	V I	v + t	544	X的样本,
, Wir H	A MANA	L.G. /3 .	1. (/2,1,	,,,,,,	H C IO	νн, л ₁ ,	Λ_2, L	19	日忠孙	X 的样本,
假设检验	验问题H	$\mu : \mu = 0$	$H_1:\mu$	(=1, 若	检验的	拒绝域	中カーの	(V T	V \ al	TT
11人人1年		0 '				10-0	田レー	11	1 1. 11	Y > 1 (1/4) Life
IX X IX.		0 ,			A COLUMN TO SERVICE	1270-34	ш D – {	(Λ_1, L)	19):3	 ≥1.96} 确

口袋中有1个白球、1个黑球。从中任取1个,若取出白球,则试验停止;若取出黑球,则把取出的黑球放回的同时,再加入1个黑球,如此下去,直到取出的是白球为止,试求下列事件的概率:

1. 取到第 n 次, 试验没有结束; 2. 取到第 n 次, 试验恰好结束.

三、(10分) 得分

- 1. 设随机变量 X 服从二项分布 b(3,0.5), $Y=(X-1)^2$, 求 Y 的分布律.
- 2. 设随机变量 X 的概率密度函数为

$$f(x) = \begin{cases} xe^{-\frac{x^2}{2}}, & x > 0\\ 0, & \text{其它} \end{cases}$$

求(1) X的分布函数 F(x); (2) P(X > 2).

1. 设随机变量(X,Y)的联合概率密度为

$$f(x,y) = \begin{cases} 3x, & 0 < x < 1, & 0 < y < x \\ 0, & \pm \varepsilon \end{cases}$$

求: (1) X 和 Y 的边缘密度 $f_X(x)$ 和 $f_Y(y)$: (2) Z=X+Y 的概率密度 $f_Z(z)$.

2. 设随机变量X与Y相互独立而且同分布,其中随机变量X的分布律为

$$P\{X=1\}=p, P\{X=0\}=1-p,$$

其中 0<p<1. 再设随机变量

$$Z = \begin{cases} 1 & X + Y$$
 为偶数
$$0 & X + Y$$
 为奇数

(1) 求随机变量(X, Z)的联合分布律: (2)问p取什么值时,随机变量X与Z相互独立?

五、(18分) 得分

- 1. 设 X 服从均匀分布 U(0, 2), 令 Y=|X-1|. 求:
 - (1) E(Y)和 D(Y); (2) E(XY); (3) X 和 Y 的相关系数 pxr.
- 2. 设某种商品每周的需求量 $X\sim U(10,30)$ (单位: 千克), 经销商进货数量是[10,30]中的某 个数。商店每销售1千克可获利500元,若供大于求,则剩余的每千克产品亏损100元;若 供不应求,则可从外部调剂供应,此时经调剂的每千克商品仅获利 300 元。问:为了使商店 每周的平均利润最大,每周的进货量是多少千克?

六、(8分) 得分

设总体 X 服从正态分布 $N(\mu,\sigma^2)$, $X_1,X_2,...,X_n,X_{n+1}$ 是来自该总体的样本, $\bar{X}=\frac{1}{n}\sum_{i=1}^n X_i$, 试

问: $\frac{(X_{n+1}-\mu)^2}{\sigma^2} + \frac{1}{\sigma^2} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2$ 的分布是什么?并给出证明.

七、(12分) 得分

设总体 X在 $[\theta, 2\theta]$ 上服从均匀分布, θ >0 未知, $X_1, X_2, ..., X_n$ 是 X 的一个样本, $x_1, x_2, ..., x_n$ 是相应的样本值,求: 1. θ 的矩估计; 2. θ 的最大似然估计.

八、(14分) 得分

- 1. 叙述自由度为 n 的 χ^2 分布上 α 分位点的定义.
- 2. 某种零件的长度服从正态分布 $N(\mu,\sigma^2)$, 按规定其方差不得超过 $\sigma_0^2=0.016$. 现从一批零件中随机抽取 25 件测量其长度,得其样本方差为 0.025. 问在显著性水平 $\alpha=0.05$ 下,能否推断这批零件合格?