课程编号: 100172003

## 北京理工大学 2017-2018 学年第二学期

		2	016 级	概率与	数理约	充计试员	迎(A オ	<b>玉</b> )		
座号		班	级	na rest is time.	学号		てい、甘華	姓名		-
(本试	卷共8页	. 八个オ	题,满约	分100分;	最后一	- 页空日约	<b>认为早</b> 桐	T	T	T
題号			Ξ	pg	五	六	七	八	总分	核分
得分				24	, ,					
签名			-							
t <sub>0.05</sub> (15)	$0.9772,  \Phi (0.9772,  \Phi (0.972,  \Phi (0.972,  \Phi (0.972,  \Phi (0.972,  \Phi (0.972,  \Phi (0.972, $	0 05 (16) =	1.7459,	$\chi^2_{0.025}(4)$ =	=11.143	$3, \chi^2_{0.975}(4$	1) = 0.484	$4, \chi^2_{0.025}$		3325,
一、填	空题(12)	分)	得分							
	, B 为两个 A)=0.6, F					则 P(B)=_		_(回答)	亥事件表 一·	表示的含义
. 设随	机变量 X1	的密度	函数为ƒ	$(x) = \begin{cases} 2 \\ 0 \end{cases}$	x, 0< ), 其	x < l, , 月 t他	用Y表示	对X的	3 次独立	立重复观察
	$\leq \frac{1}{2}$ } 出现			100				ā	10	
2	几变量 X				参数为	2 的泊松	分布, 5	則 P{X+	Y=0}=_	
已知 E	EX=-2, $E$	$X^2 = 5$	则 D(1	-3X)=						
ining: 4	日本県 シシ	# 52 57	n=u D	$(x)=\sigma^2$	侧由切	比雪夫不	等式可	得 P(X	$-\mu > 3\sigma$	≤

- 7. 设随机变量序列  $X_1, X_2, ..., X_n, ...$ 相互独立,都服从参数  $\lambda=1$  的泊松分布,则  $\lim_{n\to\infty} P(X_1 + \Lambda + X_n \ge n + 2\sqrt{n}) = \underline{\hspace{1cm}}$
- 8. 设随机变量 $\xi$ 和 $\eta$ 相互独立且 $\xi \sim \chi^2(n), \eta \sim \chi^2(m)$ ,则 $E(\xi + \eta) = ____, D(\xi + \eta) =$
- 9. 已知一批零件的长度 X(单位: cm)服从正态分布  $N(\mu,1)$ , 从中随机的取出 16 个零件,得到 长度的平均值为 40cm,则 µ 的置信水平为 95%的置信区间是
- 10. 设总体 $X\sim N(\mu,\sigma^2)$ ,  $\mu,\sigma^2$  均未知,  $x_1,...,x_5$ 是总体X的样本值, 假设 $H_0$ :  $\sigma^2=4$ ,  $H_1$ :  $\sigma^2=1$ . 在显著性水平 $\alpha=0.05$ 下的拒绝域是 $s^2\leq 0.7107$ ,则该检验犯第一类错误的概率是

犯第二类错误的概率是

甲、乙、丙 3 台机床各自独立的加工同一种零件,已知甲机床加工的零件是一等品而乙机床加工的零件不是一等品的概率为 $\frac{1}{4}$ ,乙机床加工的零件是一等品而丙机床加工的零件不是一等品的概率为 $\frac{3}{12}$ ,甲、乙两台机床加工的零件都是一等品的概率为 $\frac{3}{20}$ .

- 1. 分别求甲、乙、丙 3 台机床各自加工的零件是一等品的概率;
- 2. 从甲、乙、丙加工的零件中各自取一个检验, 求至少有一个一等品的概率.

三、(16分)

得分

1. 设离散型随机变量 X 的分布律为

X ·	-2	-1	1 .	3
n	1	1	1	. с
Pk	6	5	15	* * * * * * * * * * * * * * * * * * * *

 $\diamondsuit Y = X^2.$ 

- (1) 确定常数 c 的值; (2) 求 Y 的分布律; (3) 求 Y 的分布函数。
- 2. 设连续型随机变量 X 的分布函数为

$$F(x) = \begin{cases} A + Be^{-x}, & x \ge 0, \\ 0, & x < 0 \end{cases}$$

求 (1) 常数 A, B 的值; (2)  $P\{X \le 2\}$ ,  $P\{X > 3\}$ ; (3) X 的概率密度函数 f(x)

四、(14分) 得分

设二维随机变量(X, Y)在区域  $D=\{(x,y): x>0, y>0, 2x+y\leq 2\}$ 上服从均匀分布.

- 1. 写出(X, Y)的联合概率密度函数f(x, y);
- 2. 求X和Y的边缘概率密度函数 $f_X(x)$ 和 $f_Y(y)$ , 并判断X和Y是否相互独立(说明理由);
- 3. 求 Z = X + Y 的概率密度函数  $f_Z(z)$ .

五、(14分) 得分

设二维随机变量(X,Y),已知 EX=1, EY=0, DX=4, DY=1,  $\rho_{XY}=\frac{2}{3}$ , 令 Z=2X-3Y 。

试求: 1. EZ, DZ; 2. cov(X,Z),  $\rho_{XZ}$ ; 3. 判断 X 与 Z 是否独立,为什么?

六、(8分) 得分

设总体X和总体Y相互独立,且均服从正态分布 $N(\mu, \sigma^2)$ , $X_1, X_2, \lambda$ , $X_{10}$ 是来自总体X的一 个样本, $Y_1, Y_2, L$ , $Y_5$  是来自总体 Y的一个样本,令 $\overline{X} = \frac{1}{10} \sum_{i=1}^{10} X_i$ , $S_x^2 = \frac{1}{9} \sum_{i=1}^{10} (X_i - \overline{X})^2$ 。

问 
$$\frac{10(\overline{X}-\mu)^2+9S_X^2}{2\sum_{i=1}^5(Y_i-\mu)^2}$$
 服从什么分布?并给出证明.

七、(12分)

得分

设总体X的概率密度函数为

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x}{\theta^2} e^{-\frac{x^2}{2\theta^2}}, & x > 0, \\ 0, & \text{其它.} \end{cases}$$

其中  $\theta$ >0 为未知参数.  $X_1, X_2, L$ ,  $X_n$  为来自总体 X 的一个样本,  $x_1, x_2, L$ ,  $x_n$  为相应的样本观视值. 求 1. 参数 $\theta$  的矩估计; 2. 参数 $\theta$  的最大似然估计.

八、(12分) 得分

己知维尼纶纤度在正常条件下服从正态分布 $N(\mu, 0.048^2)$ 。今抽取5根纤维,测得其纤度的样本均值 $\bar{x}=1.414$ ,样本方差 $s^2=0.00778$ 。问在显著性水平 $\alpha=0.05$ 下,这天纤度的波动是否正常?