2017级概率与数理统计试题(A卷)

座号_			级		学号_			姓名		
(本記	$(卷 \pm 8)$ 页 z页草稿纸	、八个)	大题,满	分 100 分	; 最后					式结束后
	Ţ		: : : : : : : : : : : : : : : : : : :		. Б.	六	七	八	总分	核分
得分									i	
签名										
辦表: Φ(2.5)	=0.994, Φ ((1.5)=0.9	33, ◆ (2.3	3) = 0.99,	Ф(1.96)=0.975,	Φ(1.64)=	=0.95, t	$_{0.05}(8) = 1$.	8595,
$t_{0.025}(8)$	= 2.3060	$t_{0.05}(9)$	=1.8331	$t_{0.125}(9)$) = 2.262	2 , χ_{0}^{2}	$_{95}(8) = 2.$	733 ,	$\chi^2_{0.95}(9) =$	3.325 ,
$\chi^2_{0.975}$	8) = 2.18,	$\chi^2_{0.975}(9$) = 2.700	$\chi^2_{0.025}$	8) = 17.5	35 , $\chi^2_{\bullet,0}$	₀₂₅ (9)=19	0.023 .	$\chi^2_{\bullet.05}(8) = 1$	5.507,
$\chi^2_{0.05}(9$)=16.919									
一、垻	真空题(10)分) [得分							
1. 一名	名射手连 约	_ 其向一目相	 示射击三		」 A _i 表示射]手第 <i>i</i> ※	大击中目	标(<i>i</i> =1,2,	3), 则 $\overline{A_1}$ 〔	$\bigcup A_2 \bigcup A_3$
表示的	自含义是_				,					
2. 设图	 直机变量 /	Y 的分布	函数满足	$\frac{1}{2}F(x) = a$	$a-e^{-x}$, x	> 0,则	a =			
3. 如是	果(X,Y)服人	人二维正:	态分布,	则其边缘	分布		(一定	是或不-	一定是)]	E态分布.
4. 设之	$X \sim N(0,0)$	$.5), Y \sim N$	(0,0.5),	且X与I	Y相互独	立,则且	E X-Y =_		•	
5. 设图	適机变量 /	Y 服从几	何分布,	期望为4	4,则 P(.	X=1)=		·		
6. 设	$X_1, X_2,, .$	X _n , 是?	独立同分	个 布的 随机	机变量户	序列,且	有有限	的期望	$E(X_k) = \mu$	ι与方差
$\mathbf{D}(X_k)$	$)=\sigma^2>0,$	k = 1, 2,	,则 <i>Y</i> =	$\frac{1}{n}\sum_{k=1}^{n}X_{k}^{2}$	衣概率收	敛到		·		
7. 设图	遊机变量 ノ	$X \sim F(n, n)$	n) $\coprod P(X)$	>A)=0.	3, A>0	为常数,	则 P(X	$>\frac{1}{4}$) =		
8. 某位100个	保险公司多 索赔户中 近似为	多年统计 ,因被盗	资料表明 向保险公	,在索赔	户中,被	达盗索 赔/	户占 20%	6, 以 X 表	表示在随机	
9. 设.	$X_1, X_2, \cdots,$	X_n 为总体	$^{\dagger}N(\mu,\sigma)$	")的一个	样本,其		$\sigma > 0$	未知,万	₹,\$分别。	是样本均
值和样	华本方差,	则µ的置	信水平)	$51-\alpha$ 的旨	置信区间	为				
	(总体 <i>X~N</i> e e = 0.01下f			是总体X的	り样本値	,已知假	¦设H•: μ	$= 0, H_1$:	$\mu > 0$	生显著性

二、(12分) 得分

- 1. 叙述两个事件互斥和独立的关系.
- 2. 为了防止意外,某矿内同时设有两种报警系统甲和乙,每种系统单独使用时,系统甲有效的概率为 0.92,系统乙有效的概率为 0.93. 在系统甲失灵的情况下,系统乙有效的概率为 0.85. 求: (1) 发生意外时,这两个报警系统至少有一个有效的概率; (2) 在系统乙失灵的情况下,系统里有效的概率.

1. 设随机变量 X 的分布函数如下:

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < -1\\ 1/4, & -1 \le x < 2\\ 1/2, & 2 \le x < 3\\ 1, & x \ge 3 \end{cases}$$

求(1)随机变量X的分布律;(2)P(X>1).

- 2. 设随机变量 X 服从区间 (-1,1) 上的均匀分布,求
- (1) $P(|X| < \frac{1}{4})$; (2) 设 $Y = X^2$, 求Y的概率密度函数 $f_Y(y)$.

设随机变量(X,Y)的概率密度函数为

$$f(x,y) = \begin{cases} 12e^{-(3x+4y)}, & x > 0, y > 0 \\ 0, & \text{其它}. \end{cases}$$

- (1) 求X和Y的边缘密度函数 $f_X(x)$ 和 $f_Y(y)$; (2) 判断X和Y是否相互独立,并给出理由;
- (3) 求函数 $Z = \min(X, Y)$ 的密度函数 $f_Z(z)$;
- (4) 求函数U = 3X + 4Y 的分布函数 $F_U(u)$ 和密度函数 $f_U(u)$.

- 1. 叙述切比雪夫不等式。
- 2. 设随机变量 X 的概率密度函数为

$$f(x) = \begin{cases} e^{-x}, & x > 0 \\ 0, & \text{其它.} \end{cases}$$

 $\Leftrightarrow Y - X^2$.

- (1) 求 E(X), D(X), E(Y), D(Y); (2) 求X与Y的相关系数;
- (3) 判断X与Y是否相关,判断X与Y是否独立 (说明理由).

设 X_1, X_2, \dots, X_5 是来自正态总体 $N(0, \sigma^2)$ 的简单随机样本, 令 $Z = \frac{\sqrt{3}(X_1 + X_2)}{\sqrt{2(X_3^2 + X_4^2 + X_5^2)}}$ 。

(1) 求Z的分布; (2) 求 Z^2 的分布. (要求写出具体过程)

1、设总体 X 的密度函数为

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{2}, & \sqrt{\alpha} < x < \sqrt{\alpha} + 2\\ 0, & \text{其他} \end{cases}$$

其中, ∞ 0 为未知参数。 X_1, X_2, \cdots, X_n 为取自该总体的样本, x_1, x_2, \cdots, x_n 为相应的样本观测值、求参数 α 的矩估计。

2. 设总体 X 服从以 p 为参数的两点分布,即其分布律为

$$\begin{array}{c|cccc} X & 0 & 1 \\ \hline P & 1-p & p \end{array}$$

- 1. 叙述假设检验的理论依据,
- 2. 某卷装卫生纸净含量按标准要求为200克/卷,已知该卷装卫生纸净含量服从正态分布 $N(\mu, \sigma^2)$ 。今抽取9卷,测得其净含量样本均值x=197克,样本标准差s=4.5克。问在显著性水平 $\alpha=0.05$ 下,该卷装卫生纸净含量是否符合要求?

北京理工大学 2017-2018 学年第二学期

2016 级概率与数理统计试题(A卷)

座号_					, , , _					
(本试	卷共8页	,八个大	、趣,满名	· 100 分;	最后	页空白红	5.为草稿	纸)		<u> </u>
题号		=		四	Tî.	六	-1:	八	总分	核分
得分			100 P							
签名										
附表:										
Ф (2)=	0.9772, ф	(1.64)=0	.95, φ (1.9	96)=0.975	$t_{0.025}(15)$	5) = 2.131	4, t _{0,025} (1	6) = 2.11	99,	
t _{0.05} (15)=1.7531,	, t _{0.05} (16) =	=1.7459,	$\chi^2_{0.025}(4) =$:11.1433	$,\chi^2_{0.975}(4)$	= 0.4844	$4, \chi^2_{0.025}(5)$	() = 12.832	25,
$\chi^2_{0.975}$ (5	5) = 0.8312	$\chi^2_{0.05}$	1) = 9.487	7, $\chi^2_{0.95}$	4) = 0.71	07 , $\chi^2_{0.584}$	₅ (4)=2.8	428		
一、墳	[空题(12	分)	得分							
1. 设。	A, B 为两	个事件,	则排件基	Ū <i>B</i> 表示				(回答该)	事件表示	的含义).
2. 岩力	P(A)=0.6,	$P(A \cup B)$) = 0.84,	$P(\overline{B} \mid A)$	= 0.4 则	P(B)=				
3. 设图	近机变量 λ	/ 的密度i	函数为 <i>f</i>	$(x) = \begin{cases} 2x \\ 0, \end{cases}$, 0 < x · 其作	<1, b	/ 表示对	X的3 {	欠独立重:	复观察中
事件{.	$X \leq \frac{1}{2}$ } $\boxplus F$	见的次数	,则 <i>P(Y</i>	=2)=		·				
4. 设阶	近机变量 <i>2</i>	(和)[7相]	互独立,	都服从参	数为21	的泊松分	布,则 /	$P\{X+Y=0\}$)}=	
5. 巴知	EX=-2,	$EX^2 = 5$,	则 D(1-	-3 <i>X</i>)==	*******		<u>_</u> .			
6. 设图	值机变量 2	Y 满足 E($(X)=\mu$, $D($	$(X)=\sigma^2$,则	山山切比	雪大不等	式可得	$P(X-\mu \ge$	3σ)≤	
7. 设图	也机变量户	序列 X ₁ , X	X_1,\ldots,X_n	相互独	立,都服	从参数 λ	=1 的油	松分布,	则	
lim	$P(X_1 + \cdots$	$+X_n \ge n$	$+2\sqrt{n}$)	and the second s		·				
8. 设图	近机变量 ζ	和η相Ξ	五独立 且。	$\xi \sim \chi^2(n)$	$, \eta \sim \chi^2$	(m) , \mathbb{M} E	$E(\xi+\eta)$	=,	$D(\xi + \eta)$	=
9. 급설	汀批零件	中的长度	X(单位:	cm)服从	正态分布	ī N(μ,1),	从中随着	机的取出	16 个零	件,得到
长度的	的平均值为	40cm,	则 μ 的置	信水平为	95%的	置信区间	是	·		
10. 设	.总体X~N($(\mu, \sigma^2), \mu$	u, σ² 均∋	₹知, x1, .	,x ₅ 起总	总体》的科	本值,	閔弢 <i>Ⅲ₀: ϵ</i>	$\sigma^2 = 4, H$	$\sigma^2 = 1$.
在显著	性水平 $lpha$	= 0.05 F	的拒绝域	是s ² ≤ 0.	7107, 5	則该检验》	他第一类	结误的	概率是	
和第二	_类错误的]概率是								

甲、乙、丙 3 台机床各自独立的加工同一种零件,已知甲机床加工的零件是一等品而乙机床加工的零件不是一等品的概率为 $\frac{1}{4}$,乙机床加工的零件是一等品而丙机床加工的零件不是一等品的概率为 $\frac{1}{12}$,甲、丙两台机床加工的零件都是一等品的概率为 $\frac{3}{20}$.

- 1. 分别求甲、乙、丙 3 台机床各自加工的零件是一等品的概率;
- 2. 从甲、乙、丙加丁的零件中各自取一个检验,求至少有一个一等品的概率.

1. 设离散型随机变量 X 的分布律为

X	-2	-1	1	3
P_k	$\frac{1}{6}$	<u>1</u> 5	$\frac{1}{15}$	c

 $\diamondsuit Y = X^2$.

- (1) 确定常数 c 的值; (2) 求 Y 的分布律; (3) 求 Y 的分布函数。
- 2. 设连续型随机变量 X 的分布函数为

$$F(x) = \begin{cases} A + Be^{-x}, & x \ge 0, \\ 0, & x < 0 \end{cases}$$

求(1) 常数 A, B 的值; (2) $P\{X \le 2\}$, $P\{X > 3\}$; (3) X 的概率密度函数 f(x).

四、(14分) 得分

设二维随机变量(X, Y)在区域 $D=\{(x,y): x>0, y>0, 2x+y\leq 2\}$ 上服从均匀分布.

- 1. 写出(X, Y)的联合概率密度函数 f(x, y);
- 2. 求X和Y的边缘概率密度函数 $f_X(x)$ 和 $f_Y(y)$,并判断X和Y是否相互独立(说明理由);
- 3. 求 Z = X + Y 的概率密度函数 $f_2(z)$.

设二维随机变量(X, Y),已知 EX=1,EY=0,DX=4,DY=1, $\rho_{XY}=\frac{2}{3}$,令 Z=2X-3Y。

试求: 1. EZ, DZ; 2. cov(X,Z), ρ_{XZ} ; 3. 判断 X与 Z是否独立,为什么?

设总体 X 和总体 Y 相互独立,且均服从正态分布 $N(\mu, \sigma^2)$, X_1, X_2, \cdots, X_{10} 是来自总体 X 的一个样本, Y_1, Y_2, \cdots, Y_5 是来自总体 Y 的一个样本, \diamondsuit $\overline{X} = \frac{1}{10} \sum_{i=1}^{10} X_i$, $S_X^2 = \frac{1}{9} \sum_{i=1}^{10} (X_i - \overline{X})^2$ 。 问 $\frac{10(\overline{X} - \mu)^2 + 9S_X^2}{2\sum_{i=1}^5 (Y_i - \mu)^2}$ 服从什么分布?并给出证明.

设总体 X 的概率密度函数为

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x}{0^2} e^{-\frac{x^2}{2\theta^2}}, & x > 0, \\ 0, & \text{ 其它.} \end{cases}$$

其中 θ >0 为未知参数. X_1, X_2, \dots, X_n 为来自总体 X 的一个样本, x_1, x_2, \dots, x_n 为相应的样本观测值. 求 1. 参数 θ 的矩估计; 2. 参数 θ 的最大似然估计.

已知维尼纶纤度在正常条件下服从正态分布 $N(\mu,0.048^2)$ 。今抽取5根纤维,测得其纤度的样本均值 $\bar{x}=1.414$,样本方差 $s^2=0.00778$ 。问在显著性水平 $\alpha=0.05$ 下,这天纤度的波动是否正常?