前綴和



可理解為一種數學數列,概念為:

可理解為一種數學數列,概念為:

「n 項之和; $\sum_{i=0}^{n}(i)$ 」

• 用以高效率解決與連續序列相關的問題

可理解為一種數學數列,概念為:

- 用以高效率解決與連續序列相關的問題
- 一個數列 $arr = \{5, 7, 10, 2, 8, 1, 6\}$, 請問 arr[0] 到 arr[3] 之和為?

	•	1	_	•	•	•	•	•	8	
arr	5	7	10	2	8	1	6			

可理解為一種數學數列,概念為:

- 用以高效率解決與連續序列相關的問題
- 一個數列 $arr = \{5, 7, 10, 2, 8, 1, 6\}$, 請問 arr[0] 到 arr[3] 之和為?

```
    0
    1
    2
    3
    4
    5
    6
    7
    8

    arr
    5
    7
    10
    2
    8
    1
    6
    6
```

```
int accu = 0;
for (int i = 0; i <= 3; i++) {
    accu += i;
}
cout << accu;</pre>
```

可理解為一種數學數列,概念為:

- 用以高效率解決與連續序列相關的問題
- 一個數列 $arr = \{5, 7, 10, 2, 8, 1, 6\}$, 請問 arr[0] 到 arr[3] 之和為?

	•	1	_	•	•	•	•	•	8	
arr	5	7	10	2	8	1	6			

可理解為一種數學數列,概念為:

「n 項之和; $\sum_{i=0}^{n}(i)$ 」

- 用以高效率解決與連續序列相關的問題
- 一個數列 $arr = \{5, 7, 10, 2, 8, 1, 6\}$, 請問 arr[0] 到 arr[3] 之和為?

	0	1	2	3	4	5	6	7	8
arr	5	7	10	2	8	1	6		

• 如果我同時要輸出 arr[2] 的值呢?

可理解為一種數學數列,概念為:

- 用以高效率解決與連續序列相關的問題
- 一個數列 $arr = \{5, 7, 10, 2, 8, 1, 6\}$, 請問 arr[0] 到 arr[3] 之和為?

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	
arr	5	7	10	2	8	1	6			

- 如果我同時要輸出 arr[2] 的值呢?
- 資料量增長到 $n = 100, 10000, 10^9$ 時呢?

可理解為一種數學數列,概念為:

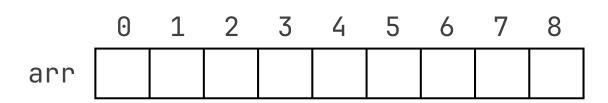
- 用以高效率解決與連續序列相關的問題
- 一個數列 $arr = \{5, 7, 10, 2, 8, 1, 6\}$, 請問 arr[0] 到 arr[3] 之和為?

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	
arr	5	7	10	2	8	1	6			

- 如果我同時要輸出 arr[2] 的值呢?
- 資料量增長到 $n = 100, 10000, 10^9$ 時呢?
- 有辦法降低時間複雜度嗎?

可理解為一種數學數列,概念為:

- 用以高效率解決與連續序列相關的問題
- 一個數列 $arr = \{5, 7, 10, 2, 8, 1, 6\}$, 請問 arr[0] 到 arr[3] 之和為?



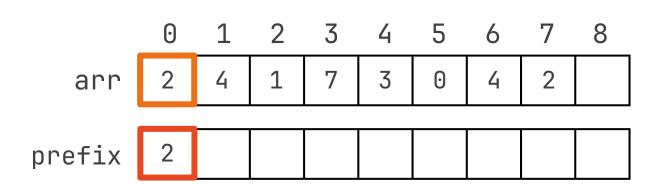
可理解為一種數學數列,概念為:

- 用以高效率解決與連續序列相關的問題
- 一個數列 $arr = \{5, 7, 10, 2, 8, 1, 6\}$, 請問 arr[0] 到 arr[3] 之和為?

	0	1	2	3	4	5	6	7	8
arr	2	4	1	7	3	0	4	2	
prefix									

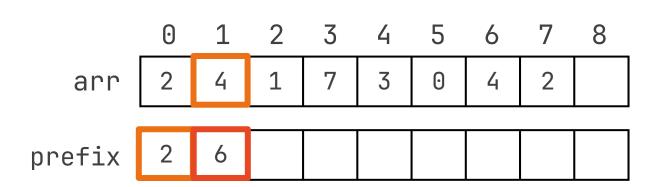
可理解為一種數學數列,概念為:

- 用以高效率解決與連續序列相關的問題
- 一個數列 $arr = \{5, 7, 10, 2, 8, 1, 6\}$, 請問 arr[0] 到 arr[3] 之和為?



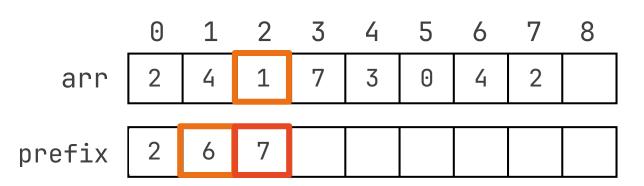
可理解為一種數學數列,概念為:

- 用以高效率解決與連續序列相關的問題
- 一個數列 $arr = \{5, 7, 10, 2, 8, 1, 6\}$, 請問 arr[0] 到 arr[3] 之和為?



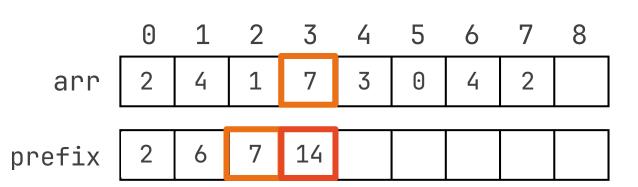
可理解為一種數學數列,概念為:

- 用以高效率解決與連續序列相關的問題
- 一個數列 $arr = \{5, 7, 10, 2, 8, 1, 6\}$, 請問 arr[0] 到 arr[3] 之和為?



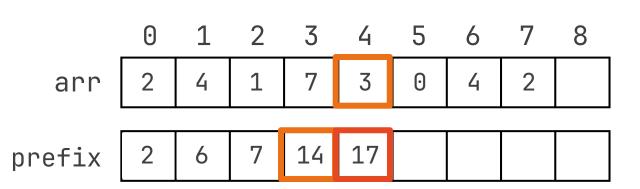
可理解為一種數學數列,概念為:

- 用以高效率解決與連續序列相關的問題
- 一個數列 $arr = \{5, 7, 10, 2, 8, 1, 6\}$, 請問 arr[0] 到 arr[3] 之和為?



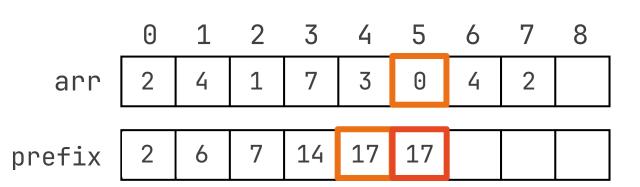
可理解為一種數學數列,概念為:

- 用以高效率解決與連續序列相關的問題
- 一個數列 $arr = \{5, 7, 10, 2, 8, 1, 6\}$, 請問 arr[0] 到 arr[3] 之和為?



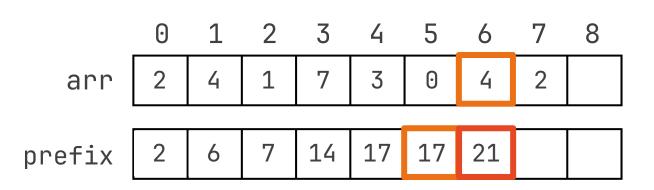
可理解為一種數學數列,概念為:

- 用以高效率解決與連續序列相關的問題
- 一個數列 $arr = \{5, 7, 10, 2, 8, 1, 6\}$, 請問 arr[0] 到 arr[3] 之和為?



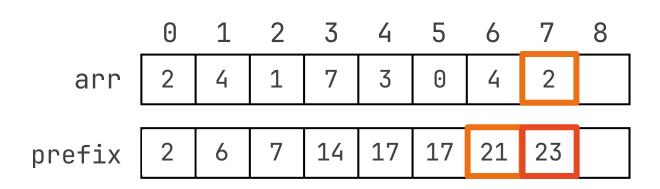
可理解為一種數學數列,概念為:

- 用以高效率解決與連續序列相關的問題
- 一個數列 $arr = \{5, 7, 10, 2, 8, 1, 6\}$, 請問 arr[0] 到 arr[3] 之和為?



可理解為一種數學數列,概念為:

- 用以高效率解決與連續序列相關的問題
- 一個數列 $arr = \{5, 7, 10, 2, 8, 1, 6\}$, 請問 arr[0] 到 arr[3] 之和為?



可理解為一種數學數列,概念為:

- 用以高效率解決與連續序列相關的問題
- 一個數列 arr = {5, 7, 10, 2, 8, 1, 6},
 請問 arr[0] 到 arr[3] 之和為?

	0	1	2	3	4	5	6	7	8
arr	2	4	1	7	3	0	4	2	
orefix	2	6	7	14	17	17	21	23	

可理解為一種數學數列,概念為:

0	1	2	3	4	5	6	7	8
2	4	1	7	3	0	4	2	
2	6	7	14	17	17	21	23	

可理解為一種數學數列,概念為:

「n 項之和; $\sum_{i=0}^{n}(i)$ 」

• 一組數列 *S* 有 *n* 個元素:

 $S_0, S_1, \dots, S_{n-1},$ 其中 $S_0 = A_0$

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	
A	2	4	1	7	3	0	4	2		
ς	2	6	7	14	17	17	21	23		

可理解為一種數學數列,概念為:

「n 項之和; $\sum_{i=0}^{n}(i)$ 」

一組數列 S 有 n 個元素:

$$S_0, S_1, \ldots, S_{n-1}$$
,其中 $S_0 = A_0$

元素是陣列 A 與數列 S 前項之和,

例如:
$$S_1 = A_1 + S_0$$
 或是 $S_i = A_i + S_{i-1}$



可理解為一種數學數列,概念為:

- 一組數列 S 有 n 個元素: $S_0, S_1, ..., S_{n-1}$, 其中 $S_0 = A_0$
- 元素是陣列 A 與數列 S 前項之和, 例如: $S_1 = A_1 + S_0$ 或是 $S_i = A_i + S_{i-1}$
- 利用前綴和,將存取複雜度降成 O(1)

	0	1	2	3	4	5	6	7	8
\boldsymbol{A}	2	4	1	7	3	0	4	2	
S	2	6	7	14	17	17	21	23	

可理解為一種數學數列,概念為:

- 一組數列 S 有 n 個元素: $S_0, S_1, ..., S_{n-1}$,其中 $S_0 = A_0$
- 元素是陣列 A 與數列 S 前項之和 例如: $S_1 = A_1 + S_0$ 或是 $S_i = A_i + S_{i-1}$
- 利用前綴和,將存取複雜度降成 O(1)
- 前綴和能同時求得單點之值以及連續值

	0	1	2	3	4	5	6	7	8
\boldsymbol{A}	2	4	1	7	3	0	4	2	
S	2	6	7	14	17	17	21	23	

給定一個包含n 個整數的陣列,您的任務是處理q 個查詢,

每個查詢的形式為:範圍 [a,b] 內的數值總和是多少?

給定一個包含n 個整數的陣列,您的任務是處理q 個查詢,每個查詢的形式為:範圍[a,b]內的數值總和是多少?

- 第一行輸入有兩個整數 n 和 q 為元素數量和查詢數量
- 第二行有 n 個整數 $x_1, x_2, ..., x_n$ 為陣列元素。最後有 q 行查詢
- 每行查詢中,有兩個整數 a 和 b 求解範圍 [a,b] 的總和

```
輸入

輸出
8 4
3 2 4 5 1 1 5 3
2 4
5 6
4
1 8
3 3
3 3
```

給定一個包含n 個整數的陣列,您的任務是處理q 個查詢,

每個查詢的形式為:範圍 [a,b] 內的數值總和是多少?

- 第定義兩個整數 n 和 q 為元素數量和查詢數量
- 配置陣列 s 和 arr 的空間
- 每設 i=1 遍歷到 n 次,輸入到 s[i] 同時運算序列 S_n 之值

```
輸入

8 4

3 2 4 5 1 1 5 3

2 4

5 6

1 8

3 3
```

給定一個包含n 個整數的陣列,您的任務是處理q 個查詢,

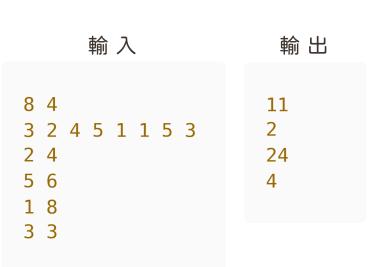
每個查詢的形式為:範圍 [a, b] 內的數值總和是多少?

輸 入	輸出
8 4 3 2 4 5 1 1 5 3 2 4 5 6 1 8 3 3	11 2 24 4

給定一個包含n 個整數的陣列,您的任務是處理q 個查詢,

每個查詢的形式為:範圍 [a, b] 內的數值總和是多少?

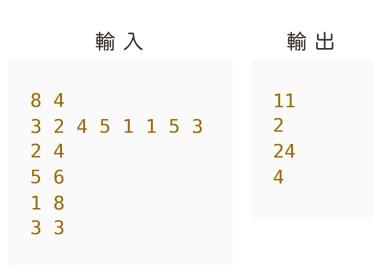




給定一個包含n 個整數的陣列,您的任務是處理q 個查詢,

每個查詢的形式為:範圍 [a, b] 內的數值總和是多少?

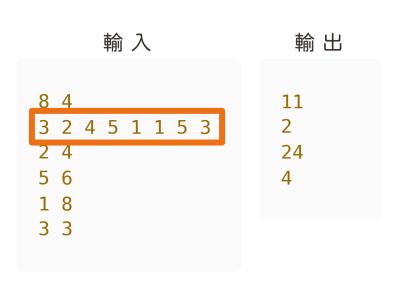




給定一個包含n 個整數的陣列,您的任務是處理q 個查詢,

每個查詢的形式為:範圍 [a,b] 內的數值總和是多少?



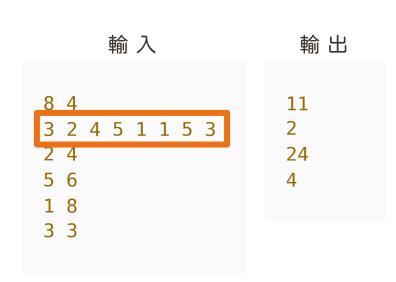


給定一個包含n 個整數的陣列,您的任務是處理q 個查詢,

每個查詢的形式為:範圍 [a,b] 內的數值總和是多少?

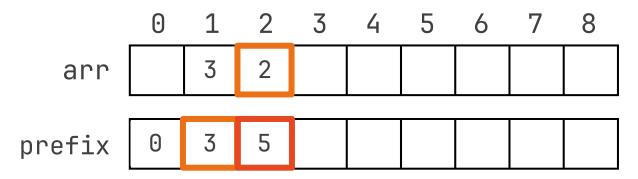
	0	1	2	3	4	5	6	7	8
arr		3							
prefix	0	3							

輸入陣列從 1 開始,開始輸入陣列 同時計算前綴和:prefix[i] = prefix[i-1] + arr[i]

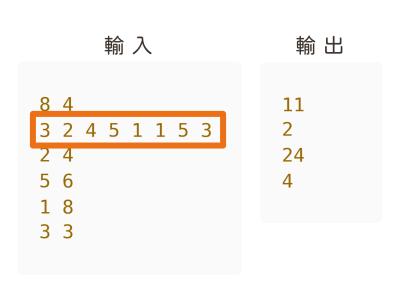


給定一個包含n 個整數的陣列,您的任務是處理q 個查詢,

每個查詢的形式為:範圍 [a, b] 內的數值總和是多少?



輸入陣列同時計算前綴和:prefix[2] = prefix[1] + arr[2]

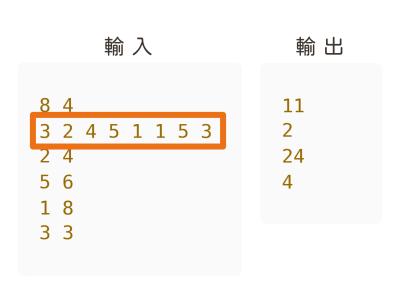


給定一個包含n 個整數的陣列,您的任務是處理q 個查詢,

每個查詢的形式為:範圍 [a, b] 內的數值總和是多少?

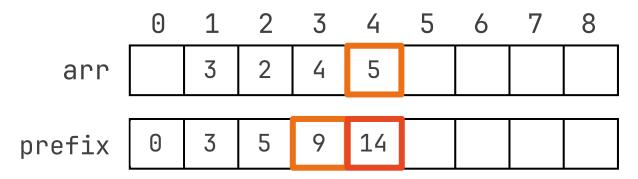
	0	1	2	3	4	5	6	7	8
arr		3	2	4					
·									
prefix	0	3	5	9					

輸入陣列同時計算前綴和:prefix[3] = prefix[2] + arr[3]

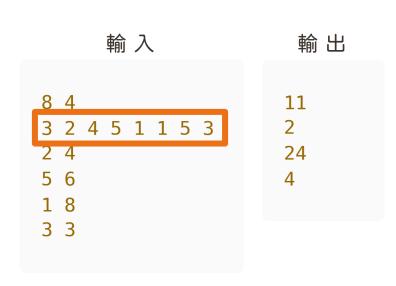


給定一個包含n 個整數的陣列,您的任務是處理q 個查詢,

每個查詢的形式為:範圍 [a, b] 內的數值總和是多少?

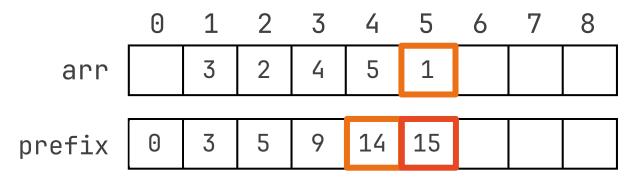


輸入陣列同時計算前綴和:prefix[4] = prefix[3] + arr[4]

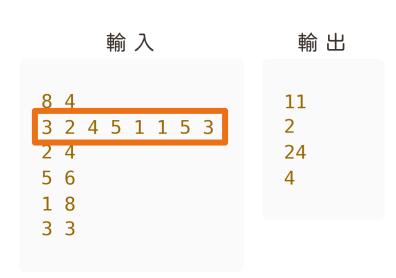


給定一個包含n 個整數的陣列,您的任務是處理q 個查詢,

每個查詢的形式為:範圍 [a,b] 內的數值總和是多少?



輸入陣列同時計算前綴和:prefix[5] = prefix[4] + arr[5]

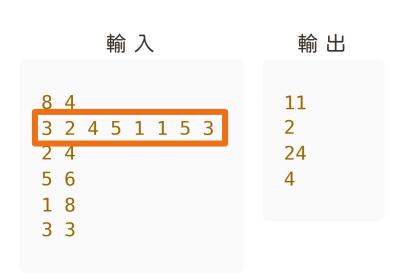


給定一個包含n 個整數的陣列,您的任務是處理q 個查詢,

每個查詢的形式為:範圍 [a, b] 內的數值總和是多少?

	0	1	2	3	4	5	6	7	8
arr		3	2	4	5	1	1		
prefix	0	3	5	9	14	15	16		

輸入陣列同時計算前綴和:prefix[6] = prefix[5] + arr[6]

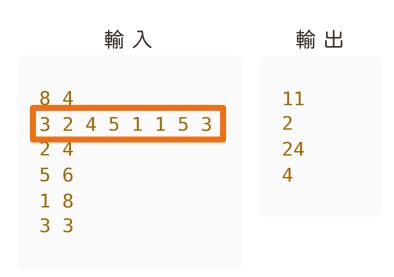


給定一個包含n 個整數的陣列,您的任務是處理q 個查詢,

每個查詢的形式為:範圍 [a, b] 內的數值總和是多少?

	0	1	2	3	4	5	6	7	8
arr		3	2	4	5	1	1	5	
prefix	0	3	5	9	14	15	16	21	

輸入陣列同時計算前綴和:prefix[7] = prefix[6] + arr[7]

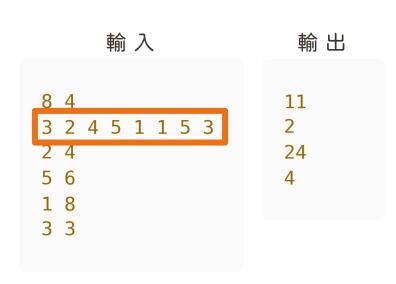


給定一個包含n 個整數的陣列,您的任務是處理q 個查詢,

每個查詢的形式為:範圍 [a, b] 內的數值總和是多少?

	0	1	2	3	4	5	6	7	8
arr		3	2	4	5	1	1	5	3
prefix	0	3	5	9	14	15	16	21	24

輸入陣列同時計算前綴和:prefix[8] = prefix[7] + arr[8]



給定一個包含n 個整數的陣列,您的任務是處理q 個查詢,

每個查詢的形式為:範圍 [a,b] 內的數值總和是多少?

	0	1	2	3	4	5	6	7	8
arr		3	2	4	5	1	1	5	3
prefix	0	7	Г	0	1/	1 5	1 /	21	27
pretix	U	3	5	9	14	Т2	ТО	Z T	24

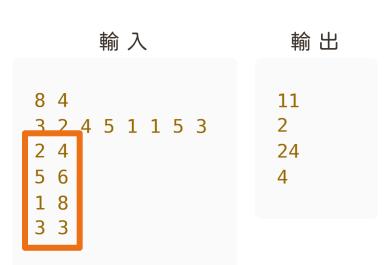
計算完成程式結束,開始區間搜尋



給定一個包含n 個整數的陣列,您的任務是處理q 個查詢,

每個查詢的形式為:範圍 [a, b] 內的數值總和是多少?





給定一個包含n 個整數的陣列,您的任務是處理q 個查詢,

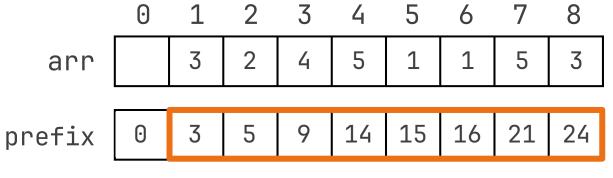
每個查詢的形式為:範圍 [a, b] 內的數值總和是多少?





給定一個包含n 個整數的陣列,您的任務是處理q 個查詢,

每個查詢的形式為:範圍 [a, b] 內的數值總和是多少?



[1,8] 的總和就是 prefix[8] - prefix[1-1] = 24 - 0 = 24



給定一個包含n 個整數的陣列,您的任務是處理q 個查詢,

每個查詢的形式為:範圍 [a,b] 內的數值總和是多少?

	0	1	2	3	4	5	6	7	8		
arr		3	2	4	5	1	1	5	3		
										l	
prefix	0	3	5	9	14	15	16	21	24		
[3,3] 的總和就是 prefix[3] - prefix[3-1] = 9 - 5 = 4											



給定一個包含n 個整數的陣列,您的任務是處理q 個查詢,

每個查詢的形式為:範圍 [a,b] 內的數值總和是多少?

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	
arr		3	2	4	5	1	1	5	3	
prefix	0	3	5	9	14	15	16	21	24	
解題完成										



給定一個包含n 個整數的陣列,您的任務是處理q 個查詢,

每個查詢的形式為:範圍 [a, b] 內的數值總和是多少?

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	
arr		3	2	4	5	1	1	5	3	
prefix	0	3	5	9	14	15	16	21	24	
	可以流	主意-	-點,	這題	用不至	削單點	値所」	以能 抵	🖁 arr :	省田





在演算法中使用前綴和可高效計算區間查詢,降低累積運算的時間複雜度,並作為多種進階資料結構與演算法的基礎工具。

問題:



在演算法中使用前綴和可高效計算區間查詢,降低累積運算的時間複雜度,並作為多種進階資料結構與演算法的基礎工具。

問題:

1. 為甚麼計算區間總和的時候是 prefix[i] - prefix[i-1] 呢?可以一段話摘要這個行為嗎?



在演算法中使用前綴和可高效計算區間查詢,降低累積運算的時間複雜度,並作為多種進階資料結構與演算法的基礎工具。

問題:

- 1. 為甚麼計算區間總和的時候是 prefix[i] prefix[i-1] 呢?可以一段話摘要這個行為嗎?
- 2. 整體而言,使用與不使用前綴和的複雜度(Big-O)為多少?

謝謝聆聽



Static Range Sum Queries 原始碼