Modèles Linéaires Appliqués

Arthur Charpentier

Automne 2020

Intro #1 (plan de cours)



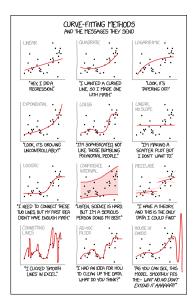
"Méthode d'estimation par moindre carrés, Régression linéaire simple et multiple. Tests d'hypothèses et intervalles de confiance, tests d'ajustement. introduction aux modèles linéaires généralisés (GLM): régression logistique, régression Poisson, régression Gamma. Applications numériques à l'aide de R"

https://etudier.ugam.ca/cours?sigle=STT5100

Instructeur: Arthur Charpentier

- ☐ charpentier.arthur@uqam.ca
- Ofreakonometrics
- freakonometrics
- freakonometrics.hypotheses.org





- R & RStudio
- probas $Y \sim F$, $\mathbb{E}[Y]$, etc
- stats $\{y_1,\ldots,y_n\}\sim F_{\theta}$, estimateur $\hat{\theta}$, $\mathbb{E}[\hat{\theta}]$, etc
- algèbre linéaire $\langle \vec{x}, \vec{\varepsilon} \rangle = 0$ matrices, projection orthogonales, etc

xkcd.com/2048



Rappels

- R & Markdown
- Probabilités & Algèbre Linéaire
- Statistiques, inférence & tests
- Simulations & Optimisation

2 Modèles Linéaires (OLS)

- Moindres Carrés & Modèle Gaussien
- Inférence & Tests
- Incertitude & Prévision

3 Modèles Linéaires Généralisés (GLM)

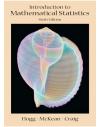
- Logistique, binomiale $(y \in \{0,1\})$ & multinomiale
- Comptage, Poisson $(y \in \{0, 1, 2, \dots\})$
- Famille exponentielle & GLM

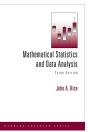
Statistique Inférentielle & R



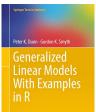


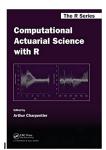
Mathematical Statistics with Annlications Sieth Edition Dennis D. Wackerly William Mendenhall III Richard I. Scheaffer





DUXBURY ADVANCED SERIES



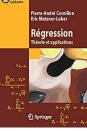




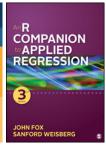


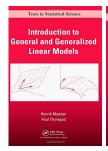
Modèles Linéaires (OLS & GLM)

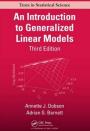


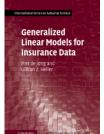














"when a measure becomes a target, it ceases to be a good measure", Charles Goodhart, membre du Comité de politique monétaire de la Banque d'Angleterre

Autrement dit, les examens ne sont pas l'objectif du cours

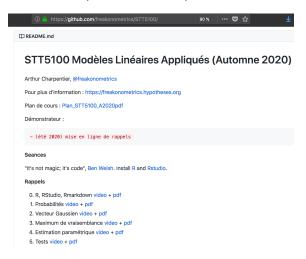
- Quizz hebdomadaire $(\times 10) = 20\%$
- Examen 1 = 20% (OLS)
- Examen 2 = 20% (GLM)
- Projet 1 = 18% (OLS)
- Projet 2 = 18% (GLM)
- Participation = 4%







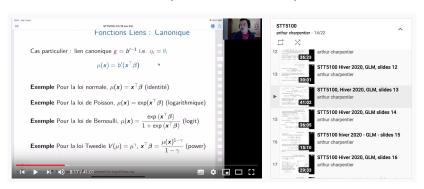
Dépôt des documents (slides + devoirs): github + moodle



Dépôt des documents (slides + devoirs): github + moodle



Vidéos du cours: youtube (+ github + moodle)





Quizz: moodle



par example

On dispose de 119 observations, dans le fichier echantillon, csv. Suppsons que les observations sont des réalisation d'une loi normale. au sens où les x sont supposés tirés des X, de densité

$$x \mapsto f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \exp\left[-\frac{1}{2}\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)^2\right]$$

pour x > 0. On yeut l'intervalle de confiance à 95% du paramètre u. centré sur \overline{x} . Quelle est la borne inférience de l'intervalle de confiance (symmétrique), au seuil de 95%? (une tolérance de 0.02 est accordée)

Réponse : 370.0794

on sauve le fichier echantillon.csv puis on ouvre R

```
> b = read.csv("echantillon.csv")
2 > n = nrow(b)
3 > m = mean(b$x)
4 > s = sd(b$x)
5 > interval = m + 1.96*c(-1.+1)*s/sqrt(n)
6 > interval
7 [1] 370.0794 407.7525
```

puisque l'intervalle de confiance pour μ , avec un niveau de confiance $1-\alpha$, est de la forme

$$\left[\overline{x}_n + \Phi^{-1}(\alpha/2) \frac{\widehat{s}_n}{\sqrt{n}}; \overline{x}_n + \Phi^{-1}(1 - \alpha/2) \frac{\widehat{s}_n}{\sqrt{n}}\right]$$

avec les constantes usuelles ± 1.96 puisque

```
> gnorm(c(.025,.975))
2 [1] -1.959964 1.959964
```



Une fois la tentative envoyée, vous n'aurez
plus la possibilité de modifier vos réponses
pour cette tentative.

Tout envoyer et terminer

Annuler

On peut alors soumettre la réponse (définitivement)

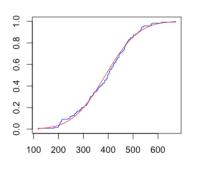
On dispose de 119 observations, dans le fichier echantillon.csv. Suppsons que les observations sont des réalisation d'une loi normale, au sens où les x sont supposés tirés des X, de densité

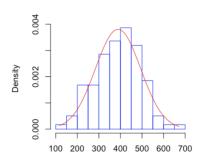
$$x \mapsto f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \exp\left[-\frac{1}{2}\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)^2\right]$$

pour $x\geq 0$. On veut l'intervalle de confiance à 95% du paramètre μ , centré sur \overline{x} . Quelle est la borne inférience de l'intervalle de confiance (symmétrique), au seuil de 95%? (une tolérance de 0,02 est accordée)

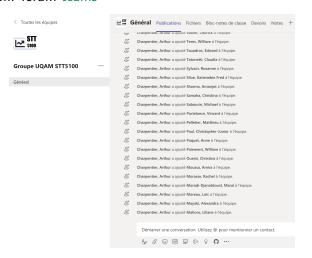
Réponse : 370.0794

Des éléments de réponse (succints) sont alors proposés





Discussion: forum teams







Tricherie et intégrité académique http://r18.uqam.ca/ par exemple Comment citer ses sources?

Politique 16, https://harcelement.uqam.ca/



Lors d'un cours ou d'une activité d'enseignement en ligne, le personnel enseignant peut décider, selon le cas, de procéder à l'enregistrement audio ou audiovisuel du cours ou de l'activité d'enseignement. Le personnel enseignant peut partager l'enregistrement uniquement à son groupe-cours.



En cas d'enregistrement, l'étudiante, l'étudiant sera informé au début de la séance.



Il est de la responsabilité de l'étudiante, de l'étudiant de désactiver son microphone et/ou sa caméra s'il ne souhaite pas être enregistré.



À défaut de désactiver son microphone et/ou sa caméra, l'étudiante, l'étudiant, consent à l'enregistrement audio ou audiovisuel, à la conservation, à la rediffusion et à l'utilisation de l'enregistrement de son nom, de sa voix et de son image dans le cadre du cours ou de l'activité en ligne. L'étudiante, l'étudiant reconnaît ne détenir aucun droit dans l'enregistrement.



Sauf avec l'autorisation expresse écrite du personnel enseignant, l'étudiante, l'étudiant reconnaît qu'il est interdit de reproduire, d'enregistrer, de publier, de diffuser, de communiquer ou de partager, par quelque moyen que ce soit, tout ou partie de l'enregistrement d'un cours ou d'une activité d'enseignement en ligne de même que tout matériel pédagogique s'v rattachant.

Une étudiante, un étudiant qui contrevient à ce qui précède s'expose aux sanctions prévues dans les règlements et politiques de l'UQAM ou à tout recours légal, notamment en vertu de la Loi sur le droit d'auteur.