Prof. Elmar Schrohe Dr. Johannes Aastrup Dr. Matthias Krüger

Analysis B

Sommersemester 2019

Übungsblatt 1

9. April 2019

Abgabe bis Mittwoch 17. April 16 Uhr in Postfach 175. Bei Abgabe: Name, Matrikelnummer und Übungsgruppe angeben.

Aufgabe 1

Jede Teilaufgabe 5 Punkte

Ermitteln Sie die partiellen Ableitungen erster Ordnung von

(a)
$$f(x,y) = (xy^3 + 2x^2y) \ln(x^2 + y^2 + xy)$$
.

(b)
$$f(x, y, z) = \sin(xe^y + z)(x^2 + y^2 + z^2)$$
.

Aufgabe 2

Jede Teilaufgabe 5 Punkte

- (a) Zeigen Sie, dass B(a,r) für alle r>0 und $a\in\mathbb{R}^n$ offen ist.
- (b) Seien $x, y, z \in \mathbb{R}^n$. Zeigen Sie:

$$|||x - z|| - ||y - z||| \le ||x - y||.$$

Aufgabe 3

a) 4 Punkte, b) 2 Punkte, c) 4 Punkte

Sei $f: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}$ gegeben durch

$$f(x,y) = \begin{cases} \frac{xy^3}{x^2 + y^6} & , (x,y) \neq (0,0) \\ 0 & , (x,y) = (0,0) \end{cases}$$

- (a) Zeigen Sie, dass f auf jeder Gerade durch (0,0) stetig ist.
- (b) Zeigen Sie, dass f auf $\mathbb{R}^2 \setminus \{(0,0)\}$ stetig ist.
- (c) Zeigen Sie, dass f in (0,0) nicht stetig ist.