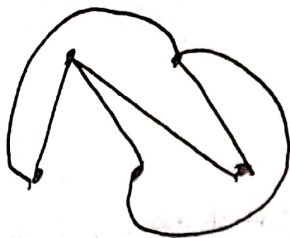


6-7.

3.



13. $\therefore 2e = \sum_{v \in V} \deg(v) = 24 \Rightarrow e = 12.$

由欧拉定理 $v - e + r = 2.$

$$6 - 12 + r = 2$$

$$\Rightarrow r = 8$$

则分割为 8 个面

5. 当 $v \geq 3$ 且没长度为 3 的回路时. 无界区域的次数至少为 4.
则每个区域的次数至少为 4.



证 $2e = \sum \deg(v_i) \geq 4r.$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}e \geq r$$

又由欧拉定理 $e = v + r - 2 \leq v + \frac{1}{2}e - 2.$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}e \leq v - 2$$

$$\Rightarrow e \leq 2v - 4$$

则推论 3 得证.



6-8

15. 若 n 为奇数, 则 $\chi(W_n) = 4$
 n 为偶数, 则 $\chi(W_n) = 3$.

∵ 先对 W_n 中除 C_n 的那个顶点着色, 因为该顶点与其他任一顶点相连, 可用另一个颜色对另外任一顶点着色.

当 n 为奇数: 与顶点②邻接点不着该色, 不邻接点着该色
 ∵ $n-1$ 为偶, 则恰好可用 2 种颜色对除顶点①外的点着色

当 n 为偶数, ∵ $n-1$ 为奇, 则最后一边有一个点与前面 2 种颜色的顶点相邻, 则需第 4 种颜色

29. $\deg(e) = 6$. 从 e 开始使用颜色 1, 与 e 不相邻点中 $\deg(f)$ 最大 $\rightarrow d$.

颜色 1: e, f, d .

颜色 2: b, h, g, j .


颜色 3: a, c, i .





7-1.

1. a) 是树.
b) 不是. 不连通.
c) 是.

- d) 不是. 有简单回路
e) 是.
f) 不是. 有简单回路

11. a). 只有一种: 

b) 二种:  以A为根.  以B为根.

15. a). 若 G 是树. 由定义. 则 G 是连通的. 由定理2它有 $n-1$ 条边.

若 G 是连通的且有 $n-1$ 条边和 n 个顶点.

如果 G 不是树. G 包含这样一条边. 删除这条边产生一个图 G' .

G' 仍连通. 若 G' 不是树. 删除一条边产生连通图 G'' . 重复这个步骤直到得到树. 至多需 $n-1$ 步.

因为只有 $n-1$ 条边. 由定理2得出的图有 $n-1$ 条边.

因为它有 n 个顶点. 由于删除边. 则 G 本身就是树

b). 若 G 是树. 由定义 G 没有简单回路. 由定理2它有 $n-1$ 条边.

若 G 没有简单回路且有 $n-1$ 条边.

令 C 等于 G 的连通分部的个数. 每一个连通分部有一个有

n_i 个顶点的分部. 则 $\sum_{i=1}^C n_i = n$ 由 a). G 中总边数为

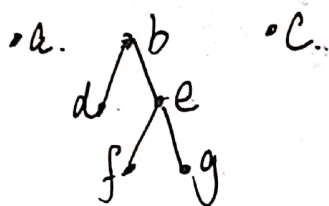
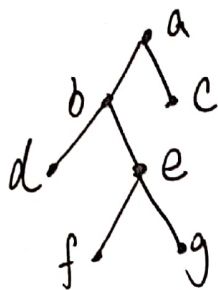
$$\sum_{i=1}^C (n_i - 1) = n - C. \quad \because \text{已知总边数为 } n-1 \text{ 则 } C=1$$

则 G 是连通的且满足树的定义

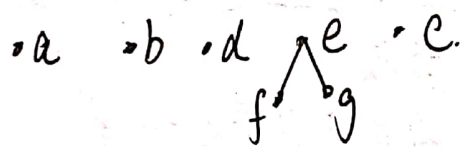


17). 由定理 2. n 个顶点的树有 $n-1$ 条边
 可边为 9999 条

7-3

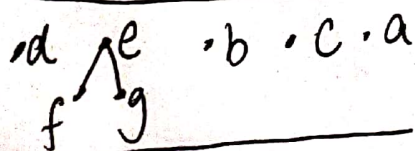
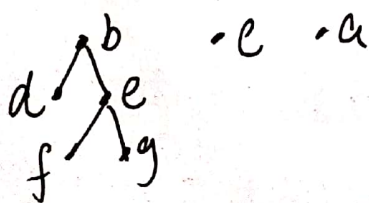
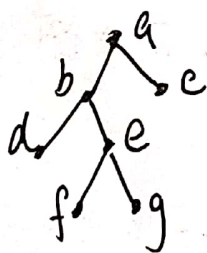


前序遍历



$a \cdot b \cdot d \cdot e \cdot f \cdot g \cdot c$

13.



$d \cdot f \cdot g \cdot e \cdot b \cdot c \cdot a$

