# Palmer Penguins: Statystyczna analiza danych

## **408453, Łukasz Wala**, poniedziałek 14<sup>40</sup>

AGH, Wydział Informatyki, Elektroniki i Telekomunikacji Rachunek prawdopodobieństwa i statystyka 2021/2022

Kraków, 26 stycznia 2022

Ja, niżej podpisany własnoręcznym podpisem deklaruję, że przygotowałem przedstawiony do oceny projekt samodzielnie i żadna jego część nie jest kopią pracy innej osoby.

.....

## 1 Streszczenie raportu

Raport powstał w oparciu o analizę cech 344 pingwinów zamieszkujących archipelag Palmera zebranych w latach 2007-2009.

# 2 Opis danych

Dane do projektu pochodzą z strony projektu palmerpenguins. Jest to projekt open-source mający dostarczyć dataset do wizualizacji i eksploracji danych będący alternatywą dla *Iris Dataset*, klasyka pośród materiałów do nauki statystycznej analizy danych i uczenia maszynowego.

W skład projektu wchodzą dwa zestawy danych: penguins\_raw oraz jego uproszczona wersja penguins. W tym projekcie użyta zostanie wersja penguins. Dane zawierają 344 rekordy, gdzie każdy odpowiada innemu pingwinowi opisanemu ośmioma atrybutami:

- species gatunek pingwina (zmienna jakościowa spośród Adelie, Chinstrap, Gentoo),
- island wyspa w archipelagu Palmera (zmienna jakościowa spośród *Biscoe*, *Dream*, *Torgersen*),
- bill\_length\_mm długość dzioba (liczba zmiennoprzecinkowa, w milimetrach),
- bill\_depth\_mm głębokość dzioba (liczba zmiennoprzecinkowa, w milimetrach),

- flipper\_length\_mm długość płetwy/skrzydła (liczba całkowita, w milimetrach),
- body\_mass\_g masa ciała (liczba całkowita, w gramach),
- sex płeć (zmienna jakościowa spośród male, female),
- year rok obserwacji (liczba całkowita, z zamiarem zmiany na zmienną jakościową)

Do załadowania ich do środowiska R można podejść na dwa sposoby. Z racji tego, że jest to zestaw danych przygotowanych z myślą o edukacji, został spakowany do pakietu R, który można zainstalować poprzez CRAN, a następnie załadować:

Alternatywnym podejściem będzie pobranie pliku .csv z repozytorium projektu i załadowanie go:

```
> penguins_data <- read.csv(file = "penguins.csv",
+ header = TRUE,
+ stringsAsFactors = TRUE)</pre>
```

Czyszczenie danych sprowadzi się tylko do usunięcia rekordów z wartościami nieznanymi, które są numeryczne (są tylko dwa takie wiersze i nie zawierają one żadnego z pomiarów, więc nie poskutkuje to dużą utratą informacji). W przypadku nieznanych zmiennych jakościowych (tylko płci pingwinów w tym przypadku), jedną z metod byłoby zastąpienie ich losowymi wartościami, jednak ze względu na potencjalnie dużą korelację płci z pozostałymi cechami, nie jest to najlepsze rozwiązanie. Najlepszą metodą byłoby zbadanie zależności cech i płci, i na tej podstawie uzupełnienie danych, jednak, dla uproszczenia oraz ze względu na niewielką ilość takich wierszy, tutaj zostaną usunięte. Inną niewielką zmianą będzie będzie konwersja typu roku obserwacji z liczby na zmienną jakościową, w tym przypadku ma to więcej sensu, bo bardziej interesującymi informacjami są cechy pingwinów w danym roku niż średnia lat wykonywania pomiarów:

```
> penguins_data <- na.omit(penguins_data)
> penguins_data$year <- as.factor(penguins_data$year)</pre>
```

Wówczas dane wyglądać będą następująco:

#### > str(penguins\_data)

```
'data.frame':
                     333 obs. of 8 variables:
$ species
                    : Factor w/ 3 levels "Adelie", "Chinstrap", ..: 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
                    : Factor w/ 3 levels "Biscoe", "Dream", ...: 3 3 3 3 3 3 3 3 3 ...
$ island
$ bill_length_mm
                   : num 39.1 39.5 40.3 36.7 39.3 38.9 39.2 41.1 38.6 34.6 ...
$ bill_depth_mm
                    : num 18.7 17.4 18 19.3 20.6 17.8 19.6 17.6 21.2 21.1 ...
$ flipper_length_mm: int 181 186 195 193 190 181 195 182 191 198 ...
                   : int 3750 3800 3250 3450 3650 3625 4675 3200 3800 4400 ...
$ body_mass_g
                    : Factor w/ 2 levels "female", "male": 2 1 1 1 2 1 2 1 2 2 ...
$ sex
                    : Factor w/ 3 levels "2007", "2008", ...: 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
$ vear
- attr(*, "na.action") = 'omit' Named int [1:11] 4 9 10 11 12 48 179 219 257 269 ...
  ..- attr(*, "names")= chr [1:11] "4" "9" "10" "11" ...
```

### 3 Analiza danych

### 3.1 Wydobywanie podstawowych informacji z danych

Na początku zostaną obliczone wartości estymatorów punktowych podstawowych wielkości statystyki opisowej:

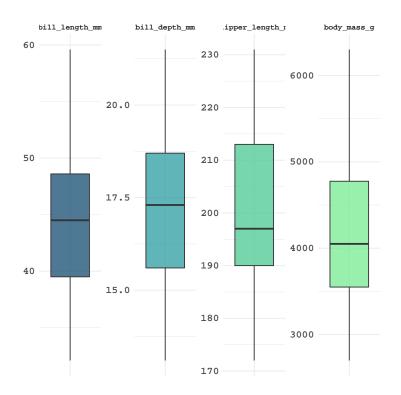
#### > summary(penguins\_data)

```
species
                      island
                                bill_length_mm bill_depth_mm
Adelie
        :146
                Biscoe
                         :163
                                Min.
                                        :32.10
                                                 Min.
                                                       :13.10
Chinstrap: 68
                Dream
                         :123
                                 1st Qu.:39.50
                                                 1st Qu.:15.60
Gentoo
        :119
                Torgersen: 47
                                Median :44.50
                                                 Median :17.30
                                                        :17.16
                                Mean
                                        :43.99
                                                 Mean
                                 3rd Qu.:48.60
                                                 3rd Qu.:18.70
                                 Max.
                                        :59.60
                                                 Max.
                                                        :21.50
flipper_length_mm
                   body_mass_g
                                      sex
                                                 year
                         :2700
Min.
      :172
                  Min.
                                  female:165
                                               2007:103
1st Qu.:190
                  1st Qu.:3550
                                 male :168
                                               2008:113
Median:197
                  Median:4050
                                               2009:117
Mean
      :201
                  Mean
                         :4207
                  3rd Qu.:4775
3rd Qu.:213
Max.
       :231
                  Max.
                         :6300
```

- > # zmienne jakościowe ignorowane
- > describeBy(penguins\_data[c(3:6)])

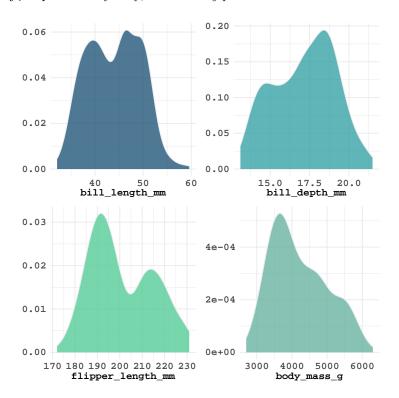
```
vars
                          n
                               mean
                                         sd median trimmed
                                                               mad
                                                                      min
                                                                             max
bill_length_mm
                      1 333
                              43.99
                                      5.47
                                              44.5
                                                     43.98
                                                              6.97
                                                                     32.1
                                                                            59.6
                      2
                                                     17.19
                                                              2.22
bill_depth_mm
                        333
                              17.16
                                      1.97
                                              17.3
                                                                     13.1
                                                                            21.5
                      3 333
                                     14.02
                                             197.0
                                                    200.36
                                                            16.31
flipper_length_mm
                             200.97
                                                                    172.0
                                                                           231.0
body_mass_g
                      4 333 4207.06 805.22 4050.0 4159.46 889.56 2700.0 6300.0
                           skew kurtosis
                    range
                                             se
bill_length_mm
                     27.5
                           0.04
                                   -0.90
                                           0.30
bill_depth_mm
                      8.4 -0.15
                                   -0.91
                                           0.11
flipper_length_mm
                     59.0 0.36
                                   -0.98 0.77
body_mass_g
                  3600.0 0.47
                                   -0.75 44.13
```

Poniżej kilka wykresów przedstawiających cechy numeryczne:



Jak widać, dla wszystkich cech, z wyjątkiem bill\_depth\_mm, skew, czyli współczynnik skośności przyjmuje wartości dodatnie, oznacza to, że rozkłady są (w niewielkim stopniu, bo wartości skew są nadal bliskie zera) prawostronnie asymetryczne (mają wydłużone prawe ramię rozkładu). Rozkład bill\_depth\_mm jest w podobnym stopniu lewostronnie asymetryczny. Na podstawie wartości kurtozy, która dla każdej cechy jest ujemna, można stwierdzić, że intensywność

wartości skrajnych jest mniejsza niż w przypadku rozkładu normalnego. Dobrze obrazują to poniższe wykresy, tzw. density plots:



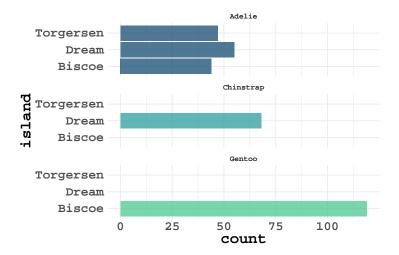
Badanie, czy dane pochodzą z jakiegoś rozkładu, zostanie przeprowadzone w dalszej części dokumentu, ale już teraz, na podstawie wykresów i ich podobieństwa do wykresu gęstości rozkładu normalnego, można snuć pewne przypuszczenia na ten temat.

#### 3.2 Badanie zależności pomiędzy danymi

Na początku pod lupę zostanie wziętych kilka zmiennych jakościowych i zależności pomiędzy nimi.

- > # gatunek, a wyspa na ktorej zostal zaobserwowany
- > penguins\_data %>% count(species, island)

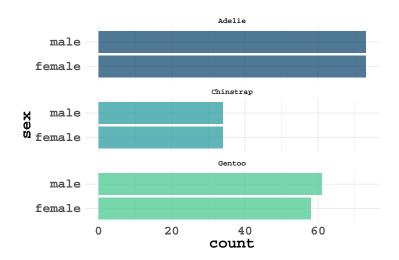
```
species
                island
                         n
                        44
     Adelie
               Biscoe
1
     Adelie
                Dream
3
     Adelie Torgersen
                        47
4 Chinstrap
                Dream
                        68
5
     Gentoo
                Biscoe 119
```



```
> # gatunek, a plec
```

> penguins\_data %>% count(sex, species)

```
sex species n
1 female Adelie 73
2 female Chinstrap 34
3 female Gentoo 58
4 male Adelie 73
5 male Chinstrap 34
6 male Gentoo 61
```



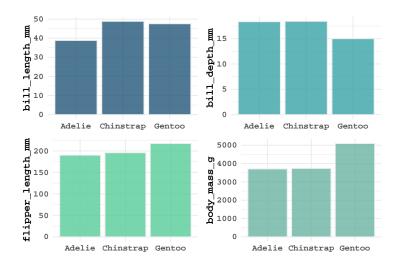
Ciekawą cechą, którą można tutaj zauważyć, jest to, że tylko gatunek Adelieżyje na wszystkich trzech wyspach, reszta gatunków zamieszkuje jedną wyspę.

Rozkład płci względem gatunku jest praktycznie równomierny, trudno zaobserwować inne zależności pomiędzy cechami jakościowymi.

Teraz zależności pomiędzy cechami numerycznymi i jakościowymi. Dla uproszczenia pod uwagę wzięte zostaną tylko wartości średnie grupowane po cechach jakościowych.

- > # zaleznosc pomiedzy gatunkiem a cechami numerycznymi
- > penguins\_data %>% group\_by(species) %>%
- + summarise(across(-c(island, sex, year), mean))
- # A tibble: 3 x 5

	species	${\tt bill\_length\_mm}$	${\tt bill\_depth\_mm}$	${\tt flipper\_length\_mm}$	body_mass_g
	<fct></fct>	<dbl></dbl>	<dbl></dbl>	<dbl></dbl>	<dbl></dbl>
1	Adelie	38.8	18.3	190.	3706.
2	Chinstrap	48.8	18.4	196.	3733.
3	Gentoo	47.6	15.0	217.	5092.



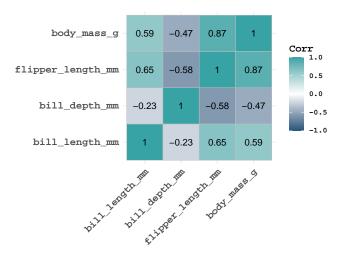
Jak widać na podstawie średnich, cechy numeryczne pingwinów z gatunków Adelie oraz Chinstrap nie różnią się bardzo z wyjątkiem długości dzioba (średnio nieznacznie dłuższe u Chinstrap). Pingwiny gatunku Gentoo wyróżniają się natomiast średnio krótszymi głębokościami dzioba, ale większymi masami ciała.

- > # zaleznosc pomiedzy plcia a cechami numerycznymi
- > penguins\_data %>% group\_by(species, sex) %>%
- + summarise(across(-c(island, year), mean))
- # A tibble: 6 x 6
- species [3] # Groups: species sex bill\_length\_mm bill\_depth\_mm flipper\_length\_mm body\_mass\_g <fct> <fct> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> 1 Adelie female 37.3 17.6 188. 3369. 2 Adelie male 40.4 19.1 192. 4043. 46.6 17.6 3 Chinstrap female 192. 3527. 4 Chinstrap male 51.1 19.3 200. 3939. 5 Gentoo female 45.6 14.2 213. 4680. 6 Gentoo 49.5 15.7 222. 5485. male

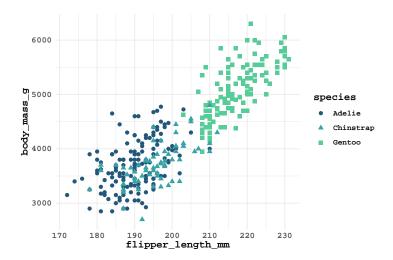
Samce pingwinów, niezależnie od gatunku, przeważają pod względem każdej cechy, szczególnie masy ciała.

Teraz pora na zbadanie zależności pomiędzy cechami numerycznymi. Również można by to podzielić, rozbijając dane na grupy względem cech jakościowych, ale tutaj, dla uproszczenia, użyte zostaną dane z całej próby. Najpierw obliczona zostanie macierz korelacji dla cech numerycznych:

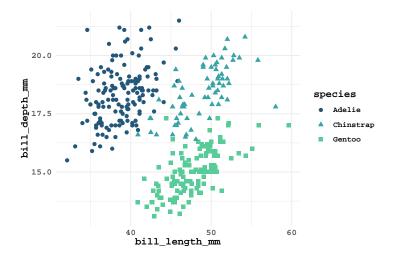
#### > corr <- round(cor(penguins\_data[c(3:6)]), 2)</pre>



Można zaobserwować m.in. wysoki współczynnik korelacji pomiędzy masą ciała pingwina, a długością płetwy (skrzydła). Latwo to zaobserwować na poniższym wykresie:

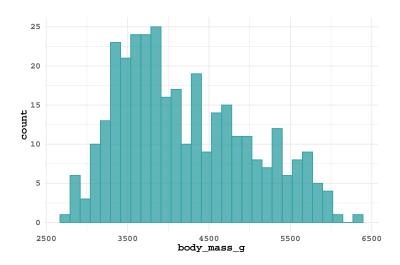


Długość i głębokość dzioba wykazują nieznacznie ujemny poziom korelacji dla całej próby danych, natomiast dla poszczególnych gatunków są to cechy nadal silnie skorelowane, co wynika z poniższego wykresu (tzw. paradoks Simpsona):

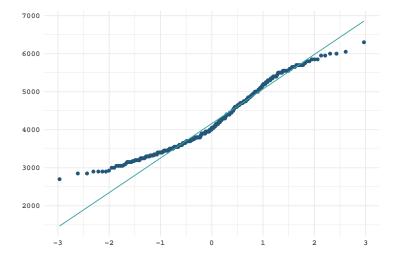


## 3.3 Analiza rozkładu badanych cech

Teraz nastąpi test tego, na ile rozkład cech numerycznych odpowiada rozkładowi normalnemu. Dla uproszczenia zostanie on przeprowadzony tylko dla jednej cechy. Bazując na wykresach z sekcji **3.1**, wybrana została cecha *body\_mass\_g*.



Histogram raczej przeczy temu, że rozkład ten jest normalny. Dla pewności użyty zostanie Q-Q plot (quantile-quantile plot, inna wizualna metoda testowania, czy rozkład jest normalny):



W przypadku rozkładu normalnego punkty wykresu tworzyłyby prostą, Tutaj natomiast można zaobserwować stosunkowo duże odchylenie od prostej, co również sugeruje, że rozkład nie jest normalny.

Ostatnim krokiem będzie przeprowadzenie testu Shapiro-Wilk'a, czyli testu sprawdzającego, czy zbiór danych jest dobrze modelowany przez rozkład normalny. Hipotezą zerową w tym teście jest  $H_0$ : rozkład jest normalny, natomiast hipotezą alternatywną  $H_1$ : rozkład nie jest normalny. Należy wspomnieć, że test został stworzoną z myślą o liczebności próbki poniżej 50 obserwacji.

> shapiro.test(sample(penguins\_data\$body\_mass\_g, 50))

Shapiro-Wilk normality test

data: sample(penguins\_data\$body\_mass\_g, 50)
W = 0.93304, p-value = 0.007218

Interpretacja testu sprowadza się do porównania wartości p z przyjętym poziomem istotności  $\alpha$ . Tutaj za poziom istotności przyjęta zostanie wartość  $\alpha=0.05$ . Z uwagi na wykorzystanie tylko losowych 50 wartości z całego zbioru danych, wyniki mogą się różnić w zależności od wywołania, jednak w większości przypadków przyjmują wartości <0.05, co pozwala na odrzucenie hipotezy zerowei.

Ostatecznie, na podstawie powyższych trzech metod, można stwierdzić, że rozkład cechy  $body\_mass\_g$  nie jest normalny.

#### 3.4 Estymatory przedziałowe

W tej sekcji zostaną wyznaczone niektóre wartości estymatorów przedziałowych. Dla uproszczenia, badaną cechą będzie tylko body\_mass\_g. Cecha ta nie posiada rozkładu normalnego, co zostało ustalone w poprzedniej sekcji, więc badanym przedziałem ufności będzie tylko przedział dla średniej. Wartość wariancji czy odchylenia standardowego nie są znane. W związku z tymi ograniczeniami użyta zostanie statystyka

$$T = \frac{\overline{X} - m}{\frac{S}{\sqrt{n}}}$$

Wiadomo, że jeżeli X ma rozkład normalny to

$$T \sim t_{n-1}$$

gdzie  $t_n$  jest rozkładem t o n stopniach swobody, zwanym też **rozkładem Studenta**. W tym przypadku, kiedy rozkład X nie jest normalny, statystyka T ma (dla n> ok. 20) rozkład zbliżony do rozkładu Studenta. Za poziom ufności zostanie przyjęta wartość  $\alpha=1-0.95$ , wówczas, dla najkrótszego przedziału ufności

$$P(t_{\frac{\alpha}{2},n-1} \leqslant T \leqslant t_{1-\frac{\alpha}{2},n-1}) = 1 - \alpha$$

Czyli przedział ufności dla średniej to

$$\left[\overline{X} - t_{1-\frac{\alpha}{2},n-1} \frac{S}{\sqrt{n}}, \overline{X} + t_{1-\frac{\alpha}{2},n-1} \frac{S}{\sqrt{n}}\right]$$

Funkcja w R obliczające krańce tego przedziału:

```
> meanCI <- function(x, conf.level) {
+ alpha <- 1 - conf.level
+ n <- length(x)
+ return (c(mean(x) - qt(1-alpha/2, n-1)*sd(x)/ sqrt(n),
+ mean(x) + qt(1-alpha/2, n-1)*sd(x)/ sqrt(n))
+ )
+ }
> meanCI(penguins_data$body_mass_g, 0.95)

[1] 4120.256 4293.858
   Natomiast funkcja z pakietu stats zwraca następujący wynik:
> t.test(penguins_data$body_mass_g)$"conf.int"

[1] 4120.256 4293.858
attr(,"conf.level")
[1] 0.95
```

tak więc przyjęta metoda jest poprawna. Stąd przedział ufności średniej dla rozkładu cechy body\_mass\_g wynosi [4120.256, 4293.858].

#### 4 Wnioski

Analiza statystyczna zestawu danych użytych w projekcie dostarcza wielu potencjalnie wartościowych informacji dla ornitologii i zoologii:

- pozwala przewidywać podstawowe cechy pingwinów,
- traktuje o zależnościach pomiędzy cechami tych ptaków,
- umożliwia powiązanie miejsc występowania z zamieszkującymi je gatunkami,
- pokazuje zmiany zachodzące w cechach pingwinów na przestrzeni lat.

Oczywiście ów projekt jest jedynie przykładem zastosowania statystycznej analizy danych, wymienione zalety jej wykorzystania można uogólnić, statystyka daje ogromne możliwości w badaniu danych i odkrywaniu ciekawych i użytecznych zależności.

Również należałoby wspomnieć o użytych technologiach: język **R** i jego biblioteki zawierające wiele przydatnych narzędzi do analizy statystycznej, **ggplot** pozwalający na stworzenia atrakcyjnych wizualnie wykresów oraz **Sweave** - narzędzie umożliwiające używania kodu R wewnątrz ŁATEX. Użycie tych technologii ułatwiło i uprzyjemniło proces tworzenia owego projektu.