Übung 1

Laurenz Weixlbaumer

October 2018

1 Wahrheitstabellen

Überprüfe mittels einer vollständigen Wahrheitstabelle die (Un)-Gleichheit folgender Aussagen.

(a)
$$x \lor y = \neg(x \land y)$$

\boldsymbol{x}	$\mid y \mid$	$x \vee y$	$\neg(x \land y)$
0	0	0	1
0	1	1	1
1	0	1	1
1	1	1	0

Nachdem die Funktionswerte in den jeweiligen Zeilen nicht übereinstimmen ist die Aussage unwahr.

(b)
$$x \lor (y \land z) = (x \lor y) \land (x \lor z)$$

x	y	z	$x \lor (y \land z)$	$(x \vee y) \wedge (x \vee z)$
0	0	0	0	0
0	0	1	0	0
0	1	0	0	0
0	1	1	1	1
1	0	0	1	1
1	0	1	1	1
1	1	0	1	1
1	1	1	1	1

Nachdem die Funktionswerte in den jeweiligen Zeilen übereinstimmen ist die Aussage wahr.

Die Funktion $(x\vee y)\wedge (x\vee z)$ könnte nach der Regel der Distributivität auch zu $x\vee (y\wedge z)$ umformuliert werden, wodurch das Ergebnis offensichtlich wird.

(c)
$$(\neg x \land \neg y) \lor (x \land z) \lor (y \land z) = (x \land y) \lor (x \land z)$$

\boldsymbol{x}	y	z	$ \mid (\neg x \land \neg y) \lor (x \land z) \lor (y \land z) $	$(x \wedge y) \vee (x \wedge z)$
0	0	0	1	0
0	0	1	1	0
0	1	0	0	0
0	1	1	1	0
1	0	0	0	0
1	0	1	1	1
1	1	0	1	1
1	1	1	1	1

Nachdem die Funktionswerte in den jeweiligen Zeilen nicht übereinstimmen ist die Aussage unwahr.