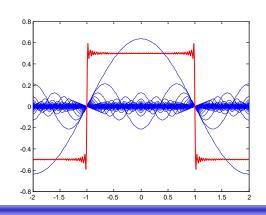
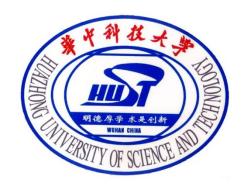
信号与系统

第16讲 离散系统的模拟&复习

郭红星 华中科技大学计算机学院 June 4, 2020





本讲内容

- 离散系统的模拟(数字滤波器的结构)
 - 非递归式数字滤波器
 - ▶ 递归式数字滤波器(直接I / II型、级联型、并联型)
- 复习: 本课程的核心内容及组织
- 考试事宜
- 实验报告
- 学习目标
 - ◆ 熟悉离散系统模拟的几种结构,了解其优化途径
 - ◆ 深刻理解四种傅氏变换的内在联系与统一性
 - ◆ 掌握本课程的重点内容及其逻辑关系,争取取得好成绩

Lecture离散系统的模拟&复习 信号与系统◎郭红星

8.1 离散时间系统的模拟

离散时间系统的描述(复习)

定义:一个系统,若输入是离散时间信号,输出也是离散时间信号,则此系统为离散时间系统

$$T[] y(n) = T[x(n)]$$

$$X(z)$$
 $T[]$ $Y(z)=T[X(z)]$

$$\sum_{k=0}^{N} a_k y(n+k) = \sum_{r=0}^{M} b_r x(n+r)$$

$$\sum_{k=0}^{N} a_k z^k [Y(z) - \sum_{l=0}^{k-1} y(l) z^{-l}] = \sum_{r=0}^{M} b_r z^r [X(z) - \sum_{m=0}^{r-1} x(m) z^{-m}]$$

$$x(n) \longrightarrow h(n) \longrightarrow y(n)$$

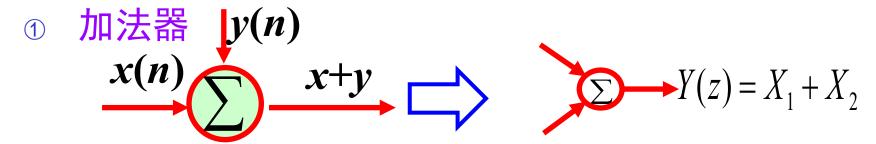
$$X(z) \longrightarrow H(z) \longrightarrow Y(z)$$

$$y(n) = x(n) * h(n)$$

$$Y(z) = X(z)H(z)$$

离散时间系统的模拟(实现)

■ 基于三种基本部件(Building blocks)(P322)



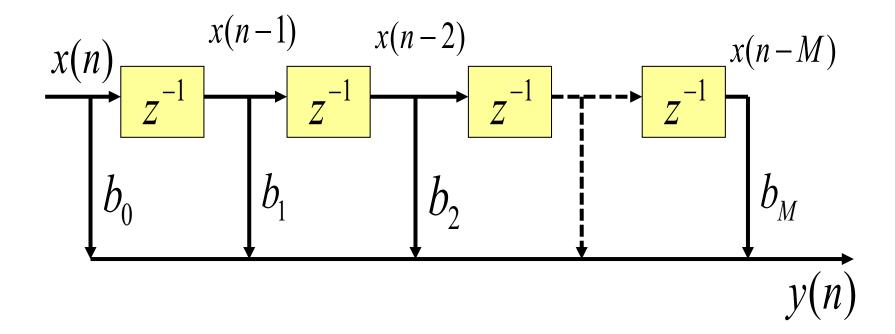
② 乘法器 x(n) ax(n) ax(z) ax(z)

③ 延时器

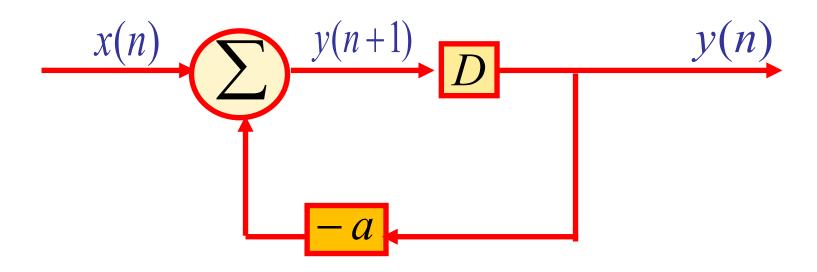
$$x(n)$$
 $y(z) = \frac{X(z)}{z}$ 时域

非递归式数字滤波器的模拟

$$y(n) = \sum_{r=0}^{M} b_r x(n-r)$$
 $H(z) = \sum_{r=0}^{M} b_r z^{-r}$



递归式数字滤波器的模拟:一阶系统

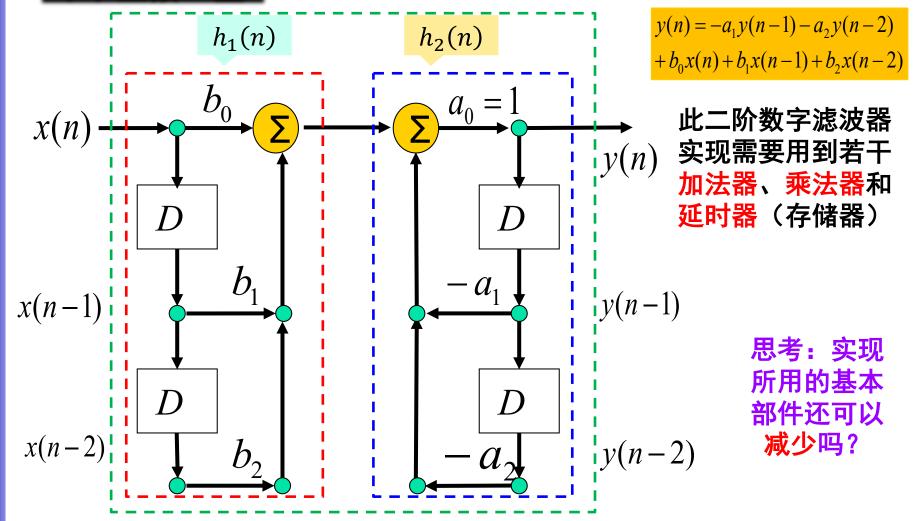


$$y(n+1) + ay(n) = x(n)$$

递归式数字滤波器的直接模拟

(a) 直接 I型

$$h(n) = h_1(n) * h_2(n) = h_2(n) * h_1(n)$$



2020/6/4离散系统的模拟&复习

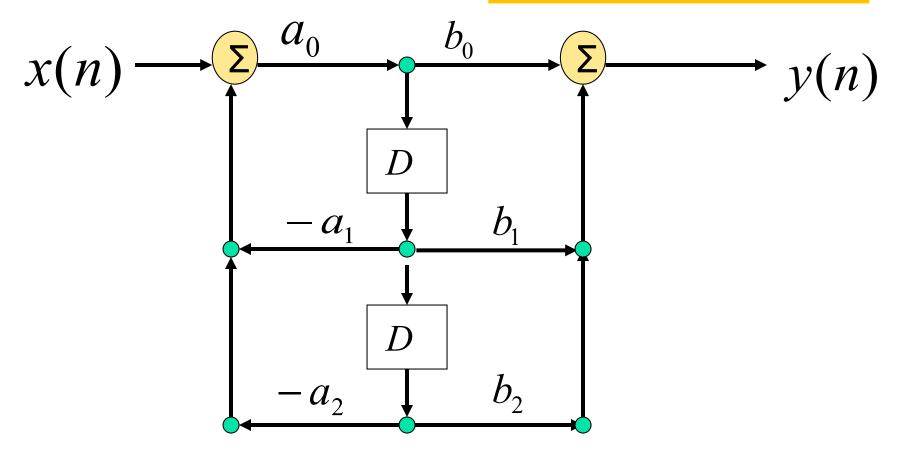
信号与系统,©郭红星

递归式数字滤波器的直接模拟

(b) 直接II型(简化直接型)

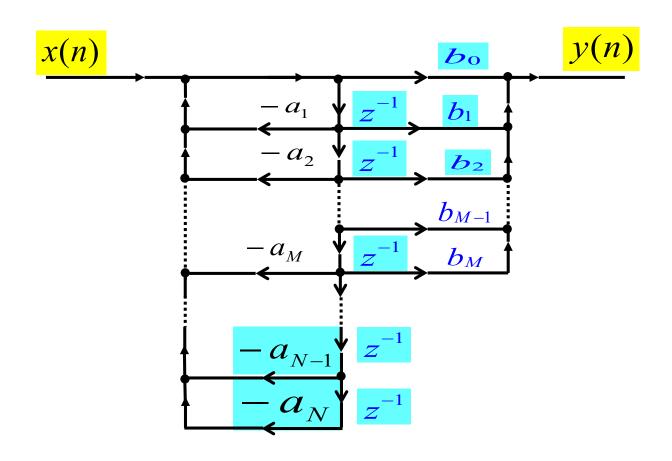
$$y(n) = -a_1 y(n-1) - a_2 y(n-2)$$

+ $b_0 x(n) + b_1 x(n-1) + b_2 x(n-2)$



2020/6/4 Lecture离散系统的模拟&复习 信号与系统,@郭红星

直接模拟高阶数字滤波器的问题

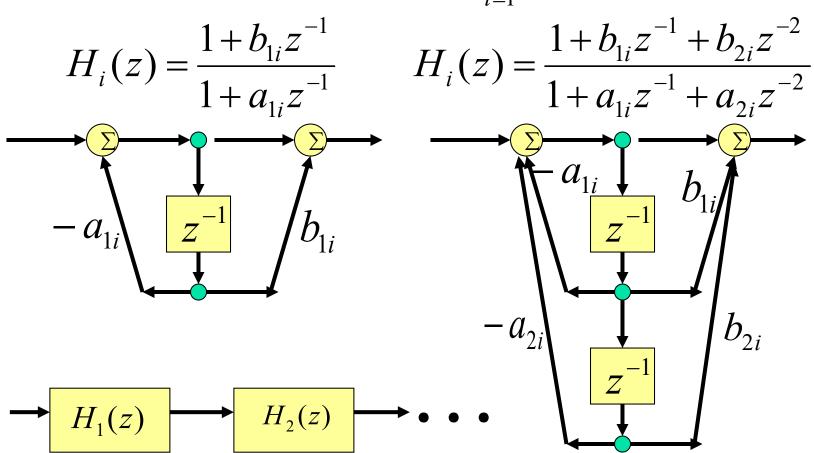


你能想出什么解决方法吗?

2020/6/4离散系统的模拟&复习 信号与系统,**©**郭红星 10

递归式数字滤波器的串联式模拟

(c) 串联形式
$$H(z) = A_0 \prod_{i=1}^{K} H_i(z)$$



递归式数字滤波器的并联式模拟

(d) 并联形式
$$H(z) = C + \sum_{i=1}^{k} H_i(z)$$

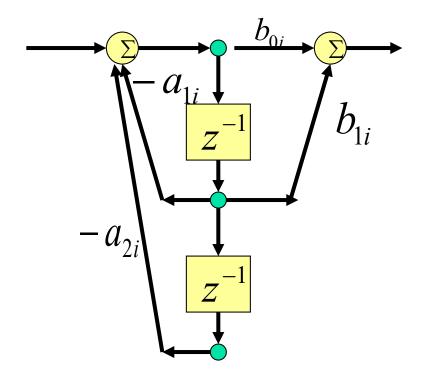
$$H_{i}(z) = \frac{b_{0i}}{1 + a_{1i}z^{-1}}$$

$$-a_{1i}$$

$$H_{i}(z)$$

$$H_{i}(z)$$

$$H_{i}(z) = \frac{b_{0i} + b_{1i}z^{-1}}{1 + a_{1i}z^{-1} + a_{2i}z^{-2}}$$



例题1及解答

画出如下系统函数所表示系统的模拟框图, 建立串联、并联和级联形式的结构图并进行 分析

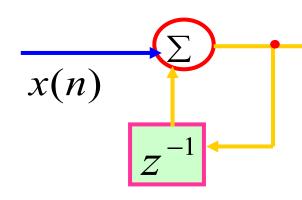
$$H(z) = \frac{3z^3 - 5z^2 + 10z}{z^3 - 3z^2 + 7z - 5}$$

解:

$$H(z) = \frac{z(3z^2 - 5z + 10)}{(z - 1)(z^2 - 2z - 5)} = \frac{1}{1 - z^{-1}} \frac{3 - 5z^{-1} + 10z^{-2}}{1 - 2z^{-1} + 5z^{-2}}$$

例题1解答

$$H(z) = \frac{1}{1 - z^{-1}} \frac{3 - 5z^{-1} + 10z^{-2}}{1 - 2z^{-1} + 5z^{-2}} = \frac{y(z)}{x(z)}$$

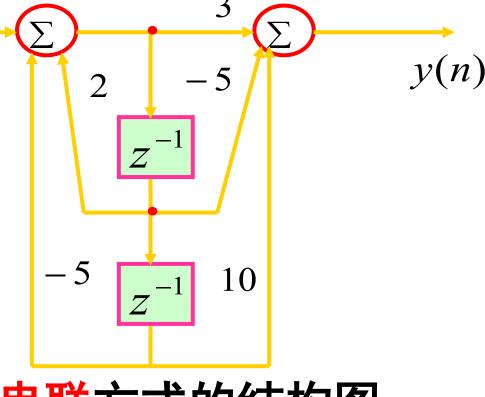


实现复杂度

加法器: 3个

乘法器:5个

延时器: 3个



串联方式的结构图

例题1解答

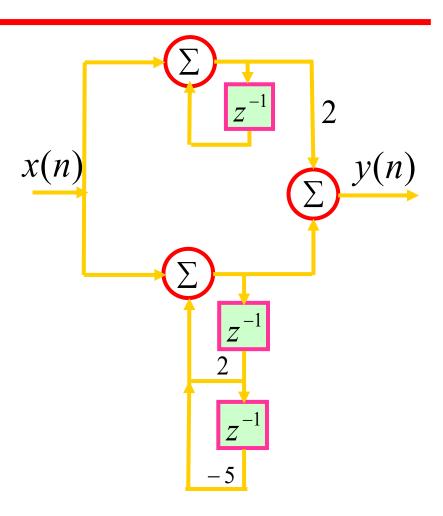
$$H(z) = \frac{2z}{z-1} + \frac{z^2}{z^2 - 2z + 5}$$
$$= \frac{2}{1-z^{-1}} + \frac{1}{1-2z^{-1} + 5z^{-2}}$$



加法器: 3个

乘法器: 3个

延时器: 3个



并联方式的结构图

例题1解答

$$H(z) = \frac{3 - 5z^{-1} + 10z^{-2}}{1 - 3z^{-1} + 7z^{-2} - 5z^{-3}}$$

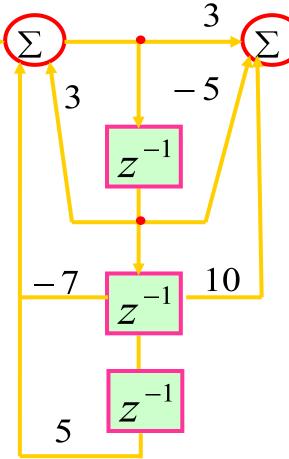
x(n)

实现复杂度

加法器: 2个

乘法器: 6个

延时器: 3个



级联方式 的结构图

y(n)

三种模拟方式的性能分析

串联方式

加法器:3个

乘法器:5个

延时器: 3个

并联方式

加法器: 3个

乘法器: 3个

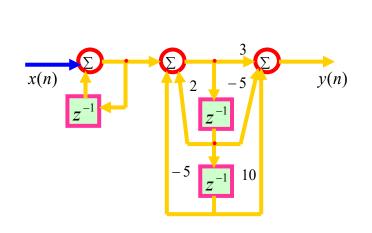
延时器: 3个

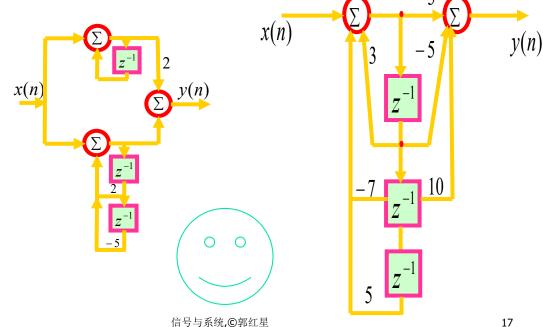
级联方式

加法器: 2个

乘法器: 6个

延时器: 3个





课外作业

作业: 课外补8.2题

- ■每星期三晚23:59:59前交上星期布置的作业
 - 请按照新版教学指南要求按时上传提交

地点:南一楼中402室

8.2 复习

教学内容与课时安排

	信号与系统概论	-4课时
	连续时间系统的时域分析	-4课时
•	连续时间信号的正交分解	-6课时
•	连续时间系统的频域分析	-2课时
•	连续时间系统的复频域分析	-2课时
•	连续时间系统的系统函数	-2课时
•	离散时间系统的时域分析	-4课时
•	离散时间系统的变换域分析	-7课时
•	复习	-1课时
	实验(课外)	-8课时

Lecture离散系统的模拟&复习 信号与系统©郭红星 20

内容组织

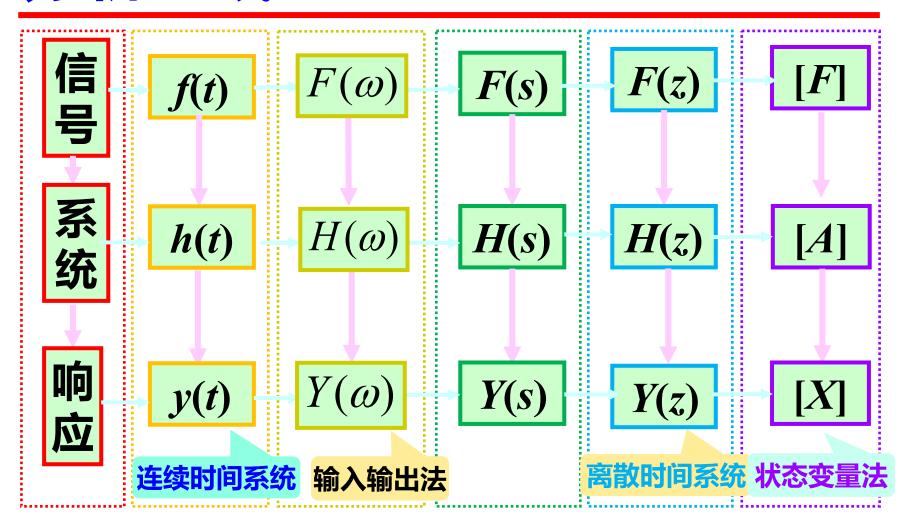
●两大类系统

- 连续时间信号与系统
- 离散时间信号与系统
- 两种分析方法
 - 时域分析
 - 变换域分析
- ●两种系统模型 ▲
 - 输入输出法
 - 状态变量法

对确定性信号, 线性时不变系统

 $1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 4 \rightarrow 5 \rightarrow 6 \rightarrow 7 \rightarrow 8$

分析主线



绪论一时域一频域一复频域一离散一状态

Lecture离散系统的模拟&复习 信号与系统@郭红星

复习一信号方面的核心内容

■ 信号的描述与分类及典型信号

- 信号的典型运算:延时/移序、尺度、相加/乘、微/差分
- 模拟与数字信号,脉冲信号、冲激信号、正弦信号、复指数信号

■ 卷积及其性质

- 求两信号的卷积,任意信号与冲激信号的卷积
- 交換律/结合律/分配律

■ 连续时间傅里叶变换及其性质

- 典型信号的傅里叶变换,频谱图
- 线性、对称、尺度、微积分、时/频移等

■ 拉普拉斯变换及其性质

- 常用信号的拉普拉斯变换,收敛域
- 反变换的求取一利用性质/部分分式分解

■ ℤ变换及其性质

- 常用信号的z变换,收敛域,z域微分性质,卷积定理
- 反变换的求取一部分分式法,注意与收敛区间的关系
- 离散时间傅里叶变换,序列的频谱图

Lecture离散系统的模拟&复习 信号与系统©郭红星

复习一系统方面的核心内容

■ 系统的分类与描述

- 线性时(移)不变系统及其建模(微/差方程)
- 系统微/差方程、系统函数(*H*(*s*)/*H*(*z*))与模拟框图 间的相互转换(级联型一直接II型、串/并联型)

■ 系统的响应

- 零状态和零输入响应(利用卷积积分/和求解)
- 电路的s域模型与变换域解
- 系统响应的构成分析及其相互关系

■ 系统的性质

- 连续和离散系统的频响特性,稳定性,可实现性
- 信号通过系统的时延和失真

考试安排

■ 时间:具体时间待复学后再另行安排

■ 地点: 具体地点待复学后再另行安排

■ 闭卷考试,禁止携带任何电子设备

- 6-7个题目(第一大题包含若干填空题+4-5个基本计算题+1-2个综合题),主要考查基础知识的理解和应用,不涉及单纯记忆内容!
- 范围不会超过复习时所列内容,不会超出上课所讲内容
- 有疑问可通过电邮联系,考前也可安排答疑

Lecture离散系统的模拟&复习 信号与系统@郭红星