

暨南大学本科实验报告专用纸

课程名称 高级语言程序设计实验 成绩评定
实验项目名称 矩阵运算的函数封装 指导教师 张鑫源
实验项目编号 ⑨ 实验项目类型 实验地点 家中
学生姓名 位雨昕 学号 2019051112
学院 智能科学与工程学院 系 专业 信息安全
实验时间 2020 年 4 月 29 日 上午~4 月 30 日 下午 温度 °C 湿度

（一）实验目的

1. 进一步了解 Visual Studio 的使用以及 C 语言程序的结构；
2. 接触 C 语言中的常用函数、掌握其使用方法；
3. 熟练掌握循环语句、二维数组的使用；
4. 锻炼个人的编程操作能力。

（二）实验内容和要求

内容：

对于矩阵 A, B 常规的矩阵操作有 A^T , $A+B$, $A-B$, $A \times B$, A^n , 分别用函数封装上述矩阵操作。

要求：

1. A 和 B 为程序自定义；
2. 设置合理的输出展示封装效果。

（三）主要仪器设备

仪器：计算机

实验环境：Visual Studio Community 2019

（四）源程序

```
#include<stdio.h>

void T(int x[5][5], int y[5][5], int n) //该函数用于实现矩阵转置并打印
{
    printf("矩阵A的转置矩阵为: \n");
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        for (int j = 0; j < n; j++)
        {
            y[j][i] = x[i][j];
        }
    }
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        for (int j = 0; j < n; j++)
        {
            printf("%4d", y[i][j]);
        }
        printf("\n");
    }
}

void Plus(int x[5][5], int y[5][5], int z[5][5], int n) //该函数用于实现矩阵A+B并打印
{
    printf("矩阵A+B为: \n");
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        for (int j = 0; j < n; j++)
        {
            z[i][j] = x[i][j] + y[i][j];
        }
    }
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        for (int j = 0; j < n; j++)
        {
            printf("%4d", z[i][j]);
        }
        printf("\n");
    }
}

void Minus(int x[5][5], int y[5][5], int z[5][5], int n) //该函数用于实现矩阵A-B并打印
{
```

```

printf("矩阵A-B为: \n");
for (int i = 0; i < n; i++)
{
    for (int j = 0; j < n; j++)
    {
        z[i][j] = x[i][j] - y[i][j];
    }
}
for (int i = 0; i < n; i++)
{
    for (int j = 0; j < n; j++)
    {
        printf("%4d", z[i][j]);
    }
    printf("\n");
}
}

void Times(int x[5][5], int y[5][5], int z[5][5], int n) //该函数用于实现矩阵A×B并打印
{
    printf("矩阵A×B为: \n");
    for (int i = 0; i < n; i++) //赋值
    {
        for (int j = 0; j < n; j++)
        {
            z[i][j] = 0;
            for (int k = 0; k < n; k++)
            {
                z[i][j] += x[i][k] * y[k][j];
            }
        }
    }
    for (int i = 0; i < n; i++) //打印
    {
        for (int j = 0; j < n; j++)
        {
            printf("%4d", z[i][j]);
        }
        printf("\n");
    }
}

void Exponent2(int x[5][5], int z[5][5], int n) //该函数用于实现矩阵A^2并打印
{
    printf("矩阵A^2为: \n");
    for (int i = 0; i < n; i++) //赋值

```

```

{
    for (int j = 0; j < n; j++)
    {
        z[i][j] = 0;
        for (int k = 0; k < n; k++)
        {
            z[i][j] += x[i][k] * x[k][j];
        }
    }
}

for (int i = 0; i < n; i++)    //打印
{
    for (int j = 0; j < n; j++)
    {
        printf("%4d", z[i][j]);
    }
    printf("\n");
}
}

void Exponent3(int x[5][5], int y[5][5], int z[5][5], int n) //该函数用于实现矩阵A^3并
打印
{
    printf("矩阵A^3为: \n");
    for (int i = 0; i < n; i++)    //赋值
    {
        for (int j = 0; j < n; j++)
        {
            z[i][j] = 0;
            for (int k = 0; k < n; k++)
            {
                z[i][j] += y[i][k] * x[k][j];
            }
        }
    }
}

for (int i = 0; i < n; i++)    //打印
{
    for (int j = 0; j < n; j++)
    {
        printf("%4d", z[i][j]);
    }
    printf("\n");
}
}

int main()

```

```

{
    int A[5][5] = { 0 };
    int B[5][5] = { 0 };
    int n, i, j;
    int _T[5][5];    //转置
    int _Plus[5][5];  //相加
    int _Minus[5][5]; //相减
    int _Times[5][5]; //相乘
    int _Exponent2[5][5]; //幂运算
    int _Exponent3[5][5];
    printf("请输入方阵A、B的阶数n (n范围为1-5) : \n");
    scanf_s("%d", &n);
    printf("请输入矩阵A: \n");
    for (i = 0; i < n; i++)
    {
        for (j = 0; j < n; j++)
        {
            scanf_s("%d", &A[i][j]);
        }
        getchar("\n");
    }
    printf("请输入矩阵B: \n");
    for (i = 0; i < n; i++)
    {
        for (j = 0; j < n; j++)
        {
            scanf_s("%d", &B[i][j]);
        }
        getchar("\n");
    }

    T(A, _T, n);
    Plus(A, B, _Plus, n);
    Minus(A, B, _Minus, n);
    Times(A, B, _Times, n);
    Exponent2(A, _Exponent2, n);
    Exponent3(A, _Exponent2, _Exponent3, n);
    return 0;
}

```

（五）实验步骤与调试

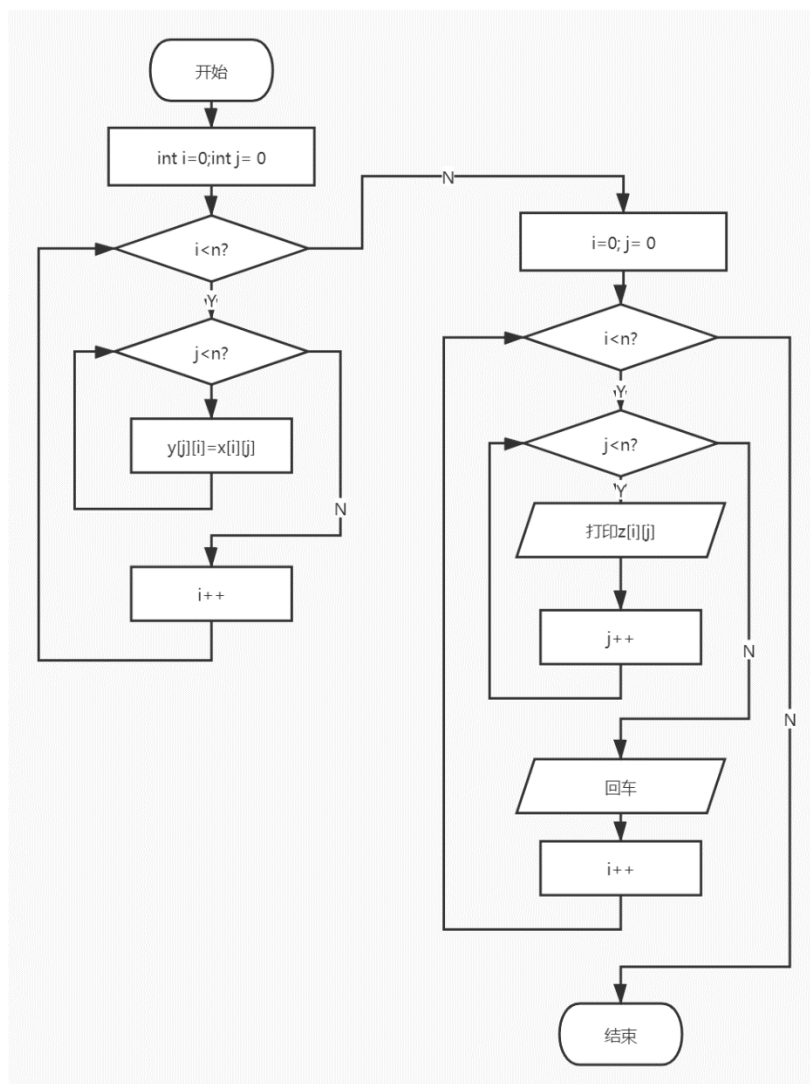
实验步骤：

1. 对实验进行基本构思，绘制流程图；
2. 启动 Visual Studio，创建新项目。将源程序写在新项目中；
3. 利用“本地 Windows 调试器”进行调试；
4. 进行多次调试并修正，直至得出理想结果。

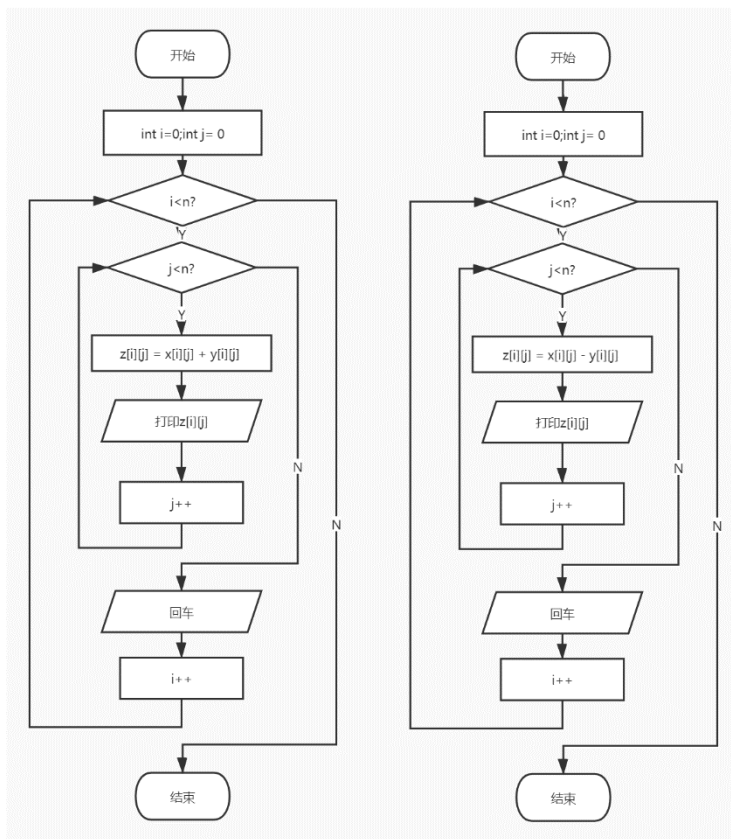
实验思路：

1. 因不熟悉函数封装的编写方式，决定使用先将各个矩阵计算的代码写在 main 函数中，再将相应代码提取的方式。
2. 各个矩阵操作思路：

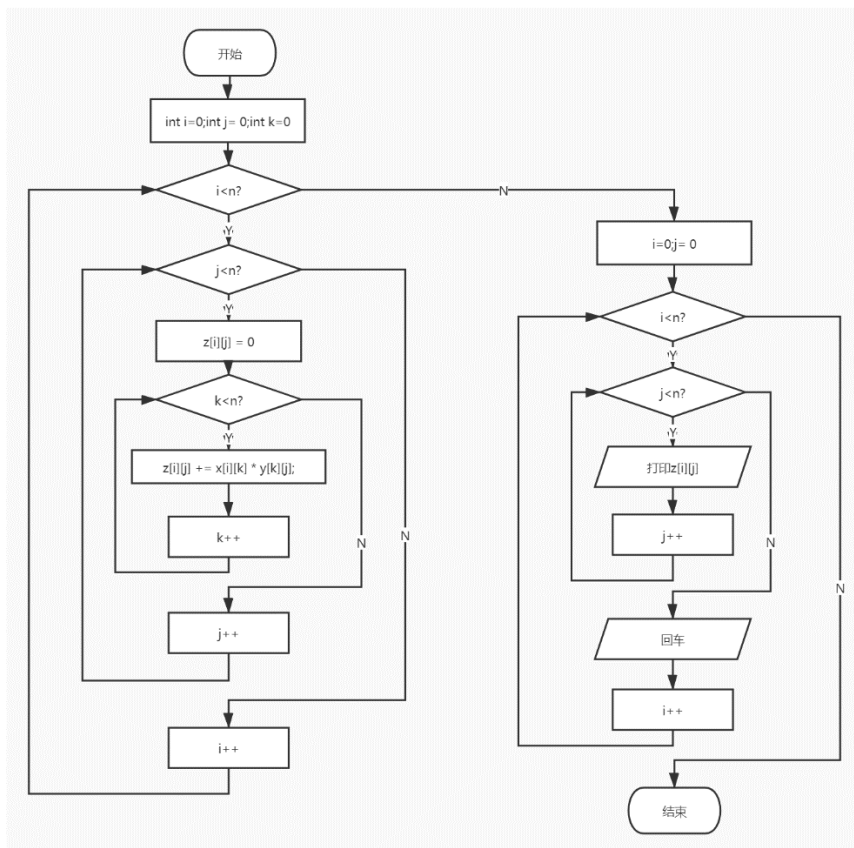
【转置】



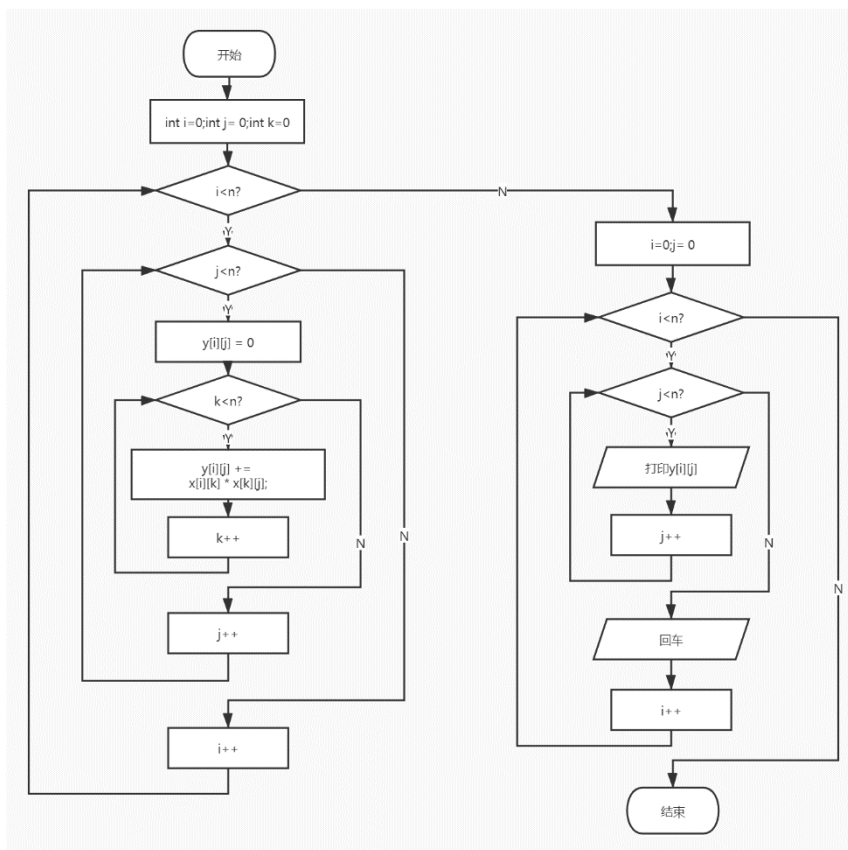
【相加、相減】



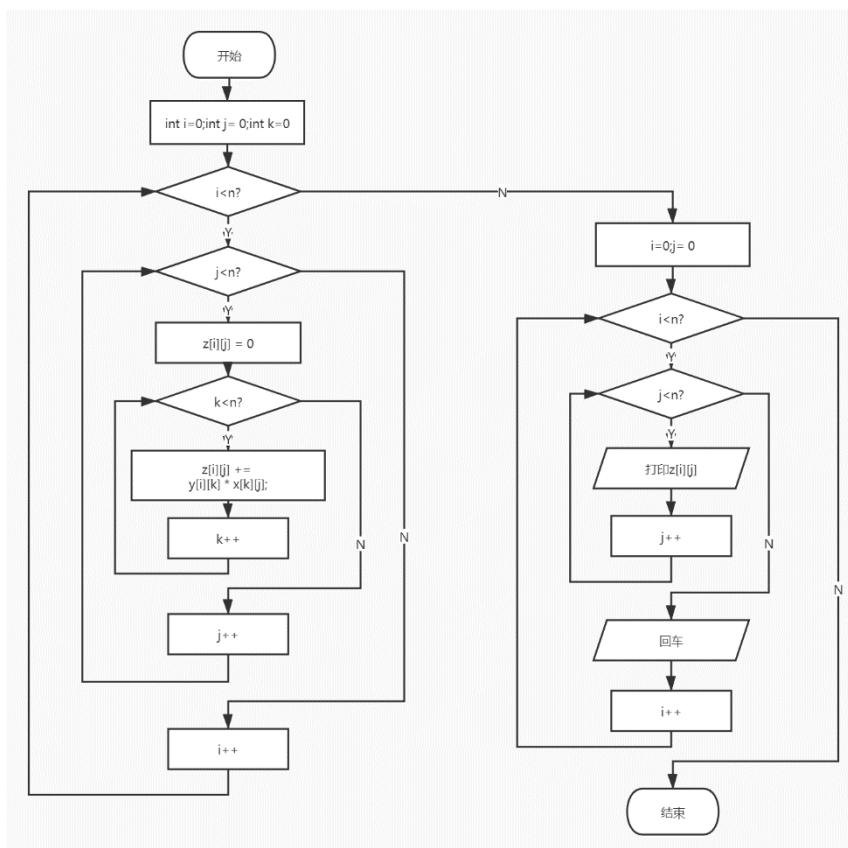
【相乘】



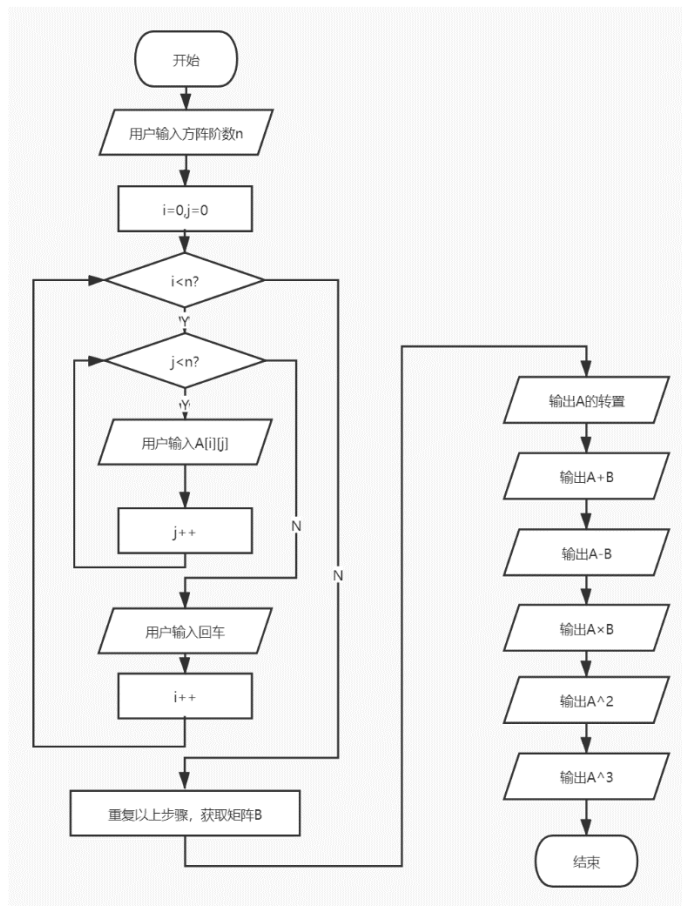
【2 次幂】



【3 次幂】



【主程序】



调试：

1. 最初定义了 A B 均为 3×4 的矩阵，忽略了矩阵相乘需要的条件。虽然程序能够正常运行，但实际不存在这样的运算。回顾矩阵运算条件，若矩阵 A 与矩阵 B 能相乘，矩阵 A 的行数必须与矩阵 B 的列数相等。考虑到程序同时要求打印 A^n ，矩阵 A 必为方阵。同时矩阵 A 、 B 可以进行加法减法运算，其行列数必定相同。所以矩阵 A 、 B 必为同阶方阵，重新将矩阵 A 、 B 定义为 3×3 的矩阵。
2. 最初矩阵 $A \times B$ 的结果为：

矩阵 $A \times B$ 为：

3	6	11
3	18	19
15	18	19
3	4	19
3	8	11
15	16	19
1	4	19
1	16	19
5	8	11

明显与矩阵相乘结果不符。检查相应代码后发现：

```

62     for (i = 0; i < 3; i++)
63     {
64         for (j = 0; j < 3; j++)
65         {
66             Times[i][j] = 0;
67             for (k = 0; k < 3; k++)
68             {
69                 Times[i][j] += A[i][k] * B[k][j];
70                 printf("%4d", Times[i][j]);
71             }
72             printf("\n");
73         }
74     }

```

该段代码在给矩阵 Times 赋值的过程中打印了该矩阵，打印时分开打印了其中的计算过程，即没有完成计算就开始打印。删去 70、72 行的语句，在赋值的循环嵌套后再加入打印矩阵 $A \times B$ 结果的循环嵌套，解决了该问题。

```

31     for (i = 0; i < 3; i++)
32     {
33         for (j = 0; j < 3; j++)
34         {
35             Times[i][j] = 0;
36             for (k = 0; k < 3; k++)
37             {
38                 Times[i][j] += A[i][k] * B[k][j];
39             }
40             printf("%4d", Times[i][j]);
41             printf("\n");
42         }
43     }

```

矩阵A×B为:

11	19	19
19	11	19
19	19	11

3. 程序可以正常运行，且符合实验的运算要求。说明计算代码正确。

The screenshot shows a C++ program performing various matrix operations. The code defines several 3x3 matrices and prints their values. The results are displayed in a console window on the right.

矩阵A为:

1	1	1
2	2	2
3	3	3

矩阵B为:

4	4	4
5	5	5
6	6	6

矩阵A的转置矩阵为:

1	2	3
1	2	3
1	2	3

矩阵A+B为:

5	5	5
7	7	7
9	9	9

矩阵A-B为:

-3	-3	-3
-3	-3	-3
-3	-3	-3

矩阵A×B为:

15	15	15
30	30	30
45	45	45

矩阵A^2为:

6	6	6
12	12	12
18	18	18

矩阵A^3为:

36	36	36
72	72	72
108	108	108


```

Microsoft Visual Studio 调试控制台
请输入方阵A、B的阶数n（n范围为1-5）：
3
请输入矩阵A:
1 1 1
2 2 2
3 3 3
请输入矩阵B:
4 4 4
5 5 5
6 6 6
矩阵A的转置矩阵为:
1 2 3
1 2 3
1 2 3
矩阵A+B为:
5 5 5
7 7 7
9 9 9
矩阵A-B为:
-3 -3 -3
-3 -3 -3
-3 -3 -3
矩阵A×B为:
15 15 15
30 30 30
45 45 45
矩阵A2为:
6 6 6
12 12 12
18 18 18
矩阵A3为:
36 36 36
72 72 72
108 108 108

```

```

Microsoft Visual Studio 调试控制台
请输入方阵A、B的阶数n（n范围为1-5）：
4
请输入矩阵A:
1 1 1 1
1 1 1 1
2 2 2 2
2 2 2 2
请输入矩阵B:
3 3 3 3
3 3 3 3
3 3 3 3
4 4 4 4
矩阵A的转置矩阵为:
1 1 2 2
1 1 2 2
1 1 2 2
1 1 2 2
矩阵A+B为:
4 4 4 4
4 4 4 4
5 5 5 5
6 6 6 6
矩阵A-B为:
-2 -2 -2 -2
-2 -2 -2 -2
-1 -1 -1 -1
-2 -2 -2 -2
矩阵A×B为:
13 13 13 13
13 13 13 13
26 26 26 26
26 26 26 26
矩阵A2为:
6 6 6 6
6 6 6 6
12 12 12 12
12 12 12 12
矩阵A3为:
36 36 36 36
36 36 36 36
72 72 72 72

```

1. 程序可按实验要求运行；
2. 程序情况基本符合理想效果；
3. 调试过程中出现的问题均已解决。

分析：

1. 事先获取用户输入方阵的阶数，可以确定用于循环流程控制的条件，便于程序的编写，可使程序的功能更加丰富。
2. 用户输入矩阵时每输入一行，用 `getchar()` 函数将用户输入的回车存到缓冲区，使用户可以输入矩阵原有格式，输入时可以更加直观。
3. 查阅线性代数相关知识，

$$(AB)_{ij} = \sum_{k=1}^p a_{ik} b_{kj} = a_{i1} b_{1j} + a_{i2} b_{2j} + \cdots + a_{ip} b_{pj}$$

如下所示:

$$A = \begin{bmatrix} a_{1,1} & a_{1,2} & a_{1,3} \\ a_{2,1} & a_{2,2} & a_{2,3} \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} b_{1,1} & b_{1,2} \\ b_{2,1} & b_{2,2} \\ b_{3,1} & b_{3,2} \end{bmatrix}$$

$$C = AB = \begin{bmatrix} a_{1,1}b_{1,1} + a_{1,2}b_{2,1} + a_{1,3}b_{3,1}, & a_{1,1}b_{1,2} + a_{1,2}b_{2,2} + a_{1,3}b_{3,2} \\ a_{2,1}b_{1,1} + a_{2,2}b_{2,1} + a_{2,3}b_{3,1}, & a_{2,1}b_{1,2} + a_{2,2}b_{2,2} + a_{2,3}b_{3,2} \end{bmatrix}$$

可以看出, $c[i][j] = a[i][1]b[1][j] + a[i][2]b[2][j] + \dots + a[i][n]b[n][j]$, 其中 n 为矩阵 b 的列数。因此可以在计算矩阵 c 中某个数 $c[i][j]$ 时使用循环语句。由此在计算矩阵相乘时使用三重循环嵌套。进行矩阵幂运算同理。

4. 由线性代数相关知识, 矩阵幂运算中 $A^2 = A \times A$, $A^3 = A^2 \times A$ 。因此在编写代码时计算 A^2 时可以直接将 $A \times B$ 中的 B 改为 A :

```
{
    Times[i][j] += A[i][k] * B[k][j];
}
{
    Exponent2[i][j] += A[i][k] * A[k][j];
}
```

计算 A^3 时同理。

```
{
    Exponent3[i][j] += Exponent2[i][k] * A[k][j];
}
```