



本节主题:

拓扑排序

问题描述

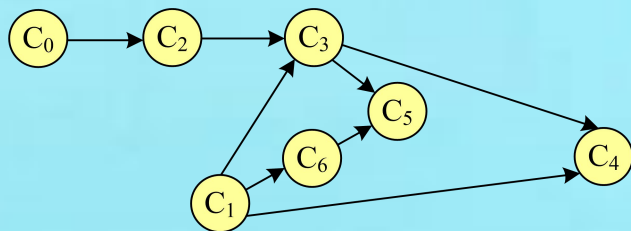
定义

- 设 $G=(V, E)$ 是一个具有 n 个顶点的**有向图**
- V 中顶点序列 v_1, v_2, \dots, v_n 称为一个**拓扑序列**，当且仅当序列满足：若 $\langle v_i, v_j \rangle$ 是图中的边(即从顶点 v_i 到 v_j 有一条路径)，则在拓扑序列中顶点 v_i 必须排在顶点 v_j 之前

例：右图的拓扑序列

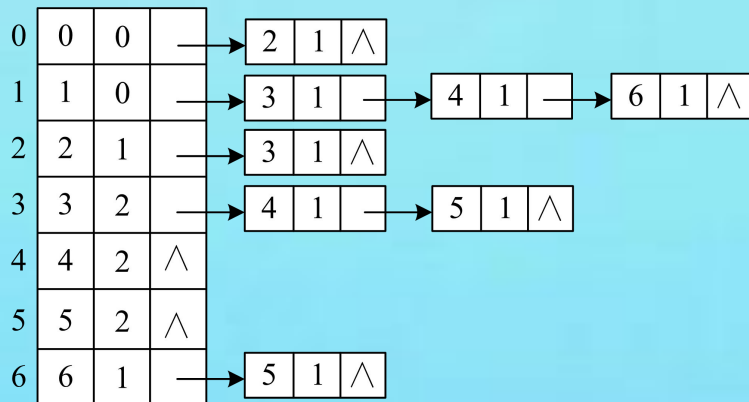
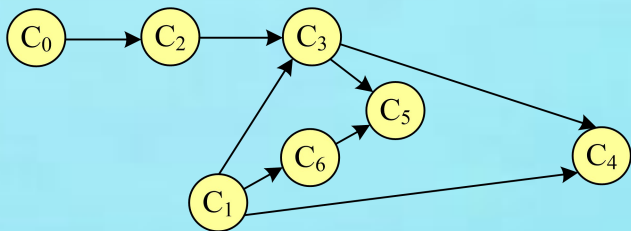
- $C_0 - C_2 - C_1 - C_3 - C_6 - C_5 - C_4$
- $C_1 - C_6 - C_0 - C_2 - C_3 - C_4 - C_5$
-

在一个有向图中找一个拓扑序列的过程称为拓扑排序



课程代号	课程名称	先修课程
C_0	高等数学	无
C_1	程序设计	无
C_2	离散数学	C_0
C_3	数据结构	C_1, C_2
C_4	编译原理	C_1, C_3
C_5	操作系统	C_3, C_6
C_6	计算机组成	C_1

拓扑排序中数据的存储结构



```
typedef struct ANode
{
    int adjvex;
    InfoType info;
    struct ANode *nextarc;
} ArcNode; //边表节点类型

typedef struct Vnode
{
    Vertex data;
    int count;    //存放顶点入度
    ArcNode *firstarc;
} VNode;    //表头节点类型

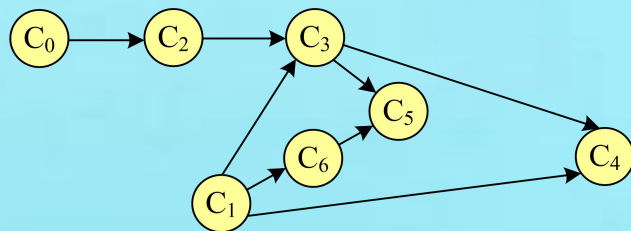
typedef VNode AdjList[MAXV];
typedef struct
{
    AdjList adjlist;
    int n,e;
} ALGraph; //完整的图邻接表类型
```

拓扑排序步骤及数据结构

(1) 从有向图中选择一个没有前驱 (即入度为0) 的顶点并且输出它。

(2) 从图中删去该顶点, 并且删去从该顶点发出的全部有向边。

(3) 重复上述两步, 直到剩余的网中不再存在没有前驱的顶点为止。



0	0	0	—	→	2	1	∧	
1	1	0	—	→	3	1	—	→ 4 1 — → 6 1 ∧
2	2	1	—	→	3	1	∧	
3	3	2	—	→	4	1	—	→ 5 1 ∧
4	4	2	∧					
5	5	2	∧					
6	6	1	—	→	5	1	∧	

```
int St[MAXV],top=-1;
```

```
//定义栈St, 记录入度为0的顶点
```

```
void TopSort(ALGraph *G)
```

```
{
```

```
    int i,j;
```

```
    ArcNode *p;
```

```
    //求所有顶点的入度
```

```
    //入栈度为0的顶点
```

```
    while (top>-1) //栈不为空时循环
```

```
    {
```

```
        //出栈并输出
```

```
        //“删除”顶点，即相邻顶点入度均减1
```

```
    }
```

```
}
```

```
    p=G->adjlist[i].firstarc;
```

```
    while (p!=NULL)
```

```
    {
```

```
        j=p->adjvex;
```

```
        G->adjlist[j].count--;
```

```
        if (G->adjlist[j].count==0) { top++; St[top]=j; }
```

```
        p=p->nextarc;
```

```
    }
```

```
    int St[MAXV],top=-1;
```

```
    for (i=0; i<G->n; i++)
```

```
        if (G->adjlist[i].count==0){ top++; St[top]=i; }
```

```
        i=St[top];
```

```
        top--;
```

```
        printf("%d ",i);
```

```
for (i=0; i<G->n; i++)
```

```
    G->adjlist[i].count=0;
```

```
for (i=0; i<G->n; i++)
```

```
{
```

```
    p=G->adjlist[i].firstarc;
```

```
    while (p!=NULL)
```

```
    {
```

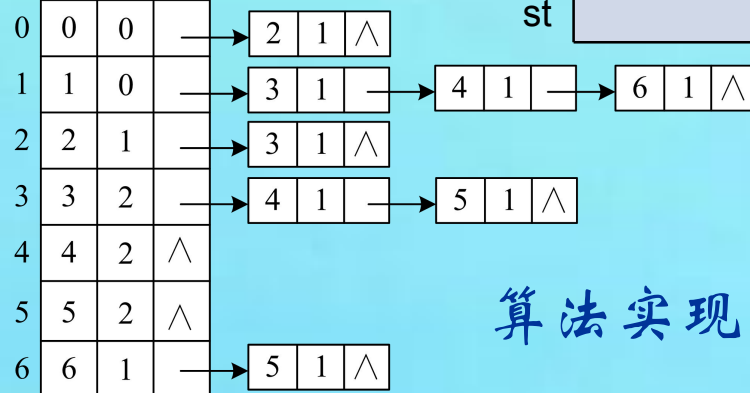
```
        G->adjlist[p->adjvex].count++;
```

```
        p=p->nextarc;
```

```
    }
```

```
}
```

G->adjlist



算法实现