



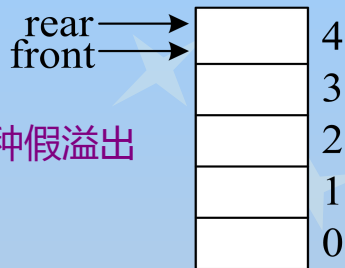
本节主题：

环形队列的存储及基本操作

顺序队列的问题及环形队列的提出

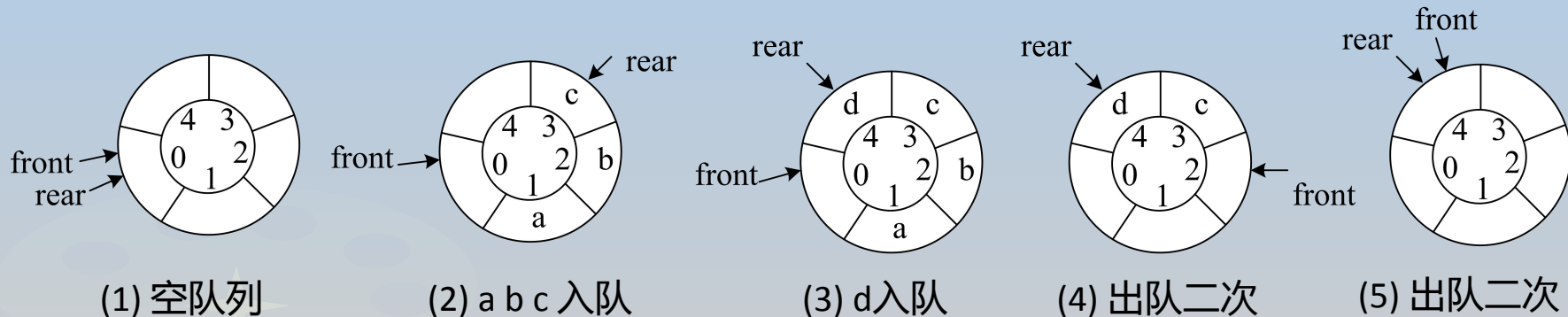
顺序队列的问题

- 用 $\text{rear} == \text{MaxSize} - 1$ 作为队满的条件有缺陷
- 可能队列为空，但仍满足该条件，进队时出现“上溢出”是一种假溢出



环形队列的对策

- 充分地使用数组中的存储空间, 把数组的前端和后端连接起来, 形成一个环形的顺序表, 即把存储队列元素的表从逻辑上看成一个环
- 得到环形队列或循环队列



(1) 空队列

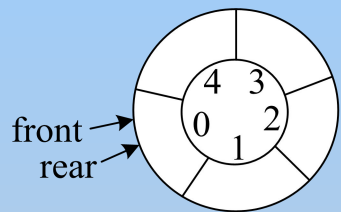
(2) a b c 入队

(3) d 入队

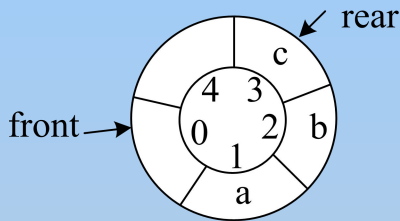
(4) 出队二次

(5) 出队二次

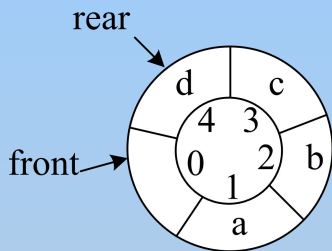
环形队列的四要素



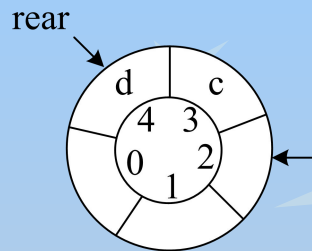
(1) 空队列



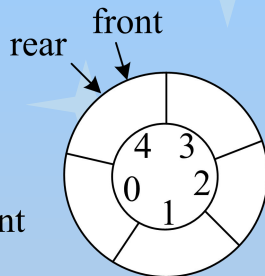
(2) a b c 入队



(3) d入队, 队满



(4) 出队二次



(5) 出队二次

❑ 队空条件： $\text{front} = \text{rear}$

只存储 $\text{MaxSize}-1$ 个元素

❑ 队满条件： $(\text{rear} + 1) \% \text{MaxSize} = \text{front}$

❑ 进队e操作： $\text{rear} = (\text{rear} + 1) \% \text{MaxSize}$; 将e放在rear处

❑ 出队操作： $\text{front} = (\text{front} + 1) \% \text{MaxSize}$; 取出front处元素e;

```
typedef struct
```

```
{
```

```
    ElemType data[MaxSize];
```

```
    int front, rear;
```

```
} SqQueue;
```

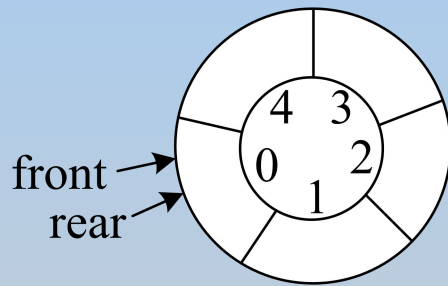
❑ rear指向队尾元素

❑ front指向队头元素的前一个位置

初始化队列 InitQueue(q)

📁 构造一个空队列q。将front和rear指针均设置成初始状态即0值。

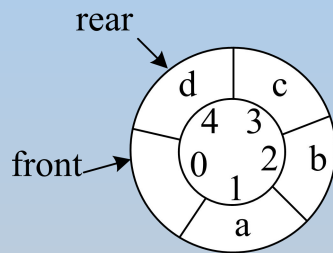
```
void InitQueue(SqQueue *&q)
{
    q=(SqQueue *)malloc (sizeof(SqQueue));
    q->front=q->rear=0;
}
```



销毁队列 ClearQueue(&q)

☞ 释放队列q占用的存储空间。

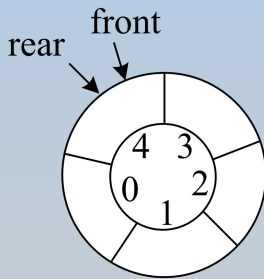
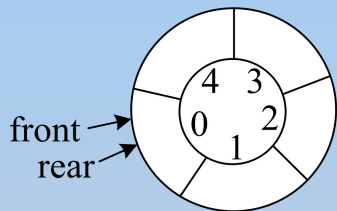
```
void DestroyQueue(SqQueue *&q)
{
    free(q);
}
```



判断队列是否为空QueueEmpty(q)

☐ 若队列q满足 $q \rightarrow \text{front} == q \rightarrow \text{rear}$ 条件，则返回true；否则返回false。

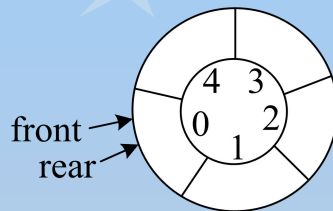
```
bool QueueEmpty(SqQueue *q)
{
    return(q->front==q->rear);
}
```



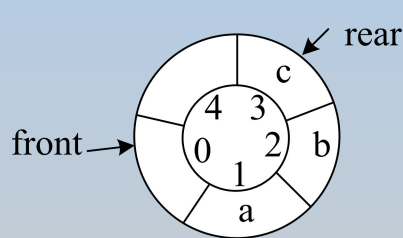
进队列enQueue(q,e)

在队列不满的条件下，先将队尾指针rear循环增1，然后将元素添加到该位置。

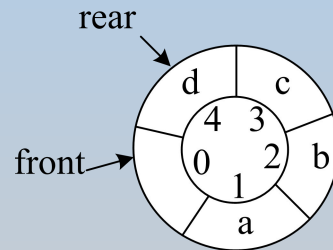
```
bool enQueue(SqQueue *&q, ElemType e)
{
    if ((q->rear+1)%MaxSize==q->front)
        return false; //队满上溢出
    q->rear=(q->rear+1)%MaxSize;
    q->data[q->rear]=e;
    return true;
}
```



(1) 空队列



(2) a b c 入队

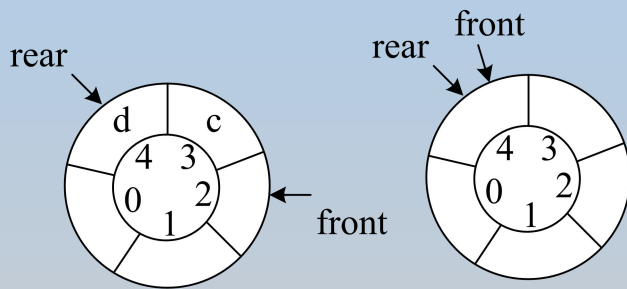
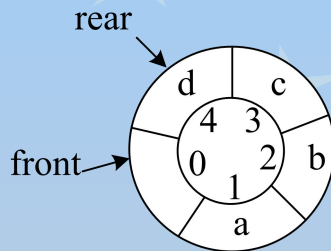


(3) d入队

出队列 deQueue(q,e)

在队列q不为空的条件下，将队首指针front循环增1，并将该位置的元素值赋给e。

```
bool deQueue(SqQueue *&q, ElemType &e)
{
    if (q->front == q->rear)    //队空下溢出
        return false;
    q->front = (q->front + 1) % MaxSize;
    e = q->data[q->front];
    return true;
}
```



(1) 出队二次

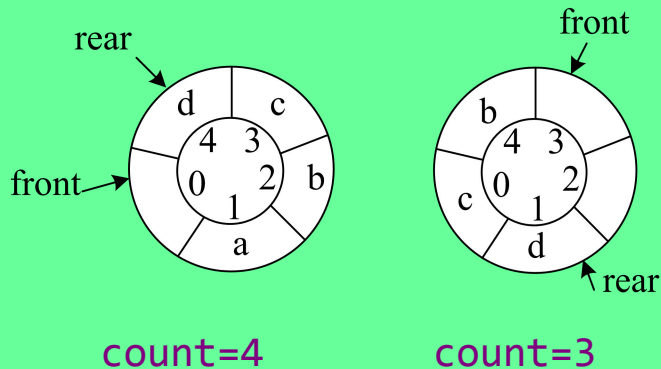
(2) 出队二次

拓展：环形队列的另一种设计

问题

- 如果知道环形队列队头指针和队列中元素个数，则可以计算出队尾指针。
- 存储环形队列时，可以记录队列中队头指针front和队列中元素个数count，而不记录队尾指针rear。
- 这也是一种可行的设计，设计这种环形队列的初始化、入队、出队和判空算法。

MaxSize=5



front、rear、count，三者择其二：

已知front、rear，求队中元素个数：

$$\text{count} = (\text{rear} - \text{front} + \text{MaxSize}) \% \text{MaxSize}$$

已知front、count，求rear：

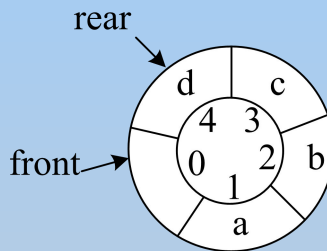
$$\text{rear} = (\text{front} + \text{count}) \% \text{MaxSize}$$

已知rear、count，求front：

$$\text{front} = (\text{rear} - \text{count} + \text{MaxSize}) \% \text{MaxSize}$$

只记录队头front和元素个数count的方案

```
typedef struct  
{  
    ElemType data[MaxSize];  
    int front;  
    int count;  
} QuType;
```



设计方案没有
标准答案!



❏ 环形队列的四要素

❏ 队空条件： $\text{count} = 0$

❏ 队满条件： $\text{count} = \text{MaxSize}$

❏ 进队e操作： $\text{rear} = (\text{rear} + 1) \% \text{MaxSize}$; 将e放在rear处 (rear由front和count定)

❏ 出队操作： $\text{front} = (\text{front} + 1) \% \text{MaxSize}$; 取出front处元素e;

可存储MaxSize个元素!

算法

//初始化队运算算法

```
void InitQueue(QuType *&qu)
{
    qu=(QuType *)malloc(sizeof(QuType));
    qu->front=0;
    qu->count=0;
}
```

//出队运算算法

```
bool DeQueue(QuType *&qu,ElemType &x)
{
    if (qu->count==0)
        return false;
    else
    {
        qu->front=(qu->front+1)%MaxSize;
        x=qu->data[qu->front];
        qu->count--;
        return true;
    }
}
```

//判队空运算算法

```
bool QueueEmpty(QuType *qu)
{
    return(qu->count==0);
}
```

//进队运算算法

```
bool EnQueue(QuType *&qu,ElemType x)
{
    int rear;
    if (qu->count==MaxSize)
        return false;
    else
    {
        rear=(qu->front+qu->count)%MaxSize;
        rear=(rear+1)%MaxSize;
        qu->data[rear]=x;
        qu->count++;
        return true;
    }
}
```