

#### Lógica Proposicional

Fundamentos matemáticos para la programación

Cyn - Matemática





## Cynthia Castillo



LaMatemaga



Matemática

Asistente de Investigación

Bioinformática

Ciencia de Datos

Banco Regional (Hey Banco)

#### Mi objetivo:

Mostrarte que las matemáticas son tus aliadas.





#### Ramas

Lógica

Teoría de Conjuntos

Combinatoria

Probabilidad

Álgebra (discreta)

Teoría de Grafos Cálculo de diferencias finitas

Teoría de Juegos

Teoría de Números Informática Teórica Geometría discreta

Teoría de la Información Investigación de Operaciones

y más...



#### Ramas

Lógica

Teoría de Conjuntos

Combinatoria

Probabilidad

Álgebra (discreta)

Teoría de Grafos Cálculo de diferencias finitas

Teoría de Juegos

Teoría de Números Informática Teórica Geometría discreta

Teoría de la Información Investigación de Operaciones

y más...



#### Ramas

Lógica

Teoría de Conjuntos

Combinatoria

Probabilidad

Álgebra (discreta) Teoría de Grafos Cálculo de diferencias finitas

Teoría de Juegos

Teoría de Números Informática Teórica Geometría discreta

Teoría de la Información Investigación de Operaciones

y más...





Tres sesiones de 2 horas:

- dos de mates discretas
- una de álgebra lineal





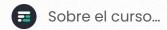
20 de septiembre Lógica Proposicional





- 20 de septiembreLógica Proposicional
- 27 de septiembre
  Teoría de Conjuntos





- 20 de septiembre Lógica Proposicional
- 27 de septiembre
  Teoría de Conjuntos
- 11 de octubre Álgebra Lineal





Lógica Proposicional

**λογική** (logikḗ-logikós)



λογική

(logiké-logikós)

λόγος

"razón"



λογική (logikế-logikós)

λόγος -Ική

"razón" "estudio de..."



λογική (logikḗ-logikós)

λόγος -Ική

"razón" "estudio de..."





¿Cómo puedo **enseñarle a una máquina** a "razonar" como yo?



La lógica se centra en la relación entre proposiciones independientemente de si son ciertas o no.





La lógica se centra en la relación entre proposiciones independientemente de si son ciertas o no.

P1: María es una excelente programadora.

P2: A todos los programadores les gusta el café.





La lógica se centra en la relación entre proposiciones independientemente de si son ciertas o no.

P1: María es una excelente programadora.

P2: A todos los programadores les gusta el café.

R: Por lo tanto, a María le gusta el café.



La Lógica, en la computación, nos ayuda a probar que un programa hace lo que tiene que hacer.

#### Pensemos un poco...

En una ocasión se publicó un decreto en Naperville, Illinois:

"Será ilegal que una persona tenga más de 3 perros y 3 gatos en su propiedad dentro de la ciudad"



#### Pensemos un poco...

En una ocasión se publicó un decreto en Naperville, Illinois:

"Será ilegal que una persona tenga más de 3 perros y 3 gatos en su propiedad dentro de la ciudad"

¿Violaría el decreto una persona que tiene 5 perros y 0 gatos?



Sentencia / oración

Tiene un valor de verdad: VERDADERO Ó FALSO

Sólo pueden tener un valor a la vez

¿Cuál es tu lenguaje de programación favorito?

Sentencia

Valor de Verdad (V/F)

¿Cuál es tu lenguaje de programación favorito?

Sentencia

Valor de Verdad (V/F)

Cynthia mide 2 metros y medio.

Sentencia

Valor de Verdad (V/F)

Cynthia mide 2 metros y medio.

Sentencia

Valor de Verdad (V/F)

Cynthia mide 2 metros y medio.

Sentencia

Valor de Verdad (V/F)

Cynthia mide 2 metros y medio.

Sentencia

Valor de Verdad (V/F)

Esta sentencia es falsa.

Sentencia

Valor de Verdad (V/F)

Esta sentencia es falsa.

Sentencia

Valor de Verdad (V/F)

Esta sentencia es falsa.

Sentencia

Valor de Verdad (V/F)

$$x + y < 10$$

Sentencia

Valor de Verdad (V/F)

$$x + y < 10$$

**Sentencia** 

Valor de Verdad (V/F)

$$x + y < 10$$

Sentencia

Valor de Verdad (V/F)

$$x + y < 10$$

Sentencia

Valor de Verdad (V/F)

#### Proposiciones (Ejercicios)

¿Cuáles de éstas líneas son proposiciones?

- 1. 2 + 5 = 19
- 2. Mesero, ¿serviría las nueces a los invitados?
- 3. Para algún entero positivo n, 19349 = 17 n
- 4. Lin Manuel Miranda compuso las canciones de "Encanto".
- 5. Pélame una naranja.
- 6. Hispanoamérica tiene quince países.
- 7. Todo entero par mayor que 4 es la suma de dos primos.
- 8. La diferencia de dos primos.

#### Proposiciones (Ejercicios)

¿Cuáles de éstas líneas son proposiciones?

- 1. 2+5=19
- 2. Mesero, ¿serviría las nueces a los invitados?
- 3. Para algún entero positivo n, 19349 = 17 n
- 4. Lin Manuel Miranda compuso las canciones de "Encanto".
- 5. Pélame una naranja.
- 6. Hispanoamérica tiene quince países.
- 7. Todo entero par mayor que 4 es la suma de dos primos.
- 8. La diferencia de dos primos.



Diferente a

#### **Operadores Relacionales**

Los operadores relacionales son los siguientes:

!=





#### **Operadores Relacionales**

Los operadores relacionales son los siguientes:

Igual que = ==

Diferente a ≠ !=

5 < 3 3 \* 4 == 12





#### Tablas de Verdad

Hay diferentes formas de combinar proposiciones:

Negación (NOT) Afirmación (Buffer)

Conjunción (AND) (NAND)

Disyunción (OR) (NOR)

"OR" excluyente (XOR) (XNOR)

Implicación

**Bicondicional** 

Las **tablas de verdad** nos ayudan a obtener el valor de verdad de las proposiciones compuestas.





#### Tablas de Verdad

Hay diferentes formas de combinar proposiciones:

Negación (NOT) Afirmación (Buffer)

Conjunción (AND) (NAND)

Disyunción (OR) (NOR)

"OR" excluyente (XOR) (XNOR)

Implicación

**Bicondicional** 

Las **tablas de verdad** nos ayudan a obtener el valor de verdad de las proposiciones compuestas.

T: True (Verdadero)

F: False (Falso)





#### Tablas de Verdad

Hay diferentes formas de combinar proposiciones:

Negación (NOT) Afirmación (Buffer)

Conjunción (AND) (NAND)

Disyunción (OR) (NOR)

"OR" excluyente (XOR) (XNOR)

Implicación

**Bicondicional** 

Las **tablas de verdad** nos ayudan a obtener el valor de verdad de las proposiciones compuestas.

T: True (Verdadero)

F: False (Falso)

p: Está lloviendo





Cambia el valor de verdad de una proposición.

р	¬р
T	
F	

p: Está lloviendo





Cambia el valor de verdad de una proposición.

р	¬р
T	F
F	

p: Está lloviendo





Cambia el valor de verdad de una proposición.

р	¬р
T	F
F	Т

p: Está lloviendo





Cambia el valor de verdad de una proposición.

р	¬р
T	F
F	Т

p: Está lloviendo

**p:** No está lloviendo

p: Está lloviendo





Cambia el valor de verdad de una proposición.

р	¬р
T	F
F	T

p: Está lloviendo

p: No está lloviendo

p: No está lloviendo

¬p: Está lloviendo

p: Está lloviendo





Cambia el valor de verdad de una proposición.

р	¬р
T	F
F	T

p: Está lloviendo

p: No está lloviendo

p: No está lloviendo

¬p: Está lloviendo

not p

p: Está lloviendo





Ambas proposiciones tienen que ser verdaderas para que sea verdadero.

р	q	р∧q
Т	T	
T	F	
F	Т	
F	F	

p: Está lloviendo





Ambas proposiciones tienen que ser verdaderas para que sea verdadero.

р	q	p∧q
T	T	T
T	F	
F	Т	
F	F	

p: Está lloviendo





Ambas proposiciones tienen que ser verdaderas para que sea verdadero.

р	q	p∧q
T	T	T
T	F	F
F	Т	
F	F	

p: Está lloviendo





Ambas proposiciones tienen que ser verdaderas para que sea verdadero.

р	q	р∧q
Т	T	T
T	F	F
F	Т	F
F	F	

p: Está lloviendo





Ambas proposiciones tienen que ser verdaderas para que sea verdadero.

р	q	p∧q
Т	T	T
T	F	F
F	Т	F
F	F	F

p: Está lloviendo





Ambas proposiciones tienen que ser verdaderas para que sea verdadero.

р	q	р∧q
T	T	Т
T	F	F
F	Т	F
F	F	F

p: Está lloviendo

**q:** Hace frío

p: Está lloviendo





Ambas proposiciones tienen que ser verdaderas para que sea verdadero.

р	q	pΛq
Т	T	T
T	F	F
F	Т	F
F	F	F

p: Está lloviendo

q: Hace frío

p 
∧ Llueve y hace frío

q:

p: Está lloviendo





Ambas proposiciones tienen que ser verdaderas para que sea verdadero.

р	q	p∧q
Т	T	T
T	F	F
F	Т	F
F	F	F

p: Está lloviendo

q: Hace frío

q:

Está lloviendo

p: No hace frío

q:

p: Está lloviendo



Ambas proposiciones tienen que ser verdaderas para que sea verdadero.

р	q	pΛq
Т	T	T
T	F	F
F	Т	F
F	F	F

p: Está lloviendo

q: Hace frío

q:

Está lloviendo

p: No hace frío

**q:** Llueve y no hace frío

p ∧ (sólo llueve)

q:

p: Está lloviendo





Ambas proposiciones tienen que ser verdaderas para que sea verdadero.

p and d	7
---------	---

р	q	pΛq
Т	T	T
T	F	F
F	Т	F
F	F	F

p: Está lloviendo

**q:** Hace frío

q:

Está lloviendo

p: No hace frío

**q:** Llueve y no hace frío

p ∧ (sólo llueve)

q:

p: Está lloviendo





Al menos 1 proposición tiene que ser verdadera para que sea verdadero.

р	q	p∨q
Т	T	
T	F	
F	Т	
F	F	

p: Está lloviendo





Al menos 1 proposición tiene que ser verdadera para que sea verdadero.

р	q	p∨q
Т	T	T
T	F	
F	Т	
F	F	

p: Está lloviendo





Al menos 1 proposición tiene que ser verdadera para que sea verdadero.

р	q	p∨q
Т	T	T
T	F	T
F	Т	
F	F	

p: Está lloviendo





Al menos 1 proposición tiene que ser verdadera para que sea verdadero.

р	q	p∨q
T	T	T
T	F	T
F	Т	T
F	F	

p: Está lloviendo





Al menos 1 proposición tiene que ser verdadera para que sea verdadero.

р	q	p∨q
Т	T	T
T	F	T
F	Т	Т
F	F	F

p: Está lloviendo





Al menos 1 proposición tiene que ser verdadera para que sea verdadero.

р	q	p∨q
T	T	T
T	F	T
F	Т	Т
F	F	F

p: Está lloviendo

**q:** Hace frío

p: Está lloviendo





Al menos 1 proposición tiene que ser verdadera para que sea verdadero.

р	q	p∨q
Т	T	T
T	F	T
F	Т	Т
F	F	F

p: Está lloviendo

q: Hace frío

**p V** Llueve o hace frío

q:

p: Está lloviendo





Al menos 1 proposición tiene que ser verdadera para que sea verdadero.

р	q	p∨q
Т	T	T
T	F	T
F	Т	Т
F	F	F

p: Está lloviendo

q: Hace frío

**p V** Llueve o hace frío

q:

Está lloviendo

p: No hace frío

q:

p: Está lloviendo



Al menos 1 proposición tiene que ser verdadera para que sea verdadero.

р	q	p∨q
T	T	T
T	F	T
F	Т	Т
F	F	F

p: Está lloviendo

q: Hace frío

**p V** Llueve o hace frío

q:

Está lloviendo

No hace frío

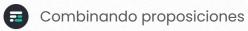
**q:** Llueve o hace frío

p۷

q:

p: Está lloviendo





Al menos 1 proposición tiene que ser verdadera para que sea verdadero.

or	q
	or

р	q	p∨q
Т	T	T
T	F	T
F	Т	Т
F	F	F

p: Está lloviendo

**q:** Hace frío

V Llueve o hace frío

q:

Está lloviendo

p: No hace frío

q: Llueve o hace frío

p∨

q:

p: Está lloviendo





#### Disyunción excluyente (XOR)

Sólo 1 proposición tiene que ser verdadera para que sea verdadero.

р	q	p≚q
T	T	
Т	F	
F	T	
F	F	

p: Está lloviendo





#### Disyunción excluyente (XOR)

Sólo 1 proposición tiene que ser verdadera para que sea verdadero.

р	q	p≚q
Т	T	F
T	F	
F	Т	
F	F	

p: Está lloviendo





#### Disyunción excluyente (XOR)

Sólo 1 proposición tiene que ser verdadera para que sea verdadero.

р	q	p≚q
T	T	F
Т	F	T
F	Т	
F	F	

p: Está lloviendo





Sólo 1 proposición tiene que ser verdadera para que sea verdadero.

р	q	p≚q
Т	T	F
T	F	T
F	Т	Т
F	F	

p: Está lloviendo





Sólo 1 proposición tiene que ser verdadera para que sea verdadero.

р	q	p≚q
T	T	F
T	F	T
F	Т	Т
F	F	F

p: Está lloviendo





Sólo 1 proposición tiene que ser verdadera para que sea verdadero.

р	q	p≚q
Т	T	F
T	F	Т
F	Т	Т
F	F	F

p: Está lloviendo

**4:** Hace frío

p: Está lloviendo





Sólo 1 proposición tiene que ser verdadera para que sea verdadero.

р	q	p∸q
Т	T	F
T	F	T
F	Т	T
F	F	F

p: Está lloviendo

q: Hace frío

**p × q:** No se cumple sólo 1 cond

p: Está lloviendo





Sólo 1 proposición tiene que ser verdadera para que sea verdadero.

р	q	p≚q
Т	T	F
T	F	T
F	Т	Т
F	F	F

p: Está lloviendo

q: Hace frío

p × q: No se cumple sólo 1 cond

p: Está lloviendo

q: No hace frío

p: Está lloviendo



Sólo 1 proposición tiene que ser verdadera para que sea verdadero.

р	q	p≚q
Т	T	F
T	F	T
F	Т	Т
F	F	F

p: Está lloviendo

q: Hace frío

p × q: No se cumple sólo 1 cond

p: Está lloviendo

q: No hace frío

p × q: Se cumple sólo 1 cond

p: Está lloviendo





Sólo 1 proposición tiene que ser verdadera para que sea verdadero.

р	q	p≚q
Т	T	F
T	F	Т
F	Т	Т
F	F	F

p: Está lloviendo

q: Hace frío

p × q: No se cumple sólo 1 cond

p: Está lloviendo

q: No hace frío

p × q: Se cumple sólo 1 cond

p ^ q

p: Está lloviendo



## Jerarquía de Operadores

La jerarquía de operadores es la siguiente:

- 1 Paréntesis
- 2 Potencia / Raíz
- 3 Producto / División
- 4 Suma / Resta
- **5** Op. Relacionales (==, !=, <, <=, >, >=)
- 6 Negación (NOT)
- 7 Conjunción (AND)
- B Disyunción (OR/XOR)



р∧¬q

р	q	¬q	р∧¬q
Т	T		
T	F		
F	T		
F	F		



р∧¬q

р	q	¬q	<b>p</b> ∧ ¬ <b>q</b>
T	T	F	
T	F	T	
F	T	F	
F	F	Т	



р∧¬q

р	q	¬q	р∧¬q
T	T	F	F
Т	F	Т	T
F	T	F	F
F	F	Т	F



p	q	¬р	¬q	¬ <b>p</b> ∨
T	T			¬q
T	F			
F	Т			
F	F			



р	q	¬р	¬q	¬p ∨
T	T	F		¬q
T	F	F		
F	Т	Т		
F	F	T		



р	q	¬р	¬q	¬p ∨
Т	T	F	F	¬q
T	F	F	T	
F	T	Т	F	
F	F	Т	Т	



р	q	¬р	¬q	¬p ∨
T	T	F	F	¬q
T	F	F	Т	F
F	Т	Т	F	Т
F	F	T	Т	Т
				Т



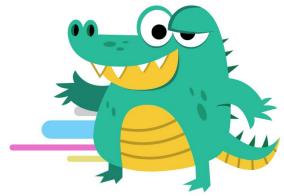
¬р V ¬q

р	q	¬р	¬q	¬p ∨	p∧q	¬(p ∧ q)
T	T	F	F	¬q		
T	F	F	T	F		
F	T	T	F	T		
F	F	T	T	T		
				T		



¬р V ¬q

p	q	¬р	¬q	¬p ∨	p∧q	¬(p ∧ c
T	T	F	F	¬q	T	
T	F	F	T	F	F	
F	T	T	F	T	F	
F	F	T	T	T	F	
				Т		



¬р V ¬q

р	q	¬р	¬q	¬p ∨	p∧q	¬(p ∧ q
T	T	F	F	¬q	T	F
T	F	F	T	F	F	T
F	T	T	F	T	F	Т
F	F	T	T	T	F	Т
				T		



р	q	¬р	¬q	¬p ∧
T	T			¬q
T	F			
F	T			
F	F			



р	q	¬р	¬q	¬p ∧
T	T	F		¬q
T	F	F		
F	Т	Т		
F	F	Т		



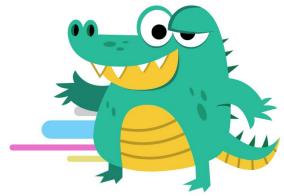
р	q	¬р	¬q	¬р∧
Т	T	F	F	¬q
T	F	F	T	
F	T	Т	F	
F	F	Т	Т	



р	q	¬р	¬q	¬p ∧
Т	T	F	F	¬q
Т	F	F	T	F
F	T	Т	F	F
F	F	T	Т	F
				Т



р	q	¬р	¬q	¬ <b>p</b> ∧	p∨q	¬(p ∨ q)
T	T	F	F	¬q		
T	F	F	T	F		
F	Т	Т	F	F		
F	F	Т	T	F		
				Т		



р	q	¬р	¬q	¬ <b>p</b> ∧	p∨q	¬(p ∨ q)
T	T	F	F	¬q	T	
Т	F	F	Т	F	Т	
F	T	Т	F	F	T	
F	F	Т	Т	F	F	
				Т		



р	q	¬р	¬q	¬р∧	p∨q	¬(p ∨ q
T	T	F	F	¬q	T	F
T	F	F	T	F	T	F
F	Т	Т	F	F	Т	F
F	F	Т	Т	F	F	Т
				T		



- a }).fadeOut(35€, 100 ,e⊕trigger(\*theodoug nshotCheck:function( ick .close-full-aver
  - Con ayuda de la Lógica podremos construir los algoritmos que hagan lo que queremos.
  - this.\$el.toggleClas
  - iew-device",



#### Lógica Proposicional

Fundamentos matemáticos para la programación

Cyn - Matemática

