Explicación de los algoritmos

Christofides

- 1. Obtener el árbol recubridor mínimo T de G.
- 2. Sea O el conjunto de vértices de grado impar en T, hallar un apareamiento perfecto M de mínimo peso en el grafo completo sobre los vértices de O.
- 3. Combinar las aristas de M y T para crear el multigrafo H.
- 4. Obtener un ciclo euleriano en H (H se considera "euleriano" si es conexo y solo presenta vértices de grado par).
- 5. Obtener un ciclo hamiltoniano a partir del ciclo euleriano anterior, descartando los nodos visitados (*shortcutting*).

1. Obtener el árbol recubridor mínimo T de G. (Kruskal)

Funciona de la siguiente manera:

- Se crea un bosque B (un conjunto de árboles), donde cada vértice del grafo es un árbol separado
- Se crea un conjunto C que contenga a todas las aristas del grafo
- Mientras C es no vacío
 - o eliminar una arista de peso mínimo de C
 - si esa arista conecta dos árboles diferentes se añade al bosque, combinando los dos árboles en un solo árbol
 - o en caso contrario, se desecha la arista
- Al acabar el algoritmo, el bosque tiene un solo componente, el cual forma un árbol de expansión mínimo del grafo.
- 2. Hallar un apareamiento perfecto M de mínimo peso en el grafo completo.
 - 1. Obtenemos el Grafo O que contiene los vértices de grado impar de M y sus aristas de G que tengan como extremo vértices de grado impar.
 - 2. Aplicar backtracking, una "Etapa" es una llamada recursiva, los candidatos son las ramificaciones disponibles:
 - a. Comprobamos en la Etapa si es una posible solución.
 - i. Comprobamos si es mejor a la que teníamos, si es así la guardamos.
 - b. Creamos una nueva etapa y obtenemos los candidatos de la nueva Etapa.
 - c. Seleccionamos un candidato para la siguiente Etapa.
 - d. Comprobamos si el candidato seleccionado es un camino óptimo a recorrer.
 - i. si es óptimo vamos a la siguiente etapa.
 - ii. Si no es óptimo seleccionamos el siguiente candidato de la Etapa.

- 3. Combinar las aristas de M y T para crear el multigrafo H.
 - 1. Creamos un multigrafo con los vertices y aristas de M
 - 2. Insertamos las aristas T en H.

4. Obtener un ciclo euleriano (*Hierholzer*)

- 1. Creamos un ciclo C(Lista de Aristas)
 - 1.1. Seleccionamos el vértice(nodo) de origen.
 - 1.2. Se ejecuta un DFS hasta encontrarnos de nuevo con el vértice origen.
- 2. Mientras C no contenga todos los vértices de G (El grafo pasado por parámetro).
 - 2.1. Seleccionamos una arista del ciclo y averiguamos que vértice es su vértice vecino.
 - 2.2. Eliminamos las aristas y lo vértices ya visitados en dicho ciclo, para evitar pasar por ellos nuevamente.
 - 2.3. Ahora creamos un nuevo ciclo C2 que contenga los vértices de C y el seleccionado en el paso 2.1.
 - 2.4. Ahora C, pasa a ser la combinación de C2 y C2.
 - 2.5. Volvemos al paso 2.

5. Obtener un ciclo hamiltoniano (shortcutting)

- 1. A partir de la lista de Aristas obtenida por parámetro generamos una lista de vértices en el orden que hemos ido visitando.
- 2. Copiamos la lista de vértices generada en el paso anterior de modo que vamos sacando los nodos que están repetidos.
- 3. Generamos una nueva lista de aristas a partir de la lista de vértices del paso anterior obteniendo así el camino Hamiltoniano.
- 4. Añadimos la última arista para así generar el ciclo Hamiltoniano.

Nearest Neighbour algorithm

- 1. Empezar en un vértice arbitrario y cogerlo como actual.
- 2. Encontrar el vértice adyacente al actual cuya arista tenga el peso más bajos de todas las aristas adyacentes al vértice actual.
- 3. Marcar el vértice encontrado en el paso 2 como actual.
- 4. Marcar el vértice encontrado en el paso 2 como visitado
- 5. Si todos los vértices ya han sido visitadas, terminamos.
- 6. Si no, vamos al paso 2.

2-opt

Pasos a realizar:

- 1. Cojemos un tour inicial, generado con alguno que nos de una primera solución
- 2. Para todos los pares de aristas no incidentes en el mismo vértice hacemos:
 - Las invertimos.
 - Si el nuevo tour es mejor que el actual, lo definimos como actual.
- 3. Si el tour ha sido mejorado vamos al paso 2.
- 4. Fin

3-opt

Pasos a realizar:

- 5. Cojemos un tour inicial, generado con alguno que nos de una primera solución
- 6. Para conjuntos de tres aristas no incidentes en el mismo vértice hacemos:
 - Para todas las permutaciones posibles de nuevos tour con las tres aristas escogidas.
 - Si el nuevo tour es mejor que el actual, lo definimos como actual.
- 7. Si el tour ha sido mejorado vamos al paso 2.
- 8. Fin

Branch and Bound

Aplicar backtracking, una "Etapa" es una llamada recursiva, los candidatos son las ramificaciones disponibles:

- 1. Comprobamos en la Etapa si es una posible solución.
 - a. Comprobamos si es mejor a la que teníamos, si es así la guardamos.
- Creamos una nueva etapa y obtenemos los candidatos de la nueva Etapa.
- 3. Seleccionamos un candidato para la siguiente Etapa.
- 4. Comprobamos si el candidato seleccionado es un camino óptimo a recorrer.
 - a. si es óptimo vamos a la siguiente etapa.
 - b. Si no es óptimo seleccionamos el siguiente candidato de la Etapa.

Tabla de Clases

| Clase | Alumno |
|----------------------------|-----------------|
| Tarea | Alejandro Rosas |
| Relacion | Alex Peregrina |
| Solucion | Marc Vila |
| ControladorTareas | Alex Peregrina |
| ControladorSoluciones | Marc Vila |
| ControladorDatosTareas | Alejandro Rosas |
| ControladorDatosSoluciones | Marc Vila |
| ControladorDatosRelaciones | Alex Peregrina |
| ControladorTSP | David Gracia |
| NearestNeighbour | Alejandro Rosas |
| BranchAndBound | Alex Peregrina |
| MultiGrafo | Alex Peregrina |
| Grafo | David Gracia |
| Arista | David Gracia |
| Vértice | David Gracia |
| ParOrdenado | David Gracia |
| Christofides | Marc Vila |
| Kruskal | David Gracia |
| ApareamientoPerfectoMinimo | Alex Peregrina |
| Hierholzer | Marc Vila |
| CicloHamiltoniano | Alejandro Rosas |
| DosOpt | Alejandro Rosas |
| TresOpt | Alejandro Rosas |