

Правительство Российской Федерации
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
«ВЫСШАЯ ШКОЛА ЭКОНОМИКИ»
(НИУ ВШЭ)

Московский институт электроники и математики им. А.Н. Тихонова

ОТЧЕТ
О ПРАКТИЧЕСКОЙ РАБОТЕ № 1
по дисциплине «Математические основы защиты информации»
Подстановочные шифры

Студент гр. БИБ201

Д.А. Морин

«19» 03.2022 г.

Руководитель

Заведующий кафедрой информационной
безопасности киберфизических систем

канд. техн. наук, доцент

О.О. Евсютин

«___» _____ 2022 г.

Москва 2022

Оглавление

1. Краткие теоретические сведения.....	3
2. “Ручное” шифрование и расшифрование.....	5
1) Шифр простой замены.....	5
2) Аффинный шифр.....	6
3) Аффинный рекуррентный шифр.....	8
3. Программная реализация зашифрования и расшифрования.....	10
4. Криптоанализ шифров.....	15
5. Вывод.....	22

1 Краткие теоретические сведения

Шифр - система обратимых преобразований, зависящая от некоторого секретного параметра (ключа) и предназначенная для обеспечения секретности передаваемой информации.

Ключ - это часть информации, обычно представляющая собой строку цифр или букв, хранящуюся в файле, которая при обработке с помощью криптографического алгоритма может кодировать или декодировать криптографические данные.

Кодирование - это преобразование информации из одной ее формы представления в другую, наиболее удобную для её хранения, передачи или обработки.

Декодирование - процесс восстановления изначальной формы представления информации, т. е. обратный процесс кодирования, при котором закодированное сообщение переводится на язык, понятный получателю.

Шифрование (зашифрование) - обратимое преобразование информации в целях сокрытия от неавторизованных лиц с предоставлением в это же время авторизованным пользователям доступа к ней.

Расшифрование - процесс преобразования зашифрованных данных в открытые данные при помощи шифра.

Дешифрование (дешифровка) - процесс извлечения открытого текста без знания криптографического ключа на основе известного шифрованного.

Открытый текст - в криптографии исходный текст, подлежащий шифрованию, либо получившийся в результате расшифровки. Может быть прочитан без дополнительной обработки (без расшифровки).

Шифротекст, шифртекст, криптограмма - результат операции шифрования.

Шифр простой замены, простой подстановочный шифр, моноалфавитный шифр - класс методов шифрования, которые сводятся к созданию по определённому алгоритму таблицы шифрования, в которой для каждой буквы открытого текста существует единственная сопоставленная ей буква шифртекста. Само шифрование заключается в замене букв согласно таблице. Для расшифровки достаточно иметь ту же таблицу, либо знать алгоритм, по которому она генерируется.

Аффинный шифр - это тип моноалфавитного шифра подстановки, где каждая буква алфавита сопоставляется с ее числовым эквивалентом, шифруется с помощью простой математической функции и преобразуется обратно в букву. аффинный рекуррентный шифр - усиление аффинного шифра, когда для каждого символа открытого текста вычисляется новое ключевое значение на основе предыдущего.

Частотный анализ, частотный криптоанализ - один из методов криптоанализа, основывающийся на предположении о существовании нетривиального статистического распределения отдельных символов и их последовательностей, как в открытом тексте, так и в шифротексте, которое, с точностью до замены символов, будет сохраняться в процессе шифрования и

дешифрования. Частотный анализ предполагает, что частотность появления заданной буквы алфавита в достаточно длинных текстах одна и та же для разных текстов одного языка.

Метод «грубой силы», полный перебор предполагает перебор всех возможных вариантов ключа шифрования до нахождения искомого ключа.

2 “Ручное” шифрование и расшифрование

1. Шифр простой замены.

(ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ)

Ключ = (KTDILRNBQZWPCJEY MAGOXSHUVF)

1)

X = TOFIGHT => Y = OERQNBO

2)

X = SHORTANDSWEET => Y = GBEAOKJIGHLLO

3)

X = ELOQUENTLY => Y = LPEMXLJOPV

Теперь возьмем другой ключ и зашифруем (и расшифруем) те же слова

(ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ)

Ключ = (LTYRUACMBKQEXWJIFPSDNHVOZG)

4)

X = TOFIGHT => Y = DJABCMD

5)

X = SHORTANDSWEET => Y = SMJPDWRSVUUD

6)

X = ELOQUENTLY => Y = UEJFNUWDEZ

2.Аффинный шифр

Мощность английского алфавита $|A| = m = 26$

Группа обратимых элементов $Z(26)^*$ данного кольца
 $\{1,3,5,7,9,11,15,17,19,21,23,25\}$

1)

Пусть $a = 17$, $b = 24$

$X = \text{TOFIGHT} = (19,14,5,8,6,7,19)$

$$y_1 = 17 \cdot 19 + 24 = 9$$

$$y_2 = 17 \cdot 14 + 24 = 2$$

$$y_3 = 17 \cdot 5 + 24 = 5$$

$$y_4 = 17 \cdot 8 + 24 = 4$$

$$y_5 = 17 \cdot 6 + 24 = 22$$

$$y_6 = 17 \cdot 7 + 24 = 13$$

$$y_7 = 17 \cdot 19 + 24 = 9$$

$Y = \text{JCFEWNJ}$

Зашифровали. Осталось расшифровать:

находим a^{-1} (таблица 1)

m	a	y2	y1
26	17	0	1
17	9	1	-1
9	8	-1	2
8	1	2	-3

Таблица 1 - нахождение обратного элемента $a = a^{-1}$

$$a^{-1} = -3 = 23$$

$$x_1 = (9-24) \cdot 23 = 19$$

$$x_2 = (2-24) \cdot 23 = 14$$

$$x_3 = (5-24) \cdot 23 = 5$$

$$x_4 = (4-24) \cdot 23 = 8$$

$$x_5 = (22-24) \cdot 23 = 6$$

$$x_6 = (13-24) \cdot 23 = 7$$

$$x_7 = (9-24) \cdot 23 = 19$$

$X = \text{TOFIGHT}$

2)

Пусть $a = 3$, $b = 18$

$X = \text{SHORTANDSWEET} = (18,7,14,17,19,0,13,3,18,22,4,4,19)$

$$y_1 = 3 \cdot 18 + 18 = 20$$

$$y_2 = 3 \cdot 7 + 18 = 13$$

$$y_3 = 3 \cdot 14 + 18 = 8$$

$$y_4 = 3 \cdot 17 + 18 = 17$$

$$y_5 = 3 \cdot 19 + 18 = 23$$

$$y_6 = 3 \cdot 0 + 18 = 18$$

$$y_7 = 3 \cdot 13 + 18 = 5$$

$$y_8 = 3 \cdot 3 + 18 = 1$$

$$y_9 = 3 \cdot 18 + 18 = 20$$

$$y_{10} = 3 \cdot 22 + 18 = 6$$

$$y_{11} = 3 \cdot 4 + 18 = 4$$

$$y_{12} = 3 \cdot 4 + 18 = 4$$

$$y_{13} = 3 \cdot 19 + 18 = 23$$

Y = UNIRXSFBUGEEEX

Зашифровали. Осталось расшифровать:

находим a^{-1} (таблица 2)

m	a	y2	y1
26	3	0	1
3	2	1	-8
2	1	-8	9

Таблица 2 - нахождение обратного элемента $a = a^{-1}$

$$a^{-1} = -3 = 23$$

$$x_1 = (20-18) \cdot 23 = 18$$

$$x_2 = (13-18) \cdot 23 = 7$$

$$x_3 = (8-18) \cdot 23 = 14$$

$$x_4 = (17-18) \cdot 23 = 17$$

$$x_5 = (23-18) \cdot 23 = 19$$

$$x_6 = (18-18) \cdot 23 = 0$$

$$x_7 = (5-18) \cdot 23 = 13$$

$$x_8 = (1-18) \cdot 23 = 3$$

$$x_9 = (20-18) \cdot 23 = 18$$

$$x_{10} = (6-18) \cdot 23 = 22$$

$$x_{11} = (4-18) \cdot 23 = 4$$

$$x_{12} = (4-18) \cdot 23 = 4$$

$$x_{13} = (23-18) \cdot 23 = 19$$

X = SHORTANDSWEET

3.Аффинный рекуррентный шифр

3)

Пусть $a_1 = 11$, $b_1 = 10$, $a_2 = 9$, $b_2 = 8$

$X = \text{BLAND} = (1, 11, 0, 13, 3)$

$y_1 = 11 \cdot 1 + 10 = 21$

$y_2 = 9 \cdot 11 + 8 = 3$

$y_3 = 9 \cdot 0 + 10 \cdot 8 = 21 \cdot 0 + 2 = 2$

$y_4 = 9 \cdot 9 \cdot 13 + 8 \cdot 8 = 7 \cdot 13 + 16 = 3$

$y_5 = 7 \cdot 9 \cdot 3 + 16 \cdot 8 = 17 \cdot 3 + 6 = 5$

$Y = \text{VDCDF}$

Найдем $a(i)^{-1}$ (таблица 3)

m	a(i)	y2	y1
26	11	0	1
11	4	1	-2
4	3	-2	5
3	1	5	-7
26	9	0	1
9	8	1	-2
8	1	-2	3
26	21	0	1
21	5	1	-1
5	1	-1	5
26	7	0	1
7	5	1	-3
5	2	-3	4
2	1	4	-11
26	17	0	1
17	9	1	-1
9	8	-1	2
8	1	2	-3

Таблица 3 - нахождение обратного элемента $a(i) = a(i)^{-1}$

$a_1^{-1} = -7 \Rightarrow x_1 = (21 - 10) \cdot (-7) = 1$

$a_2^{-1} = 3 \Rightarrow x_2 = (3 - 8) \cdot 3 = 11$

$a3^{(-1)} = 5 \Rightarrow x3 = (2-2)*5=0$
 $a4^{(-1)} = -11 \Rightarrow x4 = (3-16)*(-11)=13$
 $a5^{(-1)} = -3 \Rightarrow x5 = (5-6)*(-3)=3$
 $X = \text{BLAND}$

4)
 Пусть $a1 = 3, b1 = 18, a2 = 5, b2 = 22$
 $X = \text{RUSE} = (17, 20, 18, 4)$
 $y1 = 3*17+18=17$
 $y2 = 5*20+22=18$
 $y3 = 15*18+18*22=15*18+6=16$
 $y4 = 5*15*4+6*22=23*4+2=16$
 $Y = \text{RSQQ}$

Найдем $a(i)^{(-1)}$ (таблица 4)

m	a(i)	y2	y1
26	3	0	1
3	2	1	-8
2	1	-8	9
26	5	0	1
5	1	1	-5
26	15	0	1
15	11	1	-1
11	4	-1	2
4	3	2	-5
3	1	-5	7
26	23	0	1
23	3	1	-1
3	2	-1	8
2	1	8	-9

Таблица 4 - нахождение обратного элемента $a(i) = a(i)^{(-1)}$

$a1^{(-1)} = 9 \Rightarrow x1 = (17-18)*9=17$
 $a2^{(-1)} = -5 \Rightarrow x2 = (18-22)*(-5)=20$
 $a3^{(-1)} = 7 \Rightarrow x3 = (16-6)*7=18$
 $a4^{(-1)} = -9 \Rightarrow x4 = (16-2)*(-9)=4$
 $X = \text{RUSE}$

3 Программная реализация зашифрования и расшифрования

Шифр простой замены

1)

Ответ программы 1.py (рисунок 1):

```
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
New alphabet:
KTDILRNBQZWPCEYMAGOXSHUVF
Text:
TOFIGHT
enc or dec: enc
Ciphertext: OERQNBO

C:\Users\HONOR\Desktop\security>C:/U
Key:
Alphabet:
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
New alphabet:
KTDILRNBQZWPCEYMAGOXSHUVF
Text:
OERQNBO
enc or dec: dec
Original text: TOFIGHT
```

Рисунок 1 - результат программы зашифрования и расшифрования текста

2)

Ответ программы 1.py (рисунок 2):

```
Key:
Alphabet:
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
New alphabet:
KTDILRNBQZWPCEYMAGOXSHUVF
Text:
SHORTANDSWEET
enc or dec: enc
Ciphertext: GBEAOKJIGHLLO

C:\Users\HONOR\Desktop\security>C/
Key:
Alphabet:
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
New alphabet:
KTDILRNBQZWPCEYMAGOXSHUVF
Text:
GBEAOKJIGHLLO
enc or dec: dec
Original text: SHORTANDSWEET
```

Рисунок 2 - результат программы зашифрования и расшифрования текста

3)

Ответ программы 1.py (рисунок 3):

```

Key:
Alphabet:
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
New alphabet:
KTDILRNBQZWPCEYMGAXSHUVF
Text:
ELOQUENTLY
enc or dec: enc
Ciphertext: LPEMXLJOPV

C:\Users\HONOR\Desktop\securi
Key:
Alphabet:
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
New alphabet:
KTDILRNBQZWPCEYMGAXSHUVF
Text:
LPEMXLJOPV
enc or dec: dec
Original text: ELOQUENTLY

```

Рисунок 3 - результат программы зашифрования и расшифрования текста
4)

Ответ программы 1.py (рисунок 4):

```

Key:
Alphabet:
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
New alphabet:
LTYRUACMBKQEXWJIFPSDNHVOZG
Text:
TOFIGHT
enc or dec: enc
Ciphertext: DJABCMD

C:\Users\HONOR\Desktop\securi
Key:
Alphabet:
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
New alphabet:
LTYRUACMBKQEXWJIFPSDNHVOZG
Text:
DJABCMD
enc or dec: dec
Original text: TOFIGHT

```

Рисунок 4 - результат программы зашифрования и расшифрования текста
5)

Ответ программы 1.py (рисунок 5):

```

Key:
Alphabet:
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
New alphabet:
LTYRUACMBKQEXWJIFPSDNHVOZG
Text:
SHORTANDSWEET
enc or dec: enc
Ciphertext: SMJPDWRSVUUD

C:\Users\HONOR\Desktop\security
Key:
Alphabet:
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
New alphabet:
LTYRUACMBKQEXWJIFPSDNHVOZG
Text:
SMJPDWRSVUUD
enc or dec: dec
Original text: SHORTANDSWEET

```

Рисунок 5 - результат программы зашифрования и расшифрования текста
6)

Ответ программы 1.py (рисунок 6):

```

Key:
Alphabet:
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
New alphabet:
LTYRUACMBKQEXWJIFPSDNHVOZG
Text:
ELOQUENTLY
enc or dec: enc
Ciphertext: UEJFNUWDEZ

C:\Users\HONOR\Desktop\security
Key:
Alphabet:
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
New alphabet:
LTYRUACMBKQEXWJIFPSDNHVOZG
Text:
UEJFNUWDEZ
enc or dec: dec
Original text: ELOQUENTLY

```

Рисунок 6 - результат программы зашифрования и расшифрования текста

Аффинный шифр

1)

Возьму ключ $a = 17$ и $b = 24$, текст TOFIGHT и воспользуюсь текущим шифром. Тогда я получу зашифрованный текст, показанный на рисунке 7. Тем же ключом и взяв зашифрованный текст можно расшифровать его, задействовав другую функцию в файле 2.py. Как видно на рисунке 7, мы получили правильный открытый текст

```
Alphabet:
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
Text:
TOFIGHT
Input a from [1, 3, 5, 7, 9, 11, 15, 17, 19, 21, 23, 25]
a = 17
Input b from [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25]
b = 24
enc or dec: enc
Ciphertext: JCFEWNJ

C:\Users\HONOR\Desktop\security>C:/Users/HONOR/AppData/Local/Programs/Python/Python39/python.exe c:/Users/HONOR/Desktop\security\2.py
Alphabet:
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
Text:
JCFEWNJ
Input a from [1, 3, 5, 7, 9, 11, 15, 17, 19, 21, 23, 25]
a = 17
Input b from [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25]
b = 24
enc or dec: dec
Original text: TOFIGHT
```

Рисунок 7 - реализация аффинного шифра

2)

Аналогичную работу можно проделать с другим открытым текстом (рисунок 8)

```
Alphabet:
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
Text:
SHORTANDSWEET
Input a from [1, 3, 5, 7, 9, 11, 15, 17, 19, 21, 23, 25]
a = 3
Input b from [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25]
b = 18
enc or dec: enc
Ciphertext: UNIRXSFBUEEX

C:\Users\HONOR\Desktop\security>C:/Users/HONOR/AppData/Local/Programs/Python/Python39/python.exe c:/Users/HONOR/Desktop\security\2.py
Alphabet:
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
Text:
UNIRXSFBUEEX
Input a from [1, 3, 5, 7, 9, 11, 15, 17, 19, 21, 23, 25]
a = 3
Input b from [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25]
b = 18
enc or dec: dec
Original text: SHORTANDSWEET
```

Рисунок 7 - реализация аффинного шифра (другой пример)

Аффинный рекуррентный шифр

3)

Таким же образом, как и “ручным” зашифрованием и расшифрованием, реализован алгоритм аффинного рекуррентного шифра (рисунок 8,9)

```

Alphabet:
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
Text:
BLAND
Input a1, a2 from [1, 3, 5, 7, 9, 11, 15, 17, 19, 21, 23, 25]
a1 = 11
a2 = 9
Input b1, b2 from [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25]
b1 = 10
b2 = 8
enc or dec: enc
21
3
2
3
5
Ciphertext: VDCDF

C:\Users\HONOR\Desktop\security>C:/Users/HONOR/AppData/Local/Programs/Python/Python39/python.exe c:/Users/HONOR/De
Alphabet:
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
Text:
VDCDF
Input a1, a2 from [1, 3, 5, 7, 9, 11, 15, 17, 19, 21, 23, 25]
a1 = 11
a2 = 9
Input b1, b2 from [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25]
b1 = 10
b2 = 8
enc or dec: dec
Original text: BLAND

```

Рисунок 8 - реализация аффинного рекуррентного шифра (другой пример)

4)

```

Alphabet:
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
Text:
RUSE
Input a1, a2 from [1, 3, 5, 7, 9, 11, 15, 17, 19, 21, 23, 25]
a1 = 3
a2 = 5
Input b1, b2 from [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25]
b1 = 18
b2 = 22
enc or dec: enc
Ciphertext: RSQQ

C:\Users\HONOR\Desktop\security>C:/Users/HONOR/AppData/Local/Programs/Python/Python39/python.exe c:/Users/HONOR/De
Alphabet:
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
Text:
RSQQ
Input a1, a2 from [1, 3, 5, 7, 9, 11, 15, 17, 19, 21, 23, 25]
a1 = 3
a2 = 5
Input b1, b2 from [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25]
b1 = 18
b2 = 22
enc or dec: dec
Original text: RUSE

```

Рисунок 9 - реализация аффинного рекуррентного шифра (другой пример)

4 Криптоанализ вышеупомянутых шифров

1)

Частотный анализ

Для него мне понадобится частота встречаемости букв английского алфавита (рисунок 10)

A	8,17%	H	6,09%	O	7,51%	V	0,98%
B	1,49%	I	6,97%	P	1,93%	W	2,36%
C	2,78%	J	0,15%	Q	0,10%	X	0,15%
D	4,25%	K	0,77%	R	5,99%	Y	1,97%
E	12,70%	L	4,03%	S	6,33%	Z	0,07%
F	2,29%	M	2,41%	T	9,06%		
G	2,02%	N	6,75%	U	2,76%		

Рисунок 10 - частота встречаемости букв в английском алфавите

Следующий текст будет подвергаться криптоанализу:

WHATISWIFIANDWHEREISITUSEDTHEWORLDOFMODERNTTELECOMMUNICATI
ONTECHNOLOGYISAWASHWITHACRONYMSLONGNUMBERSANDOTHERWEIR
DBITSOFCODETHATFEWPEOPLEUNDERSTANDBUTWIFIDOESNTREALLYSTAN
DFORWIRELESSFIDELITYUSINGTHISSTANDARDCOMPUTERSANDOTHERDEVI
CESCANLINKINAWIRELESSLOCALAREANETWORKWLANWHICHISANUMBERO
FCOMPUTERSORCOMPUTERLIKEDEVICESTHATCANTALKTOEACHOTHERUSI
NGHIGHFREQUENCYRADIOWAVESINSTEADOFCONNECTINGCABLESTHEWLA
NCANINTURNBEHOOKEDINTOTHEINTERNETUSUALLYWITHTHEAIDOFACABL
EBASICALLYTHENWIFIISAGENERICNAMEFORTHEMAINMETHODOBYWHICHA
LANISSETUPBUTTHETERMWIFIASWELLASTHETECHNOLOGYITSELFHASEVO
LVEDQUITEABITSINCEITWASFIRSTCOINEDINABOUTANDISNOWUSEDMOREB
ROADLYPARTICULARLYBYTHEGENERALPUBLICTOMEANAWIDERANGEOFWIR
ELESSCOMMUNICATIONTECHNOLOGIESWIFIUSESPERHAPSTHEMOSTVISIBL
EMANIFESTATIONOFWIFIISTHECOFFEESHOPLAPTOPTUNEDCORDLESSLYINT
OAWLANANDHENCEINTOTHEWORLDWIDEBBUTSOMEPHONEUSERSMIGH
TALSOBEDOINGITBYWIFIVOIPVOICEOVERTHEINTERNETPROTOCOLPHONES
ENABLEUSERSTOSPEAKTOOTHERSVIATHEINTERNETTHEINCREASINGAVAIL
ABILITYOFWIFIMEANSTHATPEOPLEWITHVOIPPHONESCANUSETHEMMOREA
NDMORELIKEMOBILEPHONESTALKINGWITHFRIENDSANDCOLLEAGUESOVER
THEINTERNETFROMTHESAMECOFFEESHOPINWHICHTHEYCONNECTTHEIRL
APTOPSTOTHEWORLDWIDEBWIFIISUSEDINMANYOTHERAPPLICATIONSA
SWELLSOMETELEVISIONSAREGOINGWIFIALLOWINGVIEWERSTOWANDERAB
OUTTHEIRHOUSESWITHTHEIROWNPORTABLESCREENSONECOMPANYRECE
NTLYOFFEREDACAMERATHATCONNECTSTOTHEINTERNETVIAWIFIALLOWIN
GPEOPLETOEMAILPHOTOSTOFRIENDSANDCOLLEAGUESDIRECTLYFROMTH
EIRCAMERASAMOREMUNDANE BUTWIDESPREADUSEOFWIFIISINCOMMUNIC

ATION BETWEEN COMPUTERS AND PERIPHERAL DEVICES SUCH AS PRINTERS AND PROJECTORS. THE GREAT ADVANTAGE OF WIFI OVER WIRED NETWORKS IS THAT IT DOES NOT REQUIRE WIRES TO CONNECT IT TO A NETWORK. POTENTIALLY, WIFI AND OTHER WIRELESS TECHNOLOGIES COULD BE MADE AVAILABLE EVERYWHERE TO EVERYONE, NOT ONLY HELPING A BUSINESS PERSON ON THE MOVE BUT ALSO REMOTE COMMUNITIES THAT MIGHT OTHERWISE WAIT YEARS FOR CABLES TO REACH THEM. HOW DOES IT WORK? WIFI EQUIPMENT WORKS BY RADIO WAVES, WHICH HAVE A VERY WIDE AND INCREASINGLY SOUGHT-AFTER RANGE OF FREQUENCIES. IF THE WORLD OF COMMUNICATION TECHNOLOGY IS A WASH WITH A CROWD OF RADIO WAVES, THE SPECTRUM IS INCREASINGLY JAMMED WITH SIGNALS AS DIFFERENT KINDS OF DEVICES TRY TO COMMUNICATE WITH EACH OTHER. EXTREMELY LOW FREQUENCIES OF HERTZ OR CYCLES PER SECOND ARE USED FOR RADIO COMMUNICATIONS WITH SUBMARINES. THE WAVELENGTHS CAN BE TENS OF KILOMETRES IN LENGTH. IN CONTRAST, WIFI EQUIPMENT USES RADIO WAVES IN THE FREQUENCY RANGE WHERE THE RANGES ARE CLASSIFIED BY THE INTERNATIONAL TELECOMMUNICATION UNION AS SUPER-HIGH FREQUENCY AND IS MUCH HIGHER THAN THE FREQUENCY USED FOR AM RADIO. KILOHERTZ SHORT WAVE RADIO, MEGAHERTZ (MHz) AND FM RADIO AND TELEVISION BROADCASTING BOTH. MHz IS ALSO GENERALLY A LITTLE HIGHER THAN THE FREQUENCY USED FOR MOBILE PHONES AND TWO-WAY RADIOS. MHz TO GHz. TELSTRAS' NEW NEXT G SYSTEM, WHICH ALLOWS HIGH-SPEED WIRELESS INTERNET CONNECTIONS, OPERATES AT 1.3 GHz. OTHER DEVICES THAT USE RADIO WAVES IN THE SUPER-HIGH FREQUENCY RANGE INCLUDE MICROWAVES, AUTOMATIC ROLLER DOORS AND CORDLESS PHONES. BLUETOOTH, A FORM OF WIRELESS TECHNOLOGY NORMALLY USED FOR VERY SHORT RANGE COMMUNICATION BETWEEN DEVICES SUCH AS A LAPTOP AND A PERSONAL DIGITAL ASSISTANT (PDA), OPERATES AT ABOUT 1.5 GHz. THE EPICENTRE OF A COMMON WIFI SETUP INVOLVING PERSONAL OR LAPTOP COMPUTERS IS A WIRELESS ACCESS POINT CONNECTED BY HARDWIRE TO THE INTERNET. A ROUTER CONVERTS DIGITAL INFORMATION IN THE FORM OF BITS INTO RADIO WAVES AND TRANSMITS THESE VIA AN ANTENNA. IT CAN ALSO RECEIVE RADIO WAVES AND CONVERT THEM TO DIGITAL DATA, WHICH IT CAN THEN SEND TO THE INTERNET VIA ITS HARDWIRE CONNECTION. LAPTOP COMPUTERS OR OTHER DEVICES WITHIN RANGE USING THE SAME WIFI PROTOCOL CAN COMMUNICATE WITH THE ACCESS POINT AND THROUGH IT CONNECT TO THE INTERNET. THE PROTOCOL IS IMPORTANT. IF THE LAPTOP AND ROUTER ARE TO COMMUNICATE, IT IS IMPORTANT THAT THEY SPEAK THE SAME LANGUAGE. COMPATIBILITY BETWEEN ELECTRONIC DEVICES IS ONE OF THE INDUSTRY'S GREAT CHALLENGES AND IT HAS BEEN ACHIEVED IN THE CURRENT GENERATION OF WIFI DEVICES THROUGH THE ADOPTION OF A STANDARD DEVELOPED BY THE INSTITUTE OF ELECTRICAL AND ELECTRONICS ENGINEERS (IEEE) TO DEFINE THE WAY WIFI EQUIPMENT OPERATES. THIS STANDARD IS IEEE 802.11, IN WHICH WIFI IS AVAILABLE. IT IS CALLED A HOT SPOT, BOX HOT SPOTS AND MESHES. WHERE IS WIFI? WIFI IS BECOMING EVERYWHERE. VERY QUICKLY TO THE POINT THAT IN CERTAIN SECTORS OF THE ECONOMY IT IS ALMOST A PREREQUISITE FOR DOING BUSINESS. SOME HOTELS WOULD PROBABLY LOSE CUSTOMERS

OMIFTHEYDIDNTOFFERWIFITOTHEIRGUESTSWHOEXPECTTOBEABLETOLOG
ONBEFORETHEYNODOFFWIFILESSCOFFEESHOPSMIGHTBEBYPASSEDBYLA
PTOPTOTINGLATTEDRINKERSWANTINGTOCONNECTWHILETHEYCAFFEINAT
ETHENUMBEROFUSESTOWHICHWIFICOULDBEPUTISALMOSTLIMITLESSINTH
EHOMEELECTRICALEQUIPMENTSUCHASTHEREFRIGERATORTELEVISIONLIG
HTINGSYSTEMMICROWAVEANDSTEREOEQUIPMENTCOULDALLBELINKEDAN
DREGULATEDBYWIFITHE TECHNOLOGYALSOHASEXCITINGPOSSIBILITIESINE
NVIRONMENTALSCIENCEBOXREMOTESENSORSANDTHEIRAPPLICATIONSBU
TPERHAPSTHESINGLEGREATESTADVANTAGEOFWIRELESSNETWORKSOVER
WIREDTECHNOLOGIESISTHATTHEYAREMOREFLEXIBLEABOUTTHEINFRASTR
UCTUREREQUIREDTOSETTHEMUPTHATSWHYCOMMUNITYGROUPSHAVELAT
CHEDONTOTHEMANDITISALSOWHYTHEYAREBEINGPURSUEDINDEVELOPIN
GCOUNTRIESWHERETHEYCANBEUSEDTOBYPASSTHEVERYEXPENSIVEBUSI
NESSOFLAYINGCABLESWIFITECHNOLOGYISNOTWITHOUTPROBLEMSSECUR
ITYBEINGONEOFTHEBIGGESTBOXSECURITYANDENCRIPTIONBUTFEWPEOP
LETHINKITISAPASSINGFADSOWHEREISWIFIHEADINGPREDICTINGTHEEVOLU
TIONOFINFORMATIONTECHNOLOGYISNOTEASYESPECIALLYGIVENITSCURR
ENTEXTRAORDINARYRATEOFCHANGETHISMONTHSBOOMPRODUCTMIGHTB
ENEXTMONTHSLANDFILLBUTAFEWTHINGSABOUTWIFISEEMCERTAINSPED
SWILLINCREASETHERANGEOFUSESTOWHICHITISPUTWILLBROADENANDITS
AVAILABILITYWILLCONTINUE TO SPREADITWILLALSOFACE MORECOMPETITIO
NKEEPINGTUNEDTHEARRAYOFWIRELESSTECHNOLOGYALREADYINUSECAN
BECONFUSINGCONSUMERSHAVEAHUGERANGEOFCHOICESBUTOFTENINSU
FFICIENTINFORMATIONONWHICHTOBASETHEIRPURCHASINGDECISIONSCA
NYOURLAPTOPDOWIFIANDWIMAXANDDOESITNEEDTOWHATDOESTHESHOP
ASSISTANTMEANWHENSHEASKSIFYOUWANTAPDAWITHBLUETOOTHDOYOU
NEEDAWIFIRICECOOKERTHEPROLIFERATIONOFTHE TECHNOLOGYDOESHAV
EONEADVANTAGEIFYOUDONTUNDERSTANDITANDWANTTOFINDOUTWHATIT
ALLMEANSYOU CAN ATLEASTRESEARCHITFROMALMOSTANYWHERE

По данному тексту частота каждой буквы выглядит так:

{'A': '7 %', 'B': '2 %', 'C': '4 %', 'D': '3 %', 'E': '13 %', 'F': '2 %', 'G': '2 %', 'H': '5 %', 'I': '9 %', 'J': '0 %', 'K': '0 %', 'L': '4 %', 'M': '2 %', 'N': '7 %', 'O': '8 %', 'P': '2 %', 'Q': '0 %', 'R': '5 %', 'S': '7 %', 'T': '9 %', 'U': '3 %', 'V': '1 %', 'W': '3 %', 'X': '0 %', 'Y': '2 %', 'Z': '0 %'}

(немного похоже на ту частоту, которая была приведена ранее)

С помощью шифра простой замены (1.ру) зашифруем этот текст (рисунок 11):

```

Key:
Alphabet:
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
New alphabet:
FPRBVAWXHCDGITQJEKZNYULOMS
Text:
WHATISWIFIANDWHEREISITUSEDTHEWORLDOFMODERNTELECOMMUNICATIONTECHNOLOGYISAWASHI
ALLYSTANDFORWIRELESSFIDELITYUSINGTHISSTANDARDCOMPUTERSANDOTHERDEVICESCANLINK
TALKTOEACHOTHERUSINGHIGHFREQUENCYRADIOWAVESINSTEADOFCONNECTINGCABLESTHEWLANCA
AMEFORTHETMAINMETHODBYWHICHAWLANISSETUPBUTTHETERMWIFIASWELLASTHETECHNOLOGYITSE
YBYTHEGENERALPUBLICTOMEANAWIDERANGEOFWIRELESSCOMMUNICATIONTECHNOLOGIESWIFIUS
LANANDHENCEINTOTHEWORLDWIDEWEBBUTSOMEPHONEUSERSMIGHTALSOBEDOINGITBYWIFIVOIPVO
NGAVAILABILITYOFWIFIMEANSTHATPEOPLEWITHMOIPPHONESCANUSETHEMMOREANDMORELIKEMOB
THEYCONNECTTHEIRLAPTOPSTOTHEWORLDWIDEWEBWIFIISUSEDINMANYOTHERAPPLICATIONSASWE
TABLESCREENSONECOMPANYRECENTLYOFFEREDACAMERATHATCONNECTSTOTHEINTERNETVIAWIFI
EBUTWIDESPREADUSEOFWIFIISINCOMMUNICATIONBETWEENCOMPUTERSANDPERIPHERALDEVICES
QUIREWIRESTOCONNECTITTOANETWORKPOTENTIALLYWIFIANDOTHERWIRELESSTECHNOLOGIESCOL

```

Рисунок 11 - зашифрование открытого текста

Частота встречаемости букв в шифртексте:

```
{'A': '2 %', 'B': '3 %', 'C': '0 %', 'D': '0 %', 'E': '0 %', 'F': '7 %', 'G': '4 %', 'H': '9 %', 'I': '2 %', 'J': '2 %', 'K': '5 %', 'L': '3 %', 'M': '2 %', 'N': '9 %', 'O': '0 %', 'P': '2 %', 'Q': '8 %', 'R': '4 %', 'S': '0 %', 'T': '7 %', 'U': '1 %', 'V': '13 %', 'W': '2 %', 'X': '5 %', 'Y': '3 %', 'Z': '7 %'}
```

Анализируя частоту встречаемости символов в тексте и сопоставляя ее с частотой встречаемости оригинальных букв, можем сказать, что E=>V

H и N по 9%, это могут быть A и T

Сделаю округление до сотых:

```
{'A': '2.43 %', 'B': '3.21 %', 'C': '0.04 %', 'D': '0.43 %', 'E': '0.32 %', 'F': '7.24 %', 'G': '3.87 %', 'H': '8.63 %', 'I': '2.41 %', 'J': '2.23 %', 'K': '5.49 %', 'L': '2.69 %', 'M': '1.66 %', 'N': '8.95 %', 'O': '0.21 %', 'P': '1.59 %', 'Q': '7.85 %', 'R': '3.85 %', 'S': '0.14 %', 'T': '7.14 %', 'U': '1.23 %', 'V': '12.5 %', 'W': '1.87 %', 'X': '4.74 %', 'Y': '2.68 %', 'Z': '6.58 %'}
```

Так как T встречается чаще A, то можно предположить, что T=>N, A=>H

Для простоты анализа отсортируем словарь по значениям:

```
{'C': '0.04 %', 'S': '0.14 %', 'O': '0.21 %', 'E': '0.32 %', 'D': '0.43 %', 'U': '1.23 %', 'P': '1.59 %', 'M': '1.66 %', 'W': '1.87 %', 'J': '2.23 %', 'I': '2.41 %', 'A': '2.43 %', 'Y': '2.68 %', 'L': '2.69 %', 'B': '3.21 %', 'R': '3.85 %', 'G': '3.87 %', 'X': '4.74 %', 'K': '5.49 %', 'Z': '6.58 %', 'T': '7.14 %', 'F': '7.24 %', 'Q': '7.85 %', 'H': '8.63 %', 'N': '8.95 %', 'V': '12.5 %'}
```

И добавим такой вывод в программе: сначала словарь с частотой символов в тексте и потом с частотой символов, которая должна быть:

```
{'C': 0.04, 'S': 0.14, 'O': 0.21, 'E': 0.32, 'D': 0.43, 'U': 1.23, 'P': 1.59, 'M': 1.66, 'W': 1.87, 'J': 2.23, 'I': 2.41, 'A': 2.43, 'Y': 2.68, 'L': 2.69, 'B': 3.21, 'R': 3.85, 'G': 3.87, 'X': 4.74, 'K': 5.49, 'Z': 6.58, 'T': 7.14, 'F': 7.24, 'Q': 7.85, 'H': 8.63, 'N': 8.95, 'V': 12.5}
{'Z': 0.05, 'Q': 0.1, 'J': 0.15, 'X': 0.15, 'K': 0.77, 'V': 0.98, 'B': 1.49, 'P': 1.93, 'Y': 1.97, 'G': 2.02, 'F': 2.23, 'W': 2.36, 'M': 2.41, 'U': 2.76, 'C': 2.78, 'L': 4.03, 'D': 4.35, 'R': 5.99, 'H': 6.09, 'S': 6.33, 'N': 6.75, 'I': 6.97, 'O': 7.51, 'A': 8.17, 'T': 9.06, 'E': 12.7}
```

Если так идти по убыванию, то итоговая подстановка будет
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ

HPBGVIJKFODRYTQMSXZNLUAEWC (с помощью частотного криптоанализа)
FPRBVAWXHCDGITQJEKZNYULOMS (оригинальный ключ)

Далеко не все буквы совпали, но остальные буквы можно будет “доугадывать” и примерно понять текст. Чем больше текст, тем лучше будет работать такой вид анализа. Более сложно различать буквы с близкой частотой встречаемости.

В данном примере:

WHATISWIFI - исходный

LXFNHZZLHAN - зашифрованный с помощью ключа

URITASUAWA - примерная расшифровка частотным криптоанализом (в данном случае в таком фрагменте текста почти все буквы редко встречаются и имеют схожие частоты с другими буквами, что усложняет расшифровку)

Можно перебрать близкие частоты с частотой буквы U, дойти до буквы W, тогда предпоследний символ будет не W:

WRITASWA*A

Таким же образом можно вместо бывшего W подставить соседнее F:

WRITASWAFA

Аналогичным образом можно будет дойти до подстановки вместо A I (и потому что можно додуматься до того, что для осмысленных слов гласные буквы подойдут больше всего):

WR*TISWIFI (из-за такой подстановки мы потеряли I)

Таким же образом можно дальше дорасшифровать этот фрагмент и таким образом составить полный ключ шифрования, можно догадаться, что первое слово будет WHAT, такие догадки могут быстрее расшифровать текст, в отличие от простого частотного криптоанализа.

Для аффинного шифра:

{'G': '0.04 %', 'C': '0.14 %', 'W': '0.21 %', 'B': '0.32 %', 'J': '0.43 %', 'Q': '1.23 %', 'I': '1.59 %', 'Z': '1.66 %', 'X': '1.87 %', 'Y': '2.23 %', 'P': '2.41 %', 'U': '2.43 %', 'N': '2.68 %', 'T': '2.69 %', 'O': '3.21 %', 'L': '3.85 %', 'M': '3.87 %', 'A': '4.74 %', 'E': '5.49 %', 'H': '6.58 %', 'S': '7.14 %', 'F': '7.24 %', 'V': '7.85 %', 'D': '8.63 %', 'K': '8.95 %', 'R': '12.5 %'}

{'G': 0.04, 'C': 0.14, 'W': 0.21, 'B': 0.32, 'J': 0.43, 'Q': 1.23, 'I': 1.59, 'Z': 1.66, 'X': 1.87, 'Y': 2.23, 'P': 2.41, 'U': 2.43, 'N': 2.68, 'T': 2.69, 'O': 3.21, 'L': 3.85, 'M': 3.87, 'A': 4.74, 'E': 5.49, 'H': 6.58, 'S': 7.14, 'F': 7.24, 'V': 7.85, 'D': 8.63, 'K': 8.95, 'R': 12.5} - шифртекст

{'Z': 0.05, 'Q': 0.1, 'J': 0.15, 'X': 0.15, 'K': 0.77, 'V': 0.98, 'B': 1.49, 'P': 1.93, 'Y': 1.97, 'G': 2.02, 'F': 2.23, 'W': 2.36, 'M': 2.41, 'U': 2.76, 'C': 2.78, 'L': 4.03, 'D': 4.35, 'R': 5.99, 'H': 6.09, 'S': 6.33, 'N': 6.75, 'I': 6.97, 'O': 7.51, 'A': 8.17, 'T': 9.06, 'E': 12.7} - должно быть примерно у открытого текста

Попытаемся расшифровать кусочек шифротекста:

TAFKDHTDUDFSOTARE - зашифрованное

UHOTANUAWAOICUHES - расшифрованное с помощью частотного анализа
 Можно поменять U на W => WHOTANWA*AOICWHES; слово WHOT похоже на
 WHAT => WHAT*NW***AICWHES => ... => WHATISWIFIANDWHER

2)

Кроме полного частотного анализа можно расшифровать какое-то слово и по этим буквам определить ключ с помощью метода “грубой силы” (полным перебором)

С помощью полного перебора мы имеем (рисунок 12):

```
a = 1, b = 23: WDINGKWXGIVRWDUHUG
a = 1, b = 24: VCHMFJVFWFHUQVCTGTF
a = 1, b = 25: UBGLEIUEVEGTPUBSFSE
a = 3, b = 0: PATMBLPBYBTGWPAKKXB
a = 3, b = 1: GRKDSCGSPSKXNGROBOS
a = 3, b = 2: XIBUJTXJGJBOEXIFSFI
a = 3, b = 3: OZSLAKOAXASFVOWJWA
a = 3, b = 4: FQJCRBFRORJWMFQANR
a = 3, b = 5: WHATISWIFIANDWHEREI
a = 3, b = 6: NYRKZJNZWZREUNYVIVZ
a = 3, b = 7: EPIBQAEQNQIVLEPMZMQ
a = 3, b = 8: VGZSHRVHEHZMCVGDQDH
a = 3, b = 9: MXQJYIMYVYQDTMXUHUY
a = 3, b = 10: DOHAPZDPMPHUKDOLYLP
a = 3, b = 11: UFYRGQUGDGYLBUFCPCG
```

Рисунок 12 - частичный результат полного перебора ключей в аффинном шифре

Нашли ключ: $a = 3, b = 5$. Другие варианты тоже содержат слова, но помимо них есть какие-то непонятные => возникает предположение: неверные ключи

Найдя ключ, можно полностью расшифровать текст

Полный перебор подходит и для рекуррентного аффинного шифра, который уже не взломать с помощью частотного анализа (потому что изменяются ключи для каждого символа)

Результат программы 6.py (полный перебор для аффинного рекуррентного шифра) представлен на рисунке 13:

```
a1 = 3, b1 = 3, a2 = 5, b2 = 3: WXQDEMOYLMMDQBINUGMODCIETJRAQGHRHA
a1 = 3, b1 = 3, a2 = 5, b2 = 4: WCVKBRHDOFHMQVGBKZNRKXNRYOYXVZMUAV
a1 = 3, b1 = 3, a2 = 5, b2 = 5: WHATISWIFIANDWHEREISITUSETHEWORLD
a1 = 3, b1 = 3, a2 = 5, b2 = 6: WMFEVDHNSNFYQHSJEJNDVEFXRIYSRHZWYIT
a1 = 3, b1 = 3, a2 = 5, b2 = 7: WRKRKWUSHAKRDALWTOAWKRYCENDFGAMBNVY
a1 = 3, b1 = 3, a2 = 5, b2 = 8: WWPGXHJXUVPCQLWRGTVHXGJHRSIUTLBGAQD
```

Рисунок 13 - частичный результат полного перебора аффинного рекуррентного шифра

Проверка ключа $a1 = 3$, $b1 = 3$, $a2 = 5$, $b2 = 5$ (рисунок 14):

```
Alphabet:
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
Text:
ROPSLRZPMRLCKLWHQZBZPGRXPUOCJLFEYWJ
Input a1, a2 from [1, 3, 5, 7, 9, 11, 15, 17, 19, 21, 23, 25]
a1 = 3
a2 = 5
Input b1, b2 from [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25]
b1 = 3
b2 = 5
enc or dec: dec
Original text:  WHATISWIFIANDWHEREISITUSEDTHEWORLD0
```

Рисунок 14 - проверка ключа, найденного с помощью метода “грубой силы”

Выводы о проделанной работе

Данная работа помогла лучше понять, как работает шифр простой замены (1.ру), аффинный (2.ру) и аффинный рекуррентный (3.ру) шифры, а также понять, как можно взламывать такие шифры с помощью криптоанализа (частотный анализ - 4.ру, полный перебор в аффинном шифре - 5.ру, в аффинном рекуррентном шифре - 6.ру)

Для наибольшей эффективности частотного анализа нужно брать как можно больше шифротекст.

Плюсом полного перебора является простота взлома зашифрованного текста.

Минус же состоит в затрате большого количества времени. Таким методом проще всего взламывать аффинный шифр (перебор содержит $26 \cdot 12$ различных комбинаций для английского алфавита), потом идет аффинный рекуррентный шифр ($26 \cdot 12 \cdot 26 \cdot 12$) и самый долгий криптоанализ будет у шифра простой замены ($26!$).