Métodos Estadísticos para la Computación

Antonio Barrera, Enrique Mérida y Ma. Ángeles Molina

Departamento de Matemática Aplicada E.T.S Ingeniería Informática

Titulaciones de:

- Grado en Ingeniería Informática
- Grado en Ingeniería del Software
- Grado en Ingeniería de Computadores

Universidad de Málaga

 $\textbf{email:} \ \{antonio.barrera@uma.es/merida@uma.es/m.angeles.molina@uma.es \ \}$



Curso 2015-16



Contenido

- ① ¿Qué son los Métodos Estadísticos?
 - ¿Qué son los Métodos Estadísticos?
 - Historia de la Estadística Descriptiva
 - Historia del Cálculo de Probabilidades
- Descripción de los temas
 - Estadística Descriptiva
 - Cálculo de Probabilidades
 - Inferencia Estadística
 - Prácticas
- Generalidades
 - Evaluación
 - Bibliografía
 - Tutorías





Métodos Estadísticos

El objetivo de la Estadística es el de organizar, describir y sacar consecuencias de aquellos fenómenos que no resultan predecibles (aleatorios).

La Estadística actual es la unión de dos disciplinas científicas:

- Estadística Descriptiva.
- Cálculo de Probabilidades.



Estadística descriptiva: Historia

La estadística descriptiva, se dedica a la descripción, visualización y resumen de datos.

- Tiene su origen en los censos de la antigüedad.
- Se desarrolló como ciencia con el Despotismo Ilustrado.
- La astronomía y la estadística actuarial la han usado ampliamente.



Cálculo de Probabilidades: Historia

Pretende explicar por qué unos fenómenos se presentan más veces que otros, por qué algunos se presentan más frecuentemente en determinadas circunstancias, etc.

- Los juegos de azar tienen un origen remoto (paleolítico).
- Se acepta que la teoría matemática de la probabilidad fue iniciada por Blaise Pascal (1623-1662) y Pierre Fermat (1601-1665) cuando analizaron problemas relacionados con los juegos de dados propuestos por el caballero de Meré.
- Algunos precursores fueron Girolamo Cardano (1501-1576) y Galileo Galilei (1564-1642).
- Siglo XVIII: Leyes grandes números, tablas de mortalidad. Distribuciones. Errores.
- Siglo XIX: Teorema Central del Límite. Método Mínimos Cuadrados.
- Siglo XX: Axiomática de Kolmogoroff. Antonio Barrera, Enrique Mérida y María Ángeles Molina

Unión de ambas

A finales del siglo XIX casi todos los científicos enfocaron su atención al tema de la evolución.

El cálculo de probabilidades y la estadística pretendieron encontrar métodos de contraste de hipótesis, naciendo la Teoría de Muestras que hace uso de ambas.

- Galton (1822-1911) Introdujo el concepto de línea de regresión.
- Pearson (1857-1936) Tablas estadísticas para los contrastes.
- Gosset (1876-1937) (Student) Método de Montecarlo.
 Contrastes muestras pequeñas.
- Fisher (1890-1962) Análisis discriminante. Diseños experimentales.



Tema 1: Análisis de 1 variable (9 horas)

El objetivo principal es representar y obtener conclusiones de un conjunto de datos, analizando cada variable de forma aislada. También, pretende detectar datos erróneos, o al menos extraños. Los métodos pueden clasificarse en:

- Agrupar datos en tablas de frecuencias.
- Representaciones gráficas.
- Obtención de parámetros:
 - De tendencia central (media, mediana,...)
 - De dispersión (varianza, rango,...)
 - De forma (sesgo, curtosis...)



Tema 2: Regresión y correlación (5 horas)

El objetivo principal representar y obtener conclusiones de un conjunto de datos, analizando las variable de forma conjunta. También, pretende detectar datos erróneos, o al menos extraños. Los métodos pueden clasificarse en:

- Agrupar datos en tablas de frecuencias bidimensionales.
- Representaciones gráficas bidimensionales.
- Obtención de parámetros:
 - De distribuciones marginales (media, mediana, varianza,...)
 - De relación entre variables (covarianza, r,...)
 - Coeficientes de ajuste por mínimos cuadrados.
 - De medidas de la bondad del ajuste.





Tema 3: Series estadísticas: Números índices y Series Temporales (3 horas)

Conocer los números índices como parámetros que reflejan la evolución de una actividad empresarial y los factores principales que afectan a las series temporales.

Números índices:

- Índices de precios, cantidades y valor.
- Índices simples y complejos.
- Renovación y empalme de números índices.

Series temporales:

- Factores principales.
- Cálculo de tendencia, estacionalidad, ...
- Predicción.





Estadística Descriptiva Cálculo de Probabilidades Inferencia Estadística Prácticas

Tema 4: Probabilidad (3 horas)

- Concepto de experimento aleatorio.
- Sucesos. Axiomática.
- Probabilidad.
- Probabilidad condicionada.
- Teoremas de probabilidad.





Estadística Descriptiva Cálculo de Probabilidades Inferencia Estadística Prácticas

Tema 5: Variables aleatorias y distribuciones. Distribuciones notables. (8 horas)

- Concepto de variable aleatoria. Tipos.
- Principales distribuciones discretas: Uniforme, Binomial, Poisson,...
- Principales distribuciones continuas: Normal, T-Student, Exponencial, . . .



Estadística Descriptiva Cálculo de Probabilidade Inferencia Estadística Prácticas

Estimación puntual y por intervalos de confianza. (1 hora)

- Conceptos: Muestra, tipos de muestreo, estimador,....
- Estimadores eficientes de la media, proporción, varianza,...
- Estimación por intervalos.





Contrastes de Hipótesis paramétricos (7 horas)

Sirven para contrastar si una hipótesis se contradice o está de acuerdo con lo observado.

- Conceptos: Hipótesis nula y alternativa, potencia, significación, . . .
- Contrastes paramétricos de:
 - Proporción
 - Media
 - Varianza
 - Diferencia de proporciones.
 - Diferencia de medias.
 - Cociente de varianzas.





Estimación no paramétrica (2 horas)

Sirven para contrastar si una hipótesis se contradice o está de acuerdo con lo observado sin asumir que se ajuste a ninguna distribución de probabilidad.

- Bondad del ajuste de una distribución teórica a datos experimentales.
- Contraste de la dependencia e independencia entre variables.
- Contraste de homogeneidad entre muestras.



Estadística Descriptiva Cálculo de Probabilidade Inferencia Estadística Prácticas

Prácticas (7 horas)

- Introducción a MATLAB.
- Práctica 1: Estadística Descriptiva: 1 variable.
- Práctica 2: Estadística Descriptiva: Ajustes. Series temporales.
- Práctica 3: Simulación 1.
- Práctica 4: Simulación 2.
- Práctica 5: Contrastes de hipótesis.



Evaluación Junio

La asistencia es obligatoria.

Se propondrán actividades (especialmente en el Campus) y un control (la fecha según grupo). Existen tres métodos:

- Método 1:
 - Calificación= Control (máx. 3)+ Ex. Final(máx 7) + Campus(máx. 1).
- Método 2:
 - Calificación= Ex. Final(máx 10) + Campus(máx. 1).
- Método 3:
 - Calificación = Examen final (máx 10).

La nota del Campus (hasta 1 punto) vendrá en función de las actividades realizadas (más del 75 %) y calificaciones obtenidas

Evaluación Septiembre y Diciembre

Calificación= Examen (máx 10) + Campus (máx. 1)

La nota del Campus (hasta 1 punto) será la obtenida durante el curso.





Bibliografía

- A. M. Montiel, F. Rius, F. J. Barón. Elementos básicos de estadística económica y empresarial. Ed. Prentice Hall.
- C. M. Cuadras, B. Echevarría, J. Mateo, P. Sánchez. Fundamentos de estadística. Aplicación a las ciencias humanas. Ed. Promociones Publicaciones Universitarias.
- D. Peña Sánchez de Rivera. Estadística. Modelos y métodos. Ed. Alianza Universidad
- J. A. Viedma Castaño. Exposición intuitiva y problemas resueltos de metodos estadísticos. Ed. del Castillo
- J. Lóbez Urquia, A. Casa Aruta. Estadística intermedia. Ed. Vicens Vives.
- Spiegel. Estadística. Ed. Schwam-McGraw-Hil
- V. Quesada, A. Isidoro, L. A. López. Curso y ejercicios de Estadística. Ed. Alhambra Universidad.



Tutoría

Profesor: Enrique Mérida Casermeiro

Horario: Enrique Mérida Casermeiro

Lunes:12:30-14:30Martes:12:30-13:30Miércoles:08:30-11:30

Despacho: 2-2-10 **Tf: 952 132877**

email: merida@ctima.uma.es



Tutoría

Profesor: Antonio Barrera García

Horario: Antonio Barrera García

Martes:	9:30-10:30
	12:30-14:30
Jueves:	11:30-12:30
Viernes:	9:30-11:30

Despacho: 2-2-22 **Tf: 952 132768**

email: antonio.barrera@uma.es



Tutoría

Profesor: María Ángeles Molina Augustín

Horario: María Ángeles Molina Augustín

Lunes:	09:45-10:45
Lunes:	12:30-13:30
Jueves:	16:30-17:30
Viernes:	9:45-12:45

Despacho: 2-2-18 **Tf: 952 132765**

email: m.angeles.molina@uma.es

