Project2 最短路径

1.概览

Dijkstra(迪杰斯特拉)算法是典型的单源最短路径算法,用于计算一个节点到其他所有节点的最短路径。主要特点是以起始点为中心向外层层扩展,直到扩展到终点为止。

2.算法描述

1)算法思想:设G=(V,E)是一个带权有向图,把图中顶点集合V分成两组,第一组为已求出最短路径的顶点集合(用S表示,初始时S中只有一个源点,以后每求得一条最短路径,就将加入到集合S中,直到全部顶点都加入到S中,算法就结束了),第二组为其余未确定最短路径的顶点集合(用U表示),按最短路径长度的递增次序依次把第二组的顶点加入S中。在加入的过程中,总保持从源点v到S中各顶点的最短路径长度不大于从源点v到U中任何顶点的最短路径长度。此外,每个顶点对应一个距离,S中的顶点的距离就是从v到此顶点的最短路径长度,U中的顶点的距离,是从v到此顶点只包括S中的顶点为中间顶点的当前最短路径长度。

- (1) 初始时,S只包含起点s;U包含除s外的其他顶点,且U中顶点的距离为"起点s到该顶点的距离"[例如,U中顶点v的距离为(s,v)的长度,然后s和v不相邻,则v的距离为∞]。
- (2) 从U中选出"距离最短的顶点k",并将顶点k加入到S中;同时,从U中移除顶点k。
- (3) 更新U中各个顶点到起点s的距离。之所以更新U中顶点的距离,是由于上一步中确定了k是求出最短路径的顶点,从而可以利用k来更新其它顶点的距离;例如,(s,v)的距离可能大于(s,k)+(k,v)的距离。
- (4) 重复步骤(2)和(3), 直到遍历完所有顶点。

3.问题描述

给定图G,在input.txt中给出图的描述,第一行有两个数字,第一个数字表示节点数目n,节点标号从0到n-1,第二个表示边的数目e,接下来有e行,每行有三个数字u,v,w,表示边u->v的权值为w。

- (1) 给出第1个点到第n个点的最短路径,给出最短路径的大小和路径,输出到output.txt中。 output.txt最开始有两行,第一行表示最短路径的长度,第二行表示路径的个数(可能不止一条最短路 径),接下来每一行都表示一条最短路径(0,n0...,n-1)
- (2) 对于加权有向图G,如果从顶点s到顶点t的一条路径上所有边的权重是严格单调递增或递减的,那么这条路径称为单调路径,路径中不能出现重复顶点。单调最短路径是单调路径中最短的那条路径。给出从顶点0到顶点n-1的单调最短路径。第一行表示路径的长度,第二行表示路径的个数(可能不止一条),接下来每一行都表示一条单调最短路径(0,n0...,n-1)

4.提交材料

- (1)源代码
- (2)输出文件output.txt

将相关文件使用 zip 格式打包压缩后,重命名为"学号-姓名.zip"提交。

[注]:提供的模板定义了所需实现的行为,通过makefile来测试(input.txt仅为其中一组测试使用, 我们会使用不同的测试用例来对程序进行测试)