

# Estrutura de Dados

Prof. Orlando Saraiva Júnior orlando.saraiva@unesp.br



"A program is like a poem:
you cannot write a poem
without writing it."

E. W. Dijkstra

# Estrutura de Dados

#### Objetivo da aula



#### Conhecer Árvores

- Árvores
- Árvores binárias

#### Árvores



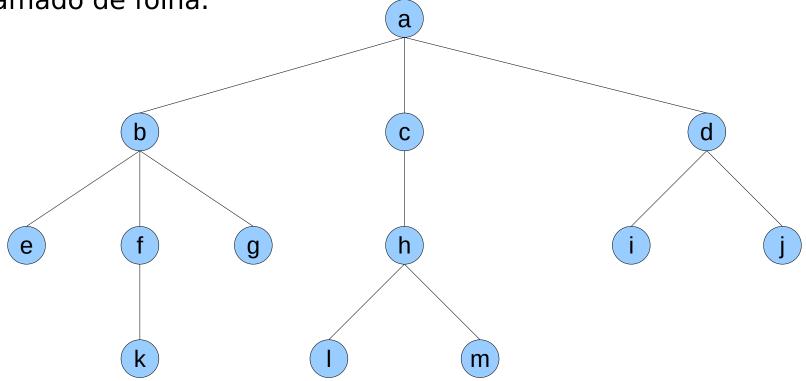
Uma **árvore** é uma coleção finita de n>=0 nodos. Se n=0, dizemos que a árvore é nula. Caso contrário, a árvore apresenta as seguintes características:

- → existe um nodo especial chamado raiz;
- $\rightarrow$  os demais são particionais em  $T_1$ ,  $T_2$ ,...,  $T_k$  estruturas disjuntas de árvores;
- $\rightarrow$  As estruturas  $T_1$ ,  $T_2$ ,...,  $T_k$  denominam-se subárvores.

### Árvores



O número de subárvores de um nodo denomina-se **grau.** Um nodo que possui grau 0, ou seja, não possui sub-árvores é chamado de folha.



#### Árvores



#### Na figura anterior:

- O nó a possui grau 3.
- O nó d possui grau 2.
- São folhas os nós e, k, g, l, m, i e j.

As raízes das subárvores de um nodo denominam-se **filhos** do nó, que é o **pai** delas.

Os filhos do nó b são: e,f e g.

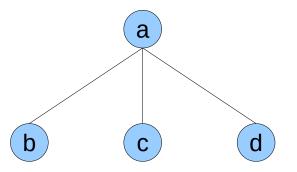
O nó h é pai de l e m.

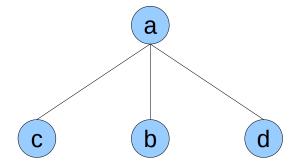
Por definição, dizemos que a raiz de uma árvore encontra-se no nível 1. A altura de uma árvore é definida como sendo máximo de níveis. Na figura anterior, a altura da árvore é 4.

### Árvores Odenadas



Uma árvore é ordenada quando a ordem das subárvores é importante.





### Árvore Binária



Uma árvore binária é uma árvore que pode ser nula, ou então tem as seguintes características:

- Existe um nodo especial, chamado raiz;
- Os demais nodos são particionais em  $T_1$ ,  $T_2$  estruturas disjuntas de árvores binárias.
- $T_1$  é denominada **árvore esquerda** e  $T_2$ , **árvore direita** da raiz.
- A árvore binária é um caso especial de árvore em que nenhum nodo tem grau superior a 2, isto é, nenhum nó tem mais de dois filhos.

Logo, árvore binária é uma árvore ordenada de grau 2.

#### Formas de Percorrer



Em algumas aplicações, é necessário percorrer uma árvore de forma sistemática, visitando cada nó da árvore uma única vez, em determinada ordem.

Veremos as seguintes formas:

- Pré-ordem.
- In-ordem ou ordem simétrica.
- Pós-ordem.

#### Pré-Ordem



Para percorrer uma árvore binária em pré-ordem:

- 1) Viste a raiz.
- 2) Percorra a sua subárvore esquerda em pré-ordem.
- 3) Percorra a sua subárvore direita em pré-ordem.

Visitar um nó significa executar uma certa ação no nó.

#### In-Ordem



Percorrer uma árvore binária em in-ordem:

- 1) Percorrer a sua subárvore esquerda em in-ordem.
- 2) Vistar a raiz.
- 3) Percorrer a sua subárvore direita em in-ordem.

A in-ordem visita a raiz entre as ações de percorrer as duas subárvores. É conhecida também pelo nome de ordem simétrica.

#### Pós-Ordem



Percorrer uma árvore binária em pós-ordem:

- 1) Percorrer a sua subárvore esquerda em pós-ordem.
- 2) Percorrer a sua subárvore direita em pós-ordem.
- 3) Vistar a raiz.



## Dúvidas

Prof. Orlando Saraiva Júnior orlando.saraiva@unesp.br

#### Desafio



1) Ajuste o programa arvore\_binaria.cpp, para a seguinte estrutura:

```
struct Node {
    string nome;
    int idade;
    Node* left;
    Node* right;
};
```

- 2) Adapte a função **search** para realizar a busca por idade e crie a função **search2** para realizar a busca por nome.
- 3) Adaptar o código para que percorra in-ordem, pré-ordem e pós-ordem pelo campo idade.