Calcul littéral et statistiques

8 février 2015

1 Polynômes

set P = Polynom.random(["a", "b", "c"]) Résoudre l'équation suivante

$$P = 0$$

Solution:

On commence par calculer le discriminant set Delta = Expression(" $b^2 - 4*$ a * c". format(a = P.coef[2], b = P.coef[1], c = P.coef[0]))toDelta.simplify()|calculus(name = "Delta")set Delta = Delta.simplified()

if Delta ; 0 Alors $\Delta = Delta > 0$ donc il y a deux solutions

set x1 = $(-P._coef[1] - sqrt(Delta))/(2*P._coef[2])setx2 = (-P._coef[1] + sqrt(Delta))/(2*P._coef[2])to$ $x_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-P._coef[1] - \sqrt{Delta}}{2 \times P._coef[2]} = x1|round(2)$ $x_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-P._coef[1] + \sqrt{Delta}}{2 \times P._coef[2]} = x2|round(2)$ elif Delta == 0 Alors Δ = Delta = 0 donc il y a une solution

$$\mathbf{x}_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-P \cdot coef[1] - \sqrt{Delta}}{2 \times P \cdot coef[2]} = x1|round(2)$$

else Alors $\Delta = Delta < 0$ donc il n'y a pas de solution. endif

......

 $set\ P = Polynom.random(["a",\ "b",\ "c"])\ set\ Q = Polynom.random(["a",\ "b",\ "c"])$ "b", "c"]) Résoudre l'équation suivante

$$P = Q$$

Solution:

On commence par se ramener à une équation de la forme $ax^2 + bx + c = 0$.

$$P = Q \Leftrightarrow P - (Q) = 0$$

$$(P - Q)|calculus(name = "", sep = "$$

$$Leftrightarrow", end = " = 0")$$

set R = (P-Q)[-1] On cherche maintenant à résoudre l'équation R = 0.

On commence par calculer le discriminant set Delta = Expression(" $b^2 - 4*$ a * c". format(a = R.coef[2], b = R.coef[1], c = R.coef[0]))to $\Delta = b^2 - 4ac$ Delta.simplify()|calculus(name = "Delta")set Delta = Delta.simplified() Alors $\Delta = Delta$