

Teoria Sygnałów w zadaniach



$$f(t) = A \cdot \Pi\left(\frac{t}{2 \cdot t_0}\right) \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{t_0} \cdot t\right)$$

$$F(j\omega) = A \cdot t_0 \cdot [\text{Sa}(\omega \cdot t_0 + 2\pi) - \text{Sa}(\omega \cdot t_0 - 2\pi)]$$

Tomasz Grajek, Krzysztof Wegner

15 kwietnia 2020

POLITECHNIKA POZNAŃSKA
Wydział Informatyki i Telekomunikacji
Instytut Telekomunikacji Multimedialnej

pl. M. Skłodowskiej-Curie 5
60-965 Poznań

www.et.put.poznan.pl
www.multimedia.edu.pl

Copyright © Krzysztof Wegner, 2019

Wszelkie prawa zastrzeżone

ISBN 978-83-939620-1-3

Wydrukowano w Polsce

Rozdział 1

Podstawowe własności sygnałów

1.1 Podstawowe parametry i miary sygnałów ciągłych

1.1.1 Wartość średnia

1.1.2 Energia sygnału

1.1.3 Moc i wartość skuteczna sygnału

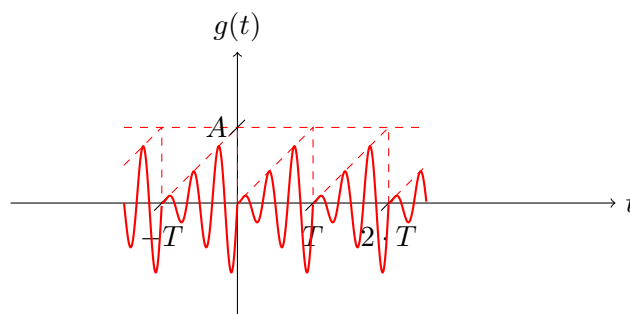
Rozdział 2

Analiza sygnałów okresowych za pomocą szeregów ortogonalnych

2.1 Trygonometryczny szereg Fouriera

2.2 Zespolony szeregu Fouriera

Zadanie 1. Wyznacz współczynniki zespolonego szeregu Fouriera dla okresowego sygnału $g(t)$ przedstawionego na rysunku. Wykorzystaj własności szeregu Fouriera oraz współczynniki zespolonego szeregu Fouriera wyznaczone w zadaniu ??



W pierwszej kolejności należy opisać sygnał za pomocą wzoru.

$$f(x) = \begin{cases} A \cdot \sin\left(\frac{12\pi}{T} \cdot t\right) & t \in \left(0 + k \cdot T; \frac{T}{2} + k \cdot T\right) \\ 0 & t \in \left(\frac{T}{2} + k \cdot T; T + k \cdot T\right) \end{cases} \wedge k \in \mathbb{Z} \quad (2.1)$$

Można zauważyć iż sygnał $g(t)$ jest z modulowaną wersją sygnału $f(t)$ z zadania ??

$$\begin{aligned} g(t) &= f(t) \cdot \sin\left(\frac{12\pi}{T} \cdot t\right) \\ &= \left\{ \sin(x) = \frac{e^{j \cdot x} - e^{-j \cdot x}}{2 \cdot j} \right\} = \\ &= f(t) \cdot \frac{e^{j \cdot \frac{12\pi}{T} \cdot t} - e^{-j \cdot \frac{12\pi}{T} \cdot t}}{2 \cdot j} \end{aligned}$$

$$= \frac{1}{2 \cdot j} \left(f(t) \cdot e^{j \cdot \frac{12\pi}{T} \cdot t} - f(t) \cdot e^{-j \cdot \frac{12\pi}{T} \cdot t} \right)$$

Współczynniki zespolonego szeregu Fouriera F_k dla sygnału $f(t)$ wyznaczone w zadaniu ?? wynoszą:

$$F_0 = \frac{A}{2}$$

$$F_k = j \cdot \frac{A}{k \cdot 2\pi} \cdot \left((-1)^k - 1 \right)$$

Korzystając z twierdzenia o modulacji można wyznaczyć współczynniki G_k na podstawie współczynników F_k sygnału $f(t)$ jako:

$$g^1(t) = f(t) \cdot e^{j \cdot \frac{2\pi}{T} \cdot k_0 \cdot t}$$

$$G_k^1 = F_{k-k_0}$$

W przypadku analizowanego sygnału twierdzenie o modulacji należy zastosować dwa razy

$$g(t) = \frac{1}{2 \cdot j} f(t) \cdot e^{j \cdot \frac{2\pi}{T} \cdot k_0^1 \cdot t} - \frac{1}{2 \cdot j} f(t) \cdot e^{j \cdot \frac{2\pi}{T} \cdot k_0^2 \cdot t}$$

$$g(t) = g^1(t) - g^2(t)$$

$$G_k = G_k^1 - G_k^2$$

$$G_k = \frac{1}{2 \cdot j} \left(F_{k-k_0^1} - F_{k-k_0^2} \right)$$

W obu przypadkach funkcja $f(t)$ mnożona jest przez czynnik $e^{j \cdot \frac{12\pi}{T} \cdot t}$ (z uwzględnieniem zmiany znaku). Z tego czynnika można wydzielić wartość k_0^1 i k_0^2 .

$$e^{j \cdot \frac{12\pi}{T} \cdot t} = e^{j \cdot \frac{2 \cdot \text{cdot} 6\pi}{T} \cdot t}$$

$$= e^{j \cdot \frac{2\pi}{T} \cdot 6 \cdot t} \Rightarrow k_0^1 = 6$$

$$e^{-j \cdot \frac{12\pi}{T} \cdot t} = e^{-j \cdot \frac{2 \cdot \text{cdot} 6\pi}{T} \cdot t}$$

$$= e^{-j \cdot \frac{2\pi}{T} \cdot 6 \cdot t}$$

$$= e^{j \cdot \frac{2\pi}{T} \cdot (-6) \cdot t} \Rightarrow k_0^2 = -6$$

Wstawiając wartości współczynników F_k otrzymujemy

$$G_k = \frac{1}{2 \cdot j} \left(F_{k-k_0^1} - F_{k-k_0^2} \right) =$$

$$\begin{aligned}
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(j \cdot \frac{A}{(k - k_0^1) \cdot 2\pi} \cdot ((-1)^{k-k_0^1} - 1) - j \cdot \frac{A}{(k - k_0^2) \cdot 2\pi} \cdot ((-1)^{k-k_0^2} - 1) \right) = \\
&= \left\{ k_0^1 = 6 \quad k_0^2 = -6 \right\} = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(j \cdot \frac{A}{(k - 6) \cdot 2\pi} \cdot ((-1)^{k-6} - 1) - j \cdot \frac{A}{(k - (-6)) \cdot 2\pi} \cdot ((-1)^{k-(-6)} - 1) \right) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(j \cdot \frac{A}{(k - 6) \cdot 2\pi} \cdot ((-1)^{k-6} - 1) - j \cdot \frac{A}{(k + 6) \cdot 2\pi} \cdot ((-1)^{k+6} - 1) \right) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(j \cdot \frac{A}{(k - 6) \cdot 2\pi} \cdot ((-1)^k \cdot (-1)^{-6} - 1) - j \cdot \frac{A}{(k + 6) \cdot 2\pi} \cdot ((-1)^k \cdot (-1)^6 - 1) \right) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(j \cdot \frac{A}{(k - 6) \cdot 2\pi} \cdot ((-1)^k \cdot 1 - 1) - j \cdot \frac{A}{(k + 6) \cdot 2\pi} \cdot ((-1)^k \cdot 1 - 1) \right) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(j \cdot \frac{A}{(k - 6) \cdot 2\pi} \cdot ((-1)^k - 1) - j \cdot \frac{A}{(k + 6) \cdot 2\pi} \cdot ((-1)^k - 1) \right) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(j \cdot \frac{A}{(k - 6) \cdot 2\pi} - j \cdot \frac{A}{(k + 6) \cdot 2\pi} \right) \cdot ((-1)^k - 1) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \cdot j \cdot \frac{A}{2\pi} \left(\frac{1}{k - 6} - \frac{1}{k + 6} \right) \cdot ((-1)^k - 1) = \\
&= \frac{A}{4\pi} \left(\frac{k + 6}{(k - 6) \cdot (k + 6)} - \frac{k - 6}{(k - 6) \cdot (k + 6)} \right) \cdot ((-1)^k - 1) = \\
&= \frac{A}{4\pi} \left(\frac{k + 6 - k + 6}{(k - 6) \cdot (k + 6)} \right) \cdot ((-1)^k - 1) = \\
&= \frac{A}{4\pi} \left(\frac{12}{k^2 - 36} \right) \cdot ((-1)^k - 1) = \\
&= \frac{A}{\pi} \left(\frac{3}{k^2 - 36} \right) \cdot ((-1)^k - 1) = \\
&= \frac{3 \cdot A}{\pi \cdot (k^2 - 36)} \cdot ((-1)^k - 1)
\end{aligned}$$

A więc współczynniki G_k dla sygnału $g(t)$ są równe $\frac{3 \cdot A}{\pi \cdot (k^2 - 36)} \cdot ((-1)^k - 1)$, dla $k \neq 6 \wedge k \neq -6$. Oznacza to iż współczynnik dla $k = 6$ i $k = -6$ musimy wyznaczyć jeszcze raz analizując dokładnie co podstawiamy. Zaczniemy od wyznaczenia G_6

$$\begin{aligned}
G_6 &= \frac{1}{2 \cdot j} (F_{6-k_0^1} - F_{6-k_0^2}) = \\
&= \left\{ k_0^1 = 6 \quad k_0^2 = -6 \right\} = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} (F_{6-6} - F_{6-(-6)}) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} (F_0 - F_{6+6}) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} (F_0 - F_{12})
\end{aligned}$$

A więc musimy podstawić wartość współczynników F_0 oraz F_{12}

$$\begin{aligned}
G_6 &= \frac{1}{2 \cdot j} (F_0 - F_{12}) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(\frac{A}{2} - j \cdot \frac{A}{12 \cdot 2\pi} \cdot ((-1)^{12} - 1) \right) =
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
&= \frac{1}{2 \cdot j} \cdot \frac{A}{2} - \frac{1}{2 \cdot j} \cdot j \cdot \frac{A}{12 \cdot 2\pi} \cdot ((-1)^{12} - 1) = \\
&= \frac{A}{4 \cdot j} - \frac{A}{12 \cdot 4\pi} \cdot (1 - 1) = \\
&= \frac{A}{4 \cdot j} - \frac{A}{12 \cdot 4\pi} \cdot (0) = \\
&= \frac{A}{4 \cdot j} - \frac{A}{12 \cdot 4\pi} \cdot 0 = \\
&= \frac{A}{4 \cdot j} - 0 = \\
&= \frac{A}{4 \cdot j}
\end{aligned}$$

Podobnie wyznaczmy współczynnik G_{-6}

$$\begin{aligned}
G_{-6} &= \frac{1}{2 \cdot j} (F_{-6-k_0^1} - F_{-6-k_0^2}) = \\
&= \left\{ \begin{matrix} k_0^1 = 6 & k_0^2 = -6 \end{matrix} \right\} = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} (F_{-6-6} - F_{-6-(-6)}) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} (F_{-12} - F_{-6+6}) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} (F_{-12} - F_0)
\end{aligned}$$

A więc musimy podstawić wartość współczynników F_{-12} oraz F_0

$$\begin{aligned}
G_6 &= \frac{1}{2 \cdot j} (F_{-12} - F_0) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(j \cdot \frac{A}{-12 \cdot 2\pi} \cdot ((-1)^{-12} - 1) - \frac{A}{2} \right) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(j \cdot \frac{A}{12 \cdot 2\pi} \cdot (1 - 1) - \frac{A}{2} \right) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(j \cdot \frac{A}{12 \cdot 2\pi} \cdot (0) - \frac{A}{2} \right) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(0 - \frac{A}{2} \right) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(-\frac{A}{2} \right) = \\
&= -\frac{1}{2 \cdot j} \cdot \frac{A}{2} = \\
&= -\frac{A}{4 \cdot j}
\end{aligned}$$

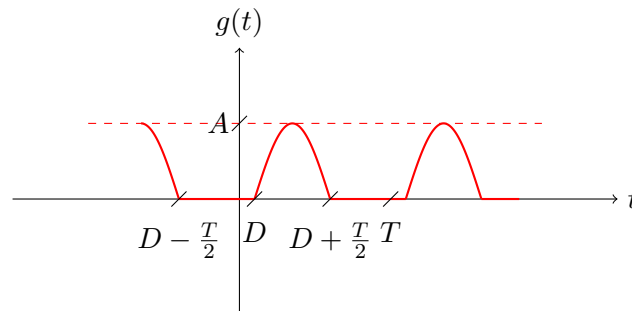
Można także zauważyć iż nie ma konieczności wyznaczania osobno wartości współczynnika dla $k = 0$, ponieważ można go wyznaczyć z ogólnego wzoru na G_k .

Ostatecznie współczynniki zespolonego szeregu Fouriera dla funkcji przedstawionej na rysunku przyjmują wartości.

$$G_{-6} = -\frac{A}{4 \cdot j}$$

$$G_6 = \frac{A}{4 \cdot j}$$
$$G_k = \frac{3 \cdot A}{\pi \cdot (k^2 - 36)} \cdot \left((-1)^k - 1 \right)$$

Zadanie 2. Wyznacz współczynniki zespolonego szeregu Fouriera dla okresowego sygnału $g(t)$ przedstawionego na rysunku. Wykorzystaj własności szeregu Fouriera oraz współczynniki zespolonego szeregu Fouriera wyznaczone w zadaniu ??



W pierwszej kolejności należy opisać sygnał za pomocą wzoru.

$$f(x) = \begin{cases} A \cdot \sin\left(\frac{12\pi}{T} \cdot t\right) & t \in \left(0 + k \cdot T; \frac{T}{2} + k \cdot T\right) \\ 0 & t \in \left(\frac{T}{2} + k \cdot T; T + k \cdot T\right) \end{cases} \wedge k \in \mathbb{C} \quad (2.2)$$

Można zauważyć iż sygnał $g(t)$ jest z modulowaną wersją sygnału $f(t)$ z zadania ??

$$\begin{aligned} g(t) &= f(t) \cdot \sin\left(\frac{12\pi}{T} \cdot t\right) \\ &= \left\{ \sin(x) = \frac{e^{j \cdot x} - e^{-j \cdot x}}{2 \cdot j} \right\} = \\ &= f(t) \cdot \frac{e^{j \cdot \frac{12\pi}{T} \cdot t} - e^{-j \cdot \frac{12\pi}{T} \cdot t}}{2 \cdot j} \\ &= \frac{1}{2 \cdot j} \left(f(t) \cdot e^{j \cdot \frac{12\pi}{T} \cdot t} - f(t) \cdot e^{-j \cdot \frac{12\pi}{T} \cdot t} \right) \end{aligned}$$

Współczynniki zespolonego szeregu Fouriera F_k dla sygnału $f(t)$ wyznaczone w zadaniu ?? wynoszą:

$$\begin{aligned} F_0 &= \frac{A}{2} \\ F_k &= j \cdot \frac{A}{k \cdot 2\pi} \cdot \left((-1)^k - 1 \right) \end{aligned}$$

Korzystając z twierdzenia o modulacji można wyznaczyć współczynniki G_k na podstawie współczynników F_k sygnału $f(t)$ jako:

$$\begin{aligned} g^1(t) &= f(t) \cdot e^{j \cdot \frac{2\pi}{T} \cdot k_0 \cdot t} \\ G_k^1 &= F_{k-k_0} \end{aligned}$$

W przypadku analizowanego sygnału twierdzenie o modulacji należy zastosować dwa razy

$$g(t) = \frac{1}{2 \cdot j} f(t) \cdot e^{j \cdot \frac{2\pi}{T} \cdot k_0^1 \cdot t} - \frac{1}{2 \cdot j} f(t) \cdot e^{j \cdot \frac{2\pi}{T} \cdot k_0^2 \cdot t}$$

$$\begin{aligned}
g(t) &= g^1(t) - g^2(t) \\
G_k &= G_k^1 - G_k^2 \\
G_k &= \frac{1}{2 \cdot j} \left(F_{k-k_0^1} - F_{k-k_0^2} \right)
\end{aligned}$$

W obu przypadkach funkcja $f(t)$ mnożona jest przez czynnik $e^{j \cdot \frac{12\pi}{T} \cdot t}$ (z uwzględnieniem zmiany znaku). Z tego czynnika można wydzielić wartość k_0^1 i k_0^2 .

$$\begin{aligned}
e^{j \cdot \frac{12\pi}{T} \cdot t} &= e^{j \cdot \frac{2 \cdot \text{cdot} 6\pi}{T} \cdot t} \\
&= e^{j \cdot \frac{2\pi}{T} \cdot 6 \cdot t} \Rightarrow k_0^1 = 6
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
e^{-j \cdot \frac{12\pi}{T} \cdot t} &= e^{-j \cdot \frac{2 \cdot \text{cdot} 6\pi}{T} \cdot t} \\
&= e^{-j \cdot \frac{2\pi}{T} \cdot 6 \cdot t} \\
&= e^{j \cdot \frac{2\pi}{T} \cdot (-6) \cdot t} \Rightarrow k_0^2 = -6
\end{aligned}$$

Wstawiając wartości współczynników F_k otrzymujemy

$$\begin{aligned}
G_k &= \frac{1}{2 \cdot j} \left(F_{k-k_0^1} - F_{k-k_0^2} \right) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(j \cdot \frac{A}{(k-k_0^1) \cdot 2\pi} \cdot \left((-1)^{k-k_0^1} - 1 \right) - j \cdot \frac{A}{(k-k_0^2) \cdot 2\pi} \cdot \left((-1)^{k-k_0^2} - 1 \right) \right) = \\
&= \left\{ \begin{array}{l} k_0^1 = 6 \\ k_0^2 = -6 \end{array} \right\} = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(j \cdot \frac{A}{(k-6) \cdot 2\pi} \cdot \left((-1)^{k-6} - 1 \right) - j \cdot \frac{A}{(k-(-6)) \cdot 2\pi} \cdot \left((-1)^{k-(-6)} - 1 \right) \right) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(j \cdot \frac{A}{(k-6) \cdot 2\pi} \cdot \left((-1)^{k-6} - 1 \right) - j \cdot \frac{A}{(k+6) \cdot 2\pi} \cdot \left((-1)^{k+6} - 1 \right) \right) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(j \cdot \frac{A}{(k-6) \cdot 2\pi} \cdot \left((-1)^k \cdot (-1)^{-6} - 1 \right) - j \cdot \frac{A}{(k+6) \cdot 2\pi} \cdot \left((-1)^k \cdot (-1)^6 - 1 \right) \right) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(j \cdot \frac{A}{(k-6) \cdot 2\pi} \cdot \left((-1)^k \cdot 1 - 1 \right) - j \cdot \frac{A}{(k+6) \cdot 2\pi} \cdot \left((-1)^k \cdot 1 - 1 \right) \right) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(j \cdot \frac{A}{(k-6) \cdot 2\pi} \cdot \left((-1)^k - 1 \right) - j \cdot \frac{A}{(k+6) \cdot 2\pi} \cdot \left((-1)^k - 1 \right) \right) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(j \cdot \frac{A}{(k-6) \cdot 2\pi} - j \cdot \frac{A}{(k+6) \cdot 2\pi} \right) \cdot \left((-1)^k - 1 \right) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \cdot j \cdot \frac{A}{2\pi} \left(\frac{1}{k-6} - \frac{1}{k+6} \right) \cdot \left((-1)^k - 1 \right) = \\
&= \frac{A}{4\pi} \left(\frac{k+6}{(k-6) \cdot (k+6)} - \frac{k-6}{(k-6) \cdot (k+6)} \right) \cdot \left((-1)^k - 1 \right) = \\
&= \frac{A}{4\pi} \left(\frac{k+6-k+6}{(k-6) \cdot (k+6)} \right) \cdot \left((-1)^k - 1 \right) =
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
&= \frac{A}{4\pi} \left(\frac{12}{k^2 - 36} \right) \cdot ((-1)^k - 1) = \\
&= \frac{A}{\pi} \left(\frac{3}{k^2 - 36} \right) \cdot ((-1)^k - 1) = \\
&= \frac{3 \cdot A}{\pi \cdot (k^2 - 36)} \cdot ((-1)^k - 1)
\end{aligned}$$

A więc współczynniki G_k dla sygnału $g(t)$ są równe $\frac{3 \cdot A}{\pi \cdot (k^2 - 36)} \cdot ((-1)^k - 1)$, dla $k \neq 6 \wedge k \neq -6$. Oznacza to iż współczynnik dla $k = 6$ i $k = -6$ musimy wyznaczyć jeszcze raz analizując dokładnie co podstawiamy. Zaczniemy od wyznaczenia G_6

$$\begin{aligned}
G_6 &= \frac{1}{2 \cdot j} (F_{6-k_0^1} - F_{6-k_0^2}) = \\
&= \left\{ k_0^1 = 6 \quad k_0^2 = -6 \right\} = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} (F_{6-6} - F_{6-(-6)}) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} (F_0 - F_{6+6}) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} (F_0 - F_{12})
\end{aligned}$$

A więc musimy podstawić wartość współczynników F_0 oraz F_{12}

$$\begin{aligned}
G_6 &= \frac{1}{2 \cdot j} (F_0 - F_{12}) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(\frac{A}{2} - j \cdot \frac{A}{12 \cdot 2\pi} \cdot ((-1)^{12} - 1) \right) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \cdot \frac{A}{2} - \frac{1}{2 \cdot j} \cdot j \cdot \frac{A}{12 \cdot 2\pi} \cdot ((-1)^{12} - 1) = \\
&= \frac{A}{4 \cdot j} - \frac{A}{12 \cdot 4\pi} \cdot (1 - 1) = \\
&= \frac{A}{4 \cdot j} - \frac{A}{12 \cdot 4\pi} \cdot (0) = \\
&= \frac{A}{4 \cdot j} - \frac{A}{12 \cdot 4\pi} \cdot 0 = \\
&= \frac{A}{4 \cdot j} - 0 = \\
&= \frac{A}{4 \cdot j}
\end{aligned}$$

Podobnie wyznaczymy współczynnik G_{-6}

$$\begin{aligned}
G_{-6} &= \frac{1}{2 \cdot j} (F_{-6-k_0^1} - F_{-6-k_0^2}) = \\
&= \left\{ k_0^1 = 6 \quad k_0^2 = -6 \right\} = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} (F_{-6-6} - F_{-6-(-6)}) =
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
&= \frac{1}{2 \cdot j} (F_{-12} - F_{-6+6}) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} (F_{-12} - F_0)
\end{aligned}$$

A więc musimy podstawić wartość współczynników F_{-12} oraz F_0

$$\begin{aligned}
G_6 &= \frac{1}{2 \cdot j} (F_{-12} - F_0) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(j \cdot \frac{A}{-12 \cdot 2\pi} \cdot ((-1)^{-12} - 1) - \frac{A}{2} \right) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(j \cdot \frac{A}{12 \cdot 2\pi} \cdot (1 - 1) - \frac{A}{2} \right) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(j \cdot \frac{A}{12 \cdot 2\pi} \cdot (0) - \frac{A}{2} \right) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(0 - \frac{A}{2} \right) = \\
&= \frac{1}{2 \cdot j} \left(-\frac{A}{2} \right) = \\
&= -\frac{1}{2 \cdot j} \cdot \frac{A}{2} = \\
&= -\frac{A}{4 \cdot j}
\end{aligned}$$

Można także zauważyć iż nie ma konieczności wyznaczania osobno wartości współczynnika dla $k = 0$, ponieważ można go wyznaczyć z ogólnego wzoru na G_k .

Ostatecznie współczynniki zespolonego szeregu Fouriera dla funkcji przedstawionej na rysunku przyjmują wartości.

$$\begin{aligned}
G_{-6} &= -\frac{A}{4 \cdot j} \\
G_6 &= \frac{A}{4 \cdot j} \\
G_k &= \frac{3 \cdot A}{\pi \cdot (k^2 - 36)} \cdot ((-1)^k - 1)
\end{aligned}$$

2.3 Obliczenia mocy sygnałów - twierdzenie Parsewala

Rozdział 3

Analiza sygnałów nieokresowych. Przekształcenie całkowe Fouriera

- 3.1 Wyznaczanie transformaty Fouriera z definicji
- 3.2 Wykorzystanie twierdzeń do obliczeń transformaty Fouriera
- 3.3 Obliczenia energii sygnału za pomocą transformaty Fouriera.
Twierdzenie Parsevala

Rozdział 4

Transmisja sygnałów przez układy liniowe o stałych parametrach (LTI)

4.1 Obliczanie splotu ze wzoru

4.2 Filtry

© 2020

Wszelkie prawa zastrzeżone.

ISBN 978-83-939620-1-3

