

*Rapport du TP OPTIMISATION Pt.2:*  
*Methodes Heuristiques*

*BACHI Yasmine (CdE)*      SAADI Fatma Zohra Khaoula  
NOUALI Sarah      MOUSSAOUI Meroua  
MIHOUBI Lamia Zohra

4 mai 2020

# 1 Introduction

Les heuristiques sont des méthodes spécifiques au problème, qui fournissent des solutions approchées, qui s'imposent car les algorithmes de résolution exactes sont de complexité exponentielle, et échouent à trouver la solution pour des instances de tailles moyennes voir petites comme on la constater lors du chapitre précédant . L'usage des heuristiques est donc pertinent pour surmonter ces limites, ces dernières sont utilisées pour calculer une solution approchée du problème, mais leur force réelle apparaît lorsqu'on les utilise pour initialiser d'autres méthodes plus génériques. ”.

Dans ce chapitre, nous allons présenter la conception détaillée des heuristiques sur lesquelles notre choix d'implémentation s'est porté et qui sont :

1. Next Fit (NF)
2. Next Fit Decreasing (NFD)
3. First Fit (FF)
4. First Fit Decreasing (FFD)
5. Best Fit (BF)
6. Best Fit Decreasing (BFD)

Dans le but d'explorer ces méthodes, comparer leurs performances, montrer leurs avantages et découvrir leurs limites , nous effectuerons des tests empiriques et comparatifs sur les mêmes benchmarks utilisés pour les tests des méthodes exactes.

## 2 Next Fit (NF)

### 2.1 principe

Si l'article tient dans la même boîte que l'article précédent, il est placé avec ce dernier. Sinon, on ouvre une nouvelle boîte et le mettre là-dedans.

- NF est un algorithme simple d'une complexité de  $O(n)$ .
- NF utilise au maximum  $2M$  boîtes, en posant  $M$  le nombre de boîtes optimal.

### 2.2 Pseudo-Code

---

**Algorithm 1** : Next Fit

---

```
for Tous les articles  $i = 1, 2, \dots, n$  do  
  if l'article  $i$  s'inscrit dans la boîte actuelle then  
    Ranger l'article  $i$  dans la boîte actuelle  
  else  
    Créer une nouvelle boîte, en faire la boîte actuelle et ranger l'article  $i$   
    dedans.  
  end if  
end for
```

---

## 3 Next Fit Decreasing (NFD)

### 3.1 principe

Le NFD est une amélioration de l'algorithme Next-Fit. Cet algorithme ordonne les poids dans le sens décroissant puis applique l'algorithme NF.

### 3.2 Pseudo-Code

---

**Algorithm 2** : Next Fit Decreasing

---

```
Triez les objets par ordre décroissant  
Appliquer Next-Fit à la liste triée d'objets
```

---

## 4 First Fit (FF)

### 4.1 principe

Ranger chaque article courant dans la première boîte, entre celles déjà ouvertes, qui peut le contenir sinon ouvrir une nouvelle boîte et on le range dedans.

- FF utilise au plus  $1.7M$  boîtes,  $M$  étant le nombre de boîtes optimal.
- FF est meilleur que NF en termes de limite supérieure sur le nombre de boîtes, ceci est due au nombre de boîtes ouvertes simultanément qui est plus large dans First Fit.

### 4.2 Pseudo-Code

---

**Algorithm 3 : First Fit**

---

```
for Tous les articles  $i = 1, 2, \dots, n$  do
  for Tous les boîtes  $j = 1, 2, \dots, m$  do
    if l'article  $i$  s'inscrit dans la boîte  $j$  then
      Ranger l'article  $i$  dans la boîte  $j$ 
      Quitter la boucle ( passer à l'article suivant)
    end if
  end for
  if l'article  $i$  ne rentre dans aucune boîte disponible then
    Créer une nouvelle boîte et ranger l'article  $i$  dedans
  end if
end for
```

---

## 5 First Fit Decreasing (FFD)

### 5.1 principe

Le FFD est une amélioration de l'algorithme First-Fit . Cet algorithme ordonne les poids dans le sens décroissant puis lui applique l'algorithme FF.

- L'algorithme First Fit peut être implémenté en  $O(n \log n)$  en utilisant les arbres de recherche binaires

### 5.2 Pseudo-Code

---

**Algorithm 4 : First Fit Decreasing**

---

Triez les objets par ordre décroissant  
Appliquer First-Fit à la liste triée d'objets

---

## 6 Best Fit (BF)

### 6.1 principe

Ranger chaque article courant dans la boîte la mieux remplie, entre celles déjà ouvertes, qui peut le contenir sinon ouvrir une nouvelle boîte et on le range dedans.

- L'algorithme Best Fit peut être implémenté en  $O(n \log n)$  en utilisant les arbres de recherche binaires
- BF utilise au plus  $1.7M$  boîtes,  $M$  étant le nombre de boîtes optimal.
- BF est équivalent à l'algorithme FF et meilleur que NF en termes de limite supérieure sur le nombre de boîtes.

### 6.2 Pseudo-Code

---

**Algorithm 5 : Best Fit**

---

```
for Tous les articles  $i = 1, 2, \dots, n$  do
  for Tous les boîtes  $j = 1, 2, \dots, m$  do
    if l'article  $i$  s'inscrit dans la boîte  $j$  then
      Calculer la capacité restante dans la boîte  $j$  une fois l'article
    end if
  end for
  Ranger l'article  $i$  dans la boîte  $j$ , où  $j$  est la boîte ayant la capacité
  restante minimale après avoir ajouté l'article (c'est-à-dire que "l'article
  convient le mieux").
  if une telle boîte n'existe pas ( l'article ne peut être rangé dans aucune
  boîte) then
    Créer une nouvelle boîte et ranger l'article  $i$  dedans
  end if
end for
```

---

## 7 Best Fit Decreasing (BFD)

### 7.1 principe

Le BFD est une amélioration de l'algorithme Best-Fit . Cet algorithme ordonne les poids dans le sens décroissant puis lui applique l'algorithme BF.

### 7.2 Pseudo-Code

---

**Algorithm 6** : Best Fit Decreasing

---

    Triez les objets par ordre décroissant

    Appliquer Best-Fit à la liste triée d'objets

---

## 8 Résultats des tests