





# 稳恒磁场的教学要求

- 1.熟练掌握磁感应强度和磁通量的定义和计算: 掌握稳恒磁场的高斯定理; 毕奥一沙伐尔一拉普拉 斯定理:安培环路定律及其应用。
- 2.掌握磁场对运动电荷的作用(洛仑兹力);磁场对载 流导线的作用(安培定律); 磁场对载流线圈的作用 磁力矩:掌握磁力的功。
- 3.掌握物质的磁化;  $\vec{B}$ ,  $\vec{H}$ ,  $\vec{M}$  三矢量之间的关系。



# 一、基本概念:

1. 磁感应强度 $\vec{B}$ (描述磁场强弱及方向的物理量)

$$B = egin{cases} F_{max}/qv & ext{方向: } ec{F}_{max} imes ec{v} \ M_{max}/P_m & ext{方向: 稳定时磁矩的指向} \end{cases}$$

2. 磁通量的定义(描述通过某一面磁场强弱的物理量)

$$\Phi_m = \iint_S \vec{B} \cdot d\vec{S}$$



3. 安培力(磁场对载流导线的作用力)

$$\vec{F} = \int Id\vec{l} \times \vec{B}$$

4. 洛仑兹力(磁场对运动电荷的作用力)

$$\vec{f} = q\vec{v} \times \vec{B}$$

5. 磁力矩( 匀强磁场 对载流线圈的作用力矩)

$$\vec{M} = \vec{P}_m \times \vec{B}$$

6. 载流导线、线圈在磁场运动时磁力对其作功

$$A = \int Id\varphi = I(\phi_{m2} - \phi_{m1})$$



# 7. 磁化强度(描述磁介质磁化强弱及方向的物理量)

$$\begin{cases} \text{顺磁质: } \vec{M} = \frac{\sum \vec{P}_m}{\Delta V} \\ \text{抗磁质: } \vec{M} = \frac{\sum \Delta \vec{P}_m}{\Delta V} \end{cases}$$

8. 磁化面电流强度、磁化面电流密度

$$\vec{j}_s = \vec{M} \times \vec{n}$$
  $\oint_L \vec{M} \cdot d\vec{l} = \sum I_s$ 

9. 磁场强度、磁化强度、磁感应强度之间的关系

$$\vec{M} = \chi_m \vec{H}$$
  $\mu_r = 1 + \chi_m$   $\vec{B} = \mu \vec{H}$   $\mu = \mu_0 \mu_r$ 



# 二、基本定理和定律:

1. 高斯定理:
$$\oint_{s} \vec{B} \cdot d\vec{S} = 0$$
 安培定理: $\oint_{L} \vec{H} \cdot d\vec{l} = \sum_{i} I_{i}$ 

说明稳恒磁场是无源有旋场(即: 非保守力场)。

2. 毕-萨定律: 
$$d\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{Id\vec{l} \times \vec{r}}{r^3}$$
 运动电荷的磁场:  $\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{q\vec{v} \times \vec{r}}{r^3}$ 



# 三、基本运算:

- 1. 磁感应强度B的计算:
- 2. 磁感应强度 $\overline{B}$ 通量的计算:
- 3. 载流导线、线圈、运动电荷在磁场中受到的作用:

$$d\vec{F} = Id\vec{l} \times \vec{B}$$

$$\vec{M} = \vec{P}_m \times \vec{B} \qquad \qquad \vec{f} = q\vec{v} \times \vec{B}$$

$$\vec{f} = q\vec{v} \times \vec{B}$$

- 4. 载流导线、线圈在磁场运动时磁力对其作功:  $A = \int$
- 5. 其它物理量的计算



稳 恒 磁 场

$$ec{B}$$

磁感应强度 
$$\vec{B}$$
 
$$\begin{cases} d\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{Id\vec{l} \times \vec{r}}{r^3} \\ \vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{q\vec{v} \times \vec{r}}{r^3} \end{cases}$$

$$\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{q\vec{v} \times \vec{r}}{r^3}$$

场的性质

-无源场 
$$\iint_{s} \vec{B} \cdot d\vec{s} = 0$$

有旋场 
$$\oint_{I} \vec{H} \cdot d\vec{l} = \sum_{i} I_{i}$$

场与物质 的作用

$$\vec{M} = \lim \frac{\sum \Delta \vec{P}_m}{\Delta V}$$

$$\vec{f} = q\vec{v} \times \vec{B} \qquad A = 0$$

$$A = 0$$

$$\begin{cases}
d\vec{F} = Id\vec{l} \times \vec{B} \\
\vec{M} = \vec{P}_m \times \vec{B}
\end{cases} A = \iint_S Id\phi_m$$



# 磁感应强度 $\bar{B}$ 的计算

1. 公式 
$$\begin{cases} B = \frac{\mu_0 I}{4\pi a} (\cos \theta_1 - \cos \theta_2) \\ B = \frac{\mu_0 R^2 I}{2(R^2 + x^2)^{3/2}} \end{cases}$$

2. 各种形状导线: 利用上述公式计算

 $\vec{B} \rightarrow \langle$ 

3. 连续分布的载流导体

场无对称性 
$$ar{B} = \int dar{B}$$
 运载电流  $egin{aligned} dI = rac{dq}{T} \ ar{B} = \int dar{B} \end{aligned}$ 

场有对称:利用安培定理(介质)

(补偿法)



# 磁感应强度 $\bar{B}$ 的通量计算

$$\varphi_m = \iint_{S} \vec{B} \cdot d\vec{s}$$

- 1. 判断磁场的分布
- 2. 选坐标
- 3. 根据坐标找  $d\vec{s}$
- 4.计算通过  $d\vec{s}$  的通量
- 5. 根据坐标,积分求通过s 面的通量

$$\varphi_m = \iint_{S} \vec{B} \cdot d\vec{s}$$



# 四、典型例题:

- 一、选择题:
- 1. 关于试验线圈,以下说法正确的是( )
- A. 试验线圈是电流极小的线圈.
- B. 试验线圈是线圈所围面积极小的线圈.
- C. 试验线圈是电流足够小,以至于它不影响产生原磁场的电流分布,从而不影响原磁场;同时线圈所围面积足够小,以至于它所处的位置真正代表一点的线圈
- D. 试验线圈是电流极小,线圈所围面积极小的线圈.





2. 一平面试验线圈的磁矩的大小 $p_m=2\times10^{-8}$ Am²,把它放 入待测磁场中的A处,试验线圈如此之小,以致可以认为 它所占据的空间内磁场是均匀的。当 $\vec{p}_m$ 与y轴平行时,线 圈所受磁力矩为零,当 $p_{m}^{*}$ 指向z轴正方向时,线圈受到的磁 力矩的大小为 $M=7.00\times10^{-9}$ Nm,方向沿着x轴负方向,则空 间A点处的磁感应强度的大小为(

A. 0.10T B. 0.18T C. 0.25T D. 0.35T



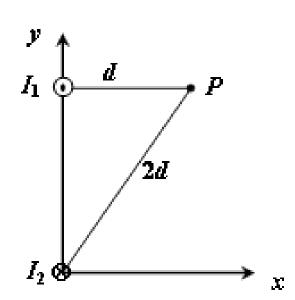
3. 如图所示,两根长直载流导线垂直纸面放置,电流 $I_1$ =1A,方向垂直纸面向外;电流 $I_2$ =2A,方向垂直纸面向内,到P点的距离分别为d、2d,则点的磁感应强度B的方向与x轴的夹角为()

A. 30°

B. 60°

C. 120°

D. 210°







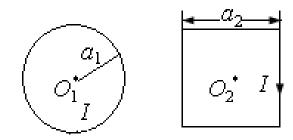
**4.** 载流的圆形线圈(半径 $a_1$ )与正方形线圈(边长 $a_2$ )通有相同电流I. 若两个线圈的中心、处的磁感强度大小相同,则半径 $a_1$ 与边长 $a_2$ 之比为( )。

A. 1:1

**B.**  $\sqrt{2}\pi$  : 1

C.  $\sqrt{2}\pi$ : 4

**D.**  $\sqrt{2}\pi$  : 8



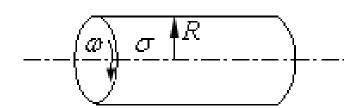






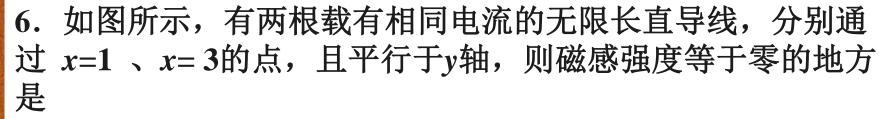
5. 如图所示,一个半径为R的均匀带电无限长直圆筒,面 电荷密度为 $\sigma$ 。该筒以角速度 $\omega$ 绕其轴线匀速旋转,则圆筒 内离轴线为r 处的磁感应强度的大小为(

**B.**  $\mu_0 \sigma R \omega$  **C.**  $\mu_0 \sigma \frac{R}{r} \omega$  **D.**  $\mu_0 \sigma \frac{r}{R} \omega$ 

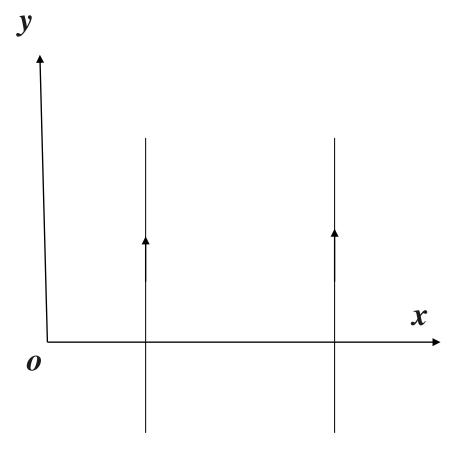








- A. ex=2的直线上.
- B. ex > 2的区域.
- C. 在x < 1的区域.
- D. 不在oxy平面上.



**A** .







7. 均匀磁场的磁感强度垂直于半径为的圆面. 今以该圆周为边线, 作一半球面, 则通过面的磁通量的大小为

A.  $2B\pi r^2$ 

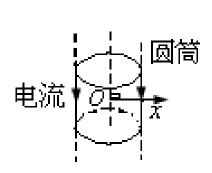
 $\mathbf{C}.$  0.

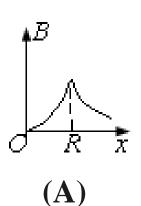
B.  $B\pi r^2$ 

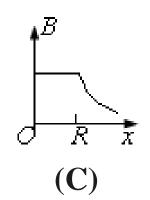
D. 无法确定的量.

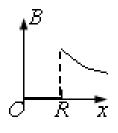


8. 磁场由沿空心长圆筒形导体的均匀分布的电流产生,圆筒半径为R,x坐标轴垂直圆筒轴线,原点在中心轴线上. 图A.  $\sim$ D. ( ) 曲线表示B-x的关系?

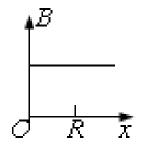








**(B)** 



 $(\mathbf{D})$ 





- 9.若空间存在两根无限长直载流导线,空间的磁场分布就不具有简单的对称性,则该磁场分布( )。
- A. 不能用安培环路定理来计算.
- B. 可以直接用安培环路定理求出.
- C. 只能用毕奥一萨伐尔定律求出.
- D. 可以用安培环路定理和磁感强度的叠加原理求出.





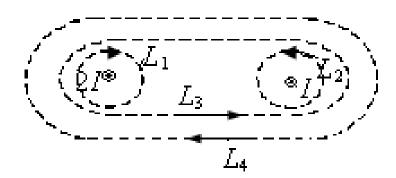
10. 如图所示,流出纸面的电流为2I,流进纸面的电流为I,则下述各式中是正确的

$$\mathbf{A.} \quad \oint_{L_1} \vec{H} \cdot d\vec{l} = 2I$$

$$\mathbf{C}. \qquad \oint_{L_3} \vec{H} \cdot d\vec{l} = -I$$

$$\mathbf{B.} \quad \oint_{L_2} \vec{H} \cdot \mathrm{d}\vec{l} = I$$

$$\mathbf{D.} \quad \oint_{L_4} \vec{H} \cdot \mathrm{d}\vec{l} = -I$$





#### 哈尔滨工程大学 Harbin Engineering University

# 勤于思考 悟物穷理



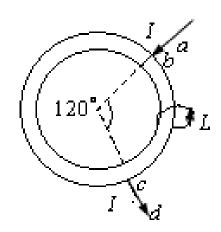
11.如图,两根直导线ab和沿cd半径方向被接到一个截面处处相等的铁环上,稳恒电流I从a端流入而从d端流出,则磁感强度沿图中闭合路径L的积分等于()。

$$\mathbf{A}. \quad \mu_0 \mathbf{I}$$

$$C = \mu_0 I/4$$

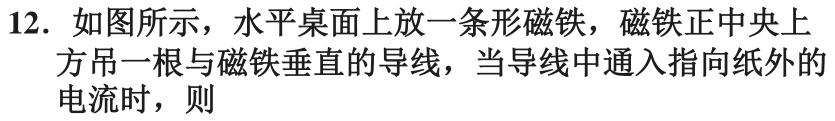
**B.** 
$$\frac{1}{3}\mu_0 I$$

**D.** 
$$2\mu_0 I/3$$

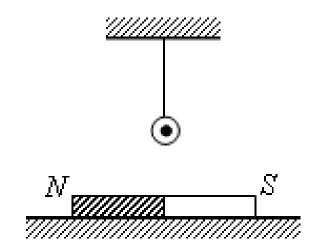








- A. 悬线上的拉力将变小
- B. 悬线上的拉力将不变
- C. 磁铁对桌面压力将不变
- D. 磁铁对桌面压力将变小





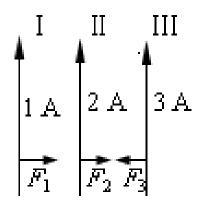


13. 三条无限长直导线等距地并排安放,导线I、II、III分别 载有1A,2A,3A同方向的电流.由于磁相互作用的结果, 导线I,II,III单位长度上分别受力 $F_1$ 、 $F_2$ 和 $F_3$ , 如图所示,则 $F_1$ 与 $F_2$ 的比值是

A. 7/16 B. 5/8

C. 7/8

D. 5/4







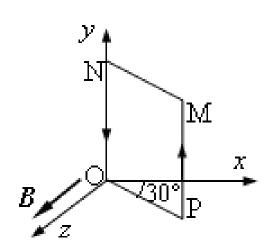
14. 如图所示,通有电流I的正方形线圈MNOP,边长为a放置在均匀磁场中,已知磁感应强度B沿z轴方向,则线圈所受的磁力矩M为

A.  $Ia^2B$ ,沿y负方向

C. Ia  ${}^{2}B$ , 沿y方向

B. IBa<sup>2</sup>/2,沿z方向

D. Ia <sup>2</sup>B/2, 沿y方向









15. 载电流为I,磁矩为 $\vec{p}_m$ 的线圈,置于磁感应强度为 $\vec{B}$ 的 均匀磁场中。若 $\vec{p}_m$ 与 $\vec{B}$ 方向相同,则通过线圈的磁通量 $\varphi_m$ 与 线圈所受的磁力矩M的大小为

$$\mathbf{A}. \quad \varphi_m = IBp_m, M = 0$$

$$\mathbf{B.} \quad \varphi_m = \frac{Bp_m}{I}, M = 0$$

$$\mathbf{C.} \quad \varphi_m = IBp_m, M = Bp_m$$

C. 
$$\varphi_m = IBp_m, M = Bp_m$$
 D.  $\varphi_m = \frac{Bp_m}{I}, M = Bp_m$ 



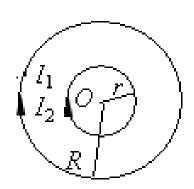


16. 两个同心圆线圈,大圆半径为R,通有电流 $I_1$ ; 小圆半径为r,通有电流 $I_2$ ,方向如图所示. 若 r << R (大线圈在小线圈处产生的磁场近似为均匀磁场),当它们处在同一平面内时小线圈所受磁力矩的大小为

$$\mathbf{A.} \quad \frac{\mu_0 \pi I_1 I_2 r^2}{2R}$$

$$\mathbf{C.} \quad \frac{\mu_0 \pi I_1 I_2 R^2}{2r}$$

$$\mathbf{B.} \quad \frac{\mu_0 I_1 I_2 r^2}{2R}$$







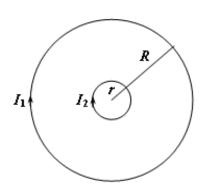
17. 两个在同一平面内的同心圆线圈,大圈半径为R ,通有电流 $I_1$  ,小圈半径为r ,通有电流 $I_2$  ,电流方向均为顺时针,如图所示,且 r << rR那么,在小线圈从图示位置转到两线圈相互垂直位置的过程中,磁力矩所作的功为

 $\mathbf{A}. \ \mathbf{0}$ 

$$\mathbf{C.} \quad \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2R} \pi r^2$$

**B.** 
$$-\frac{\mu_0 I_1 I_2}{2R} \pi r^2$$

**D.** 
$$-\frac{\mu_0 I_1 I_2}{2R} \pi R^2$$









18. 有一磁矩为 $p_m$ 的载流线圈,置于磁感应强度为 $\vec{B}$ 的均匀磁场中,设 $\vec{p}_m$ 与 $\vec{B}$ 之间的夹角为 $\varphi$ ,则当线圈 $\varphi$ = $\theta$  由转到  $\varphi$ = $\pi$ 时,外力矩必须做功为

**A.** 
$$A = 0$$

$$\mathbf{B}. \quad A = p_{m}B$$

$$\mathbf{C}$$
,  $A = 2p_m B$ 

$$\mathbf{D.} \quad A = -p_m B$$





19. 一束电子流沿水平面自西向东运动,在电子流的正上方一点P,由于电子运动产生的磁场在P点的方向上为

A. 竖直向上;

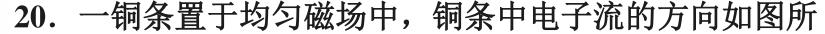
**B.** 竖直向下;

C. 水平向南;

D. 水平向北。







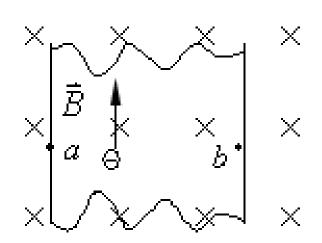
示.则下述情况将会发生

A. 在铜条上a,b两点产生一小电势差,且  $U_a > U_b$ 

B. 在铜条上a, b两点产生一小电势差,且  $U_a < U_b$ 

C. 在铜条上产生涡流

D. 电子受到洛伦兹力而减速

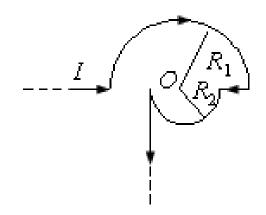




# 二、填空题:

21. 一弯曲的载流导线在同一平面内,电流强度为I,如图所示(O点是半径 $R_1$ 为 $R_2$ 和的两个半圆弧的共同圆心,电流自无穷远来到无穷远去),则O点磁感应强度 $\overline{B}$ 的大小是

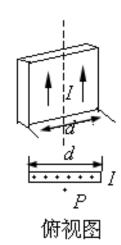
$$B_0 = \frac{\mu_0 I}{4R_1} + \frac{\mu_0 I}{4R_2} - \frac{\mu_0 I}{4\pi R_2}$$







22.如图所示,在宽度为的导体薄片上有电流I沿此导体长度方向流过,电流在导体宽度方向均匀分布.导体外在导体中线附近处P点的磁感强度的大小为 .

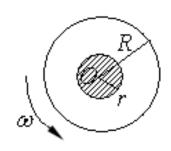


 $\mu_0 I/(2d)$ 





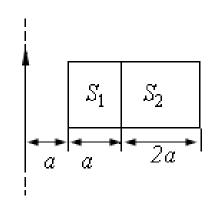
23. 如图所示,一半径为R的带电塑料圆盘,其中半径为r的 阴影部分均匀带正电荷,面电荷密度为+ $\sigma$ ,其余部分均匀带负电荷,面电荷密度为- $\sigma$ 当圆盘以角速度 $\omega$ 旋转时,测得圆盘中心O点的磁感强度为零,则 R/r=\_\_\_\_\_.





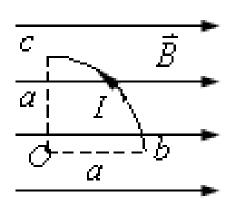


24.如图,在无限长直载流导线的右侧有面积为 $S_1$ 和 $S_2$ 的两个矩形回路.两个回路与长直载流导线在同一平面,且矩形回路的一边与长直载流导线平行.则通过面积为 $S_1$ 的矩形回路的磁通量与通过面积为 $S_2$ 的矩形回路的磁通量之比为\_\_\_\_\_.





25. 如图所示,有一半径为a,流过稳恒电流为I的1/4圆弧形载流导线bc,置于均匀外磁场 $\overrightarrow{B}$ 中,则该载流导线所受的安培力大小为



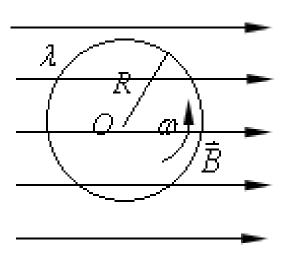
aIB





**26.** 如图所示,均匀磁场 $\vec{B}$ 中放一均匀带正电荷的圆环,其线电荷密度为 $\lambda$ ,圆环可绕通过环心O与环面垂直的转轴旋转. 当圆环以角速度 $\omega$ 转动时,圆环受到的磁力矩

M =\_\_\_\_\_.

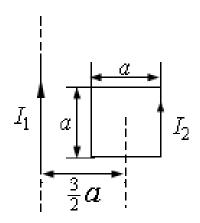






**27.**如图所示,一通有电流  $I_1$ 的长直导线,旁边有一个与它共面通有电流  $I_2$ 每边长为的正方形线圈,线圈的一对边和长直导线平行,线圈的中心与长直导线间的距离为 3a/2,在维持它们的电流不变和保证共面的条件下,将它们的距离从 3a/2 变为 5a/2 ,则磁场对正方形线圈所做的 A=

$$\frac{\mu_0 a I_1 I_2}{2\pi} (2 \ln 2 - \ln 3)$$



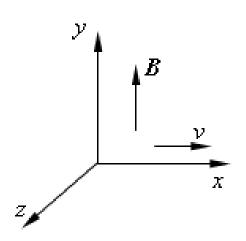




28. 质量m,电荷q的粒子具有动能E,垂直磁感线方向飞入磁感强度为 $\vec{B}$ 的匀强磁场中. 当该粒子越出磁场时,运动方向恰与进入时的方向相反,那么沿粒子飞入的方向上磁场的最小宽度L=\_\_\_\_.



**29**. 如图所示,均匀磁场的磁感应强度 $\vec{B}$  沿y 轴正向,欲要使电量为Q的正离子沿x轴正向作匀速直线运动,则必须加一个均匀电场,其大小和方向为 .



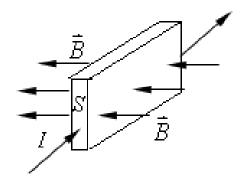
E = Bv z轴负向.





30. 如图所示,截面积为S,截面形状为矩形的直的金属条中通有电流I. 金属条放在磁感强度为B的匀强磁场中,B的方向垂直于金属条的左、右侧面. 则载流子所受的洛伦兹力 $f_m$ =\_\_\_\_\_.

(已知金属中单位体积内载流子数为n)



IB/nS