Deep Learning - Introduction à Pytorch

TP1: Prise en main de Pytorch

Sylvain Lamprier (sylvain.lamprier@univ-angers.fr)

Supports adaptés de Nicolas Baskiotis (nicolas.baskiotis@sorbonne-univeriste.fr) et Benjamin Piwowarski (benjamin.piwowarski@sorbonne-universite.fr) -- MLIA/ISIR, Sorbonne Université

Les lignes suivantes permettent d'importer pytorch et vérifier qu'un GPU est disponible. Il est recommandé d'utiliser un manager d'environnement python type conda pour l'ensemble des tps. Après la création de votre environnement (via conda create --name <nom_env>) et son activation (via conda activate <nom_env>), installer pytorch selon la commande donnée sur le site de \href{https://pytorch.org/}{\texttt{PyTorch}} (choisir la version en fonction de votre GPU et sa version de cuda).

```
import torch
from triton.language import tensor

print("La version de torch est : ",torch.__version__)
print("Le calcul GPU est disponible ? ", torch.cuda.is_available())

import numpy as np
import sklearn
```

La version de torch est : 2.5.1+cu124 Le calcul GPU est disponible ? False

Exercice: Syntaxe

Le principal objet manipulé sous Pytorch est **torch.Tensor** qui correspond à un tenseur mathématique (généralisation de la notion de matrice en n-dimensions), très proche dans l'utilisation de **numpy.array**. Cet objet est optimisé pour les calculs sur GPU ce qui implique quelques contraintes plus importantes que sous **numpy**. En particulier :

- le type du tenseur manipulé est très important et les conversions ne sont pas automatique (FloatTensor de type torch.float,
 DoubleTensor de type torch.double, ByteTensor de type torch.byte, IntTensor de type torch.int, LongTensor de type torch.long). Pour un tenseur t La conversion se fait très simplement en utilisant les fonctions : t.double(), t.float(), t.long() ...
- la plupart des opérations ont une version *inplace*, c'est-à-dire qui modifie le tenseur plutôt que de renvoyer un nouveau tenseur; elles sont suffixées par _ (add_ par exemple).

Donner des exemples d'instructions correspondant aux commentaires ci-dessous. N'hésitez pas à vous référez à la documentation officielle pour la liste exhaustive des opérations.

```
In [2]: # Création de tenseurs et caractéristiques
        ## Créer un tenseur (2,3) à partir d'une liste
        a = torch.tensor([[1,2,3],[4,5,6]])
        ## Créer un tenseur tenseur rempli de 1 de taille 2x3x4
        b = torch.ones(2.3.4)
        ## tenseur de zéros de taille 2x3 de type float
        c = torch.zeros(2,3,dtype=torch.float)
        ## tirage uniforme entier entre 10 et 15 de taille 50
        ## remarquez l'utilisation du _ dans random pour l'opération inplace
        d = torch.randint(10,15,(50,))
        ## tirage suivant la loi normale
        d = torch.normal(mean=5,std=2,size=(50,))
        ## equivalent à zeros(3,4).normal
        e = torch.zeros(3,4).normal_()
        ## Création d'un vecteur de 3 flottants selon la loi de normale
        vecteur_normal_standard = torch.randn(3)
        ## concatenation de tenseurs sur la dimension 0
        A = torch.tensor([[1, 2, 3],
                          [4, 5, 6]])
        # Tenseur B de taille (3, 3)
        B = torch.tensor([[7, 8, 9],
                          [10, 11, 12],
```

```
[13, 14, 15]])
f = torch.cat([A, B], dim=0)
# f = [[1, 2, 3], 
# [4, 5, 6],
       [7, 8, 9],
#
       [10, 11, 12],
       [13, 14, 15]]
## concatenation de tenseurs sur la dimension 1
A = torch.tensor([[1, 2, 3],
                  [4, 5, 6]])
# Tenseur B de taille (2, 3)
B = torch.tensor([[7, 8, 9],
                  [10, 11, 12]])
tensor_concat = torch.cat([A, B], dim=1)
# tensor_concat = [[ 1, 2, 3, 7, 8, 9],
# [ 4, 5, 6, 10, 11, 12]]
## Taille des tenseurs/vecteurs
tensor_concat.size()
## Conversion de type
# Opérations élémentaires sur les tenseurs
## produit scalaire (et contrairement à numpy, que produit scalaire)
# le produit scalaire consiste à multiplier les éléments de deux tenseurs et à les additionner
produit_scalaire = torch.dot(torch.tensor([2, 3]), torch.tensor([2, 1]))
# consiste a : 2*2 + 3*1 = 7
## produit matriciel : utilisation de @ ou de la fonction mm
# le produit matriciel consiste à multiplier les lignes de la première matrice par les colonnes de la deuxième
A = torch.tensor([[1, 2],
                  [3, 4]])
B = torch.tensor([[2, 0],
                  [1, 3]])
produit matriciel = A @ B
#consite a : [[1*2 + 2*1, 1*0 + 2*3],
## transposé
A = torch.tensor([[1,2,3],[4,5,6]])
transposed_A = A.t()
## index du maximum selon une dimension
A = torch.tensor([[1, 2, 3], [4, 5, 6]])
max index = torch.argmax(A, dim=1)
## somme selon une dimension/de tous les éléments
A = torch.tensor([[1, 2, 3], [4, 5, 6]])
sum_A = torch.sum(A, dim=1) # 1+2+3, 4+5+6
sum_A_dim0 = torch.sum(A, dim=0) # 1+4, 2+5, 3+6
## moyenne selon une dimension/sur tous les éléments
A = torch.tensor([[1, 2, 3], [4, 5, 6]]).float()
mean_A_dim0 = torch.mean(A, dim=0) # (1+4)/2, (2+5)/2, (3+6)/2
mean A dim1 = torch.mean(A, dim=1) # (1+2+3)/3, (4+5+6)/3
mean_A = torch.mean(A) # (1+2+3+4+5+6)/6
## changer les dimensions du tenseur (la taille totale doit être inchangée)
A = torch.tensor([[1, 2, 3], [4, 5, 6]])
reshaped A = A.view(3, 2)
# une view est une vue sur les données, les données ne sont pas copiées
## somme/produit/puissance termes a termes
A = torch.tensor([[1, 2, 3], [4, 5, 6]])
B = torch.tensor([[2, 0, 1], [1, 3, 2]])
sum_A_B = A + B
prod A B = A * B
pow_A_B = A ** B
## Soit un tenseur a de (2,3,4). Le recopier dans une version (2,3,3,4) avec les tenseurs (3,4)
## a[0] et a[1] recopiés chacun 3 fois (avec expand)
A = torch.rand(2,3,4)
A expanded = A.unsqueeze(2).expand(2,3,3,4)
#(2,3,3,4)
#2 : Représente deux groupes.
#3 : Chaque groupe a 3 sous-ensembles.
#3 : ligne de chaque sous-ensemble
#4 : colonne de chaque sous-ensemble
## attention ! comme sous numpy, il peut y avoir des pièges !
```

```
## Vérifier toujours les dimensions !!
 a=torch.zeros(5,1)
 b = torch.zeros(5)
 print(a,b)
 ## la première opération fait un broadcast et le résultat est 1 tenseur à 2 dimensions,
 ## le résultat de la deuxième opération est une matrice contenant un vecteur unique
 print(a-b,a.t()-b)
tensor([[0.],
        [0.].
        [0.],
        [0.],
        [0.]]) tensor([0., 0., 0., 0., 0.])
tensor([[0., 0., 0., 0., 0.],
        [0., 0., 0., 0., 0.],
        [0., 0., 0., 0., 0.]
        [0., 0., 0., 0., 0.],
        [0., 0., 0., 0., 0.]]) tensor([[0., 0., 0., 0., 0.]])
```

Exercice: Régression linéaire

On souhaite apprendre un modèle de régression linéaire f du type: $f(x,w,b)=x.w^t+b$ avec $x\in \mathbb{R}^{\{d\}}$ un vecteur d'observations pour lequel on souhaite prédire une sortie $\hat{y}\in \mathbb{R}^{\{d\}}$ un vecteur d'observations pour lequel on souhaite prédire une sortie $\hat{y}\in \mathbb{R}^{\{d\}}$ les paramètres du modèle.

Pour cela on dispose d'un jeu de données étiquetées \{(x,y)\}, que l'on découpe en jeu d'entraînement (80%) et de validation (20%). Dans cet exercice, on utilisera le jeu de données très classique *Boston*, le prix des loyers à Boston en fonction de caractéristiques socio-économiques des quartiers.

On considèrera un coût moindres carrés pour apprendre le modèle sur le jeu d'entraînement (avec N le nombre de données d'entraînement et (x^i,y^i) le i-ème couple de cet ensemble): w^*,b^*=argmin {w,b}\frac{1}{N} \sum {i=1}^N \frac{1}{N} \sum {i=1}^N \frac^N \frac{1}{N} \sum {i=1}^N \frac{1}{N} \sum {i=1}^N \frac{1}{N}

- Définir (en version tensorielle PyTorch) la fonction **flineaire(x,w,b)** qui calcule f(x,w,b)=x.w^t+b avec x\in \mathbb{R}^{{n\times d}},~w\in\mathbb{R}^{1,d}, b\in \mathbb{R}}
- Donner le code d'une fonction loss(x,w,b,y) qui retourne le coût moindre carré du modèle linéaire utilisant flineaire(x,w,b) pour un batch de données x et leurs images associées y.
- Calculer le gradient de l'erreur en fonction de chacun des paramètres w_i et b. Donner le code d'une fonction **getGradient(x,w,b)** (commencer éventuellement avec des boucles avant de réaliser la version matricielle plus efficace).
- Complétez le code ci-dessous pour réaliser une descente de gradient et apprendre les paramètres optimaux de la regression linéaire
- Modifier le code ci-dessous pour n'entraîner que sur 80% des données et se tester sur 20%

Attention!

• l'algorithme doit converger avec la valeur de epsilon fixée; si ce n'est pas le cas, il y a une erreur (la plupart du temps au niveau du calcul du coût).

```
In [ ]:
In [3]:
        # Fonction linéaire
        def flineaire(x, w, b):
            return x @ w + b
        # Fonction de coût (erreur quadratique moyenne)
        def loss(x, w, b, y):
            y_pred = flineaire(x, w, b)
            error = y pred - y
            return torch.mean(error ** 2)
        # Fonction pour calculer les gradients
        def getGradient(x, w, b, y):
            N = x.size(0)
            y pred = flineaire(x, w, b)
            error = y_pred - y
            grad_w = (2 / N) * (x.t() @ error) # Produit matriciel entre la transposée de x et error
            grad b = (2 / N) * error.sum() # Gradient par rapport à b
            return grad w, grad b
```

```
In [4]: import torch
    from sklearn.datasets import fetch_california_housing
    from sklearn.preprocessing import StandardScaler
    from sklearn.model_selection import train_test_split
    import matplotlib.pyplot as plt

# Chargement des données California et normalisation
    housing = fetch_california_housing()
    scaler = StandardScaler() # Normalisation des caractéristiques
```

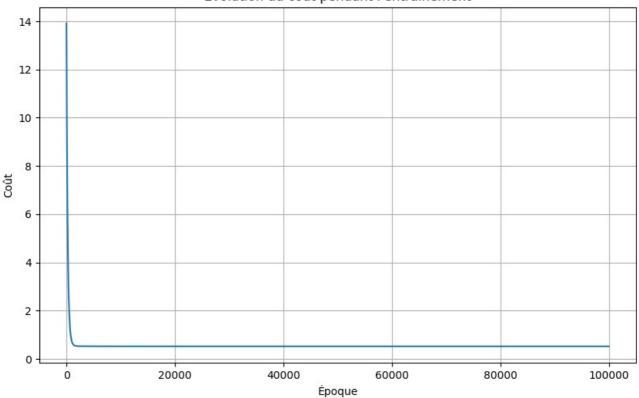
```
data x = scaler.fit transform(housing['data'])
 data_x = torch.tensor(data_x, dtype=torch.float32)
 data y = torch.tensor(housing['target'], dtype=torch.float32).view(-1, 1)
 # Séparation des données en jeu d'entraînement (80%) et jeu de test (20%)
 data_x_train, data_x_test, data_y_train, data_y_test = train_test_split(data_x, data_y, test_size=0.2, random_s
 print("Nombre d'exemples d'entraînement : ", data x train.size(0))
 print("Nombre d'exemples de test : ", data_x_test.size(0))
 # Initialisation des paramètres w et b
 torch.manual_seed(1)
 w = torch.randn(data x.size(1), 1, requires grad=False) # w est de dimension (d, 1)
 b = torch.randn(1, requires_grad=False) # b est un scalaire
 # Paramètres d'apprentissage
 EPOCHS = 100000
 LEARNING RATE = 0.001
 EPS = 1e-7
 # Enregistrement des valeurs de coût pour chaque itération
 cost history = []
 # Boucle d'entraînement - Descente de Gradient
 for i in range(EPOCHS):
     # Calculer le coût sur les données d'entraînement
     cost = loss(data_x_train, w, b, data_y_train)
     # Ajouter le coût actuel à l'historique
    cost_history.append(cost.item())
     # Calculer les gradients
     grad w, grad b = getGradient(data x train, w, b, data y train)
     # Mettre à jour les paramètres
     with torch.no grad():
         w -= LEARNING_RATE * grad_w # Mise à jour des poids w
         b -= LEARNING RATE * grad b # Mise à jour du biais b
     # Vérifier si la perte est suffisamment faible pour arrêter
     if cost < EPS:</pre>
         print(f"Convergence atteinte à l'itération {i}")
         break
     # Afficher la perte toutes les 1000 itérations pour suivre l'évolution
     if i % 1000 == 0:
         print(f'Epoch {i}, Cost: {cost.item()}')
 # Afficher les valeurs finales de w et b
 print("w final:", w)
 print("b final:", b)
 # Tracer la courbe du coût pendant l'entraînement
 plt.figure(figsize=(10, 6))
 plt.plot(cost history)
 plt.xlabel('Époque')
 plt.ylabel('Coût')
 plt.title('Évolution du coût pendant l\'entraînement')
 plt.grid()
 plt.show()
 # Tester le modèle sur les données de test
 cost test = loss(data x test, w, b, data y test)
 print(f'Coût sur le jeu de test : {cost_test.item()}')
Nombre d'exemples d'entraînement : 16512
Nombre d'exemples de test : 4128
Epoch 0, Cost: 13.916443824768066
Epoch 1000, Cost: 0.71085524559021
Epoch 2000, Cost: 0.5287848711013794
Epoch 3000, Cost: 0.5236156582832336
Epoch 4000, Cost: 0.5221371054649353
Epoch 5000, Cost: 0.5210849642753601
Epoch 6000, Cost: 0.5203025341033936
Epoch 7000, Cost: 0.5197187662124634
Epoch 8000, Cost: 0.5192825794219971
Epoch 9000, Cost: 0.5189558267593384
Epoch 10000, Cost: 0.5187106132507324
Epoch 11000, Cost: 0.5185261964797974
Epoch 12000, Cost: 0.5183870196342468
Epoch 13000, Cost: 0.5182818174362183
Epoch 14000, Cost: 0.5182019472122192
Epoch 15000, Cost: 0.5181412100791931
Epoch 16000, Cost: 0.5180947780609131
```

Epoch 17000, Cost: 0.5180593132972717

```
Epoch 18000, Cost: 0.5180319547653198
Epoch 19000, Cost: 0.5180108547210693
Epoch 20000, Cost: 0.5179944634437561
Epoch 21000, Cost: 0.517981767654419
Epoch 22000, Cost: 0.5179718136787415
Epoch 23000, Cost: 0.5179640054702759
Epoch 24000, Cost: 0.5179579257965088
Epoch 25000, Cost: 0.5179530382156372
Epoch 26000, Cost: 0.5179492235183716
Epoch 27000, Cost: 0.517946183681488
Epoch 28000, Cost: 0.5179437398910522
Epoch 29000, Cost: 0.5179417729377747
Epoch 30000, Cost: 0.5179401636123657
Epoch 31000, Cost: 0.5179389119148254
Epoch 32000, Cost: 0.5179378390312195
Epoch 33000, Cost: 0.5179370045661926
Epoch 34000, Cost: 0.5179363489151001
Epoch 35000, Cost: 0.5179358124732971
Epoch 36000, Cost: 0.5179353356361389
Epoch 37000, Cost: 0.5179349780082703
Epoch 38000, Cost: 0.5179346799850464
Epoch 39000, Cost: 0.5179343819618225
Epoch 40000, Cost: 0.5179341435432434
Epoch 41000, Cost: 0.5179339647293091
Epoch 42000, Cost: 0.5179338455200195
Epoch 43000, Cost: 0.51793372631073
Epoch 44000, Cost: 0.5179336667060852
Epoch 45000, Cost: 0.5179335474967957
Epoch 46000, Cost: 0.5179334878921509
Epoch 47000, Cost: 0.5179334282875061
Epoch 48000, Cost: 0.5179333090782166
Epoch 49000, Cost: 0.5179333090782166
Epoch 50000, Cost: 0.5179332494735718
Epoch 51000, Cost: 0.5179332494735718
Epoch 52000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 53000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 54000, Cost: 0.5179332494735718
Epoch 55000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 56000, Cost: 0.5179331302642822
Epoch 57000, Cost: 0.5179331302642822
Epoch 58000, Cost: 0.5179331302642822
Epoch 59000, Cost: 0.5179331302642822
Epoch 60000, Cost: 0.5179331302642822
Epoch 61000, Cost: 0.5179331302642822
Epoch 62000, Cost: 0.5179331302642822
Epoch 63000, Cost: 0.5179331302642822
Epoch 64000, Cost: 0.5179331302642822
Epoch 65000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 66000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 67000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 68000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 69000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 70000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 71000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 72000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 73000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 74000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 75000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 76000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 77000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 78000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 79000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 80000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 81000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 82000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 83000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 84000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 85000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 86000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 87000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 88000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 89000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 90000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 91000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 92000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 93000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 94000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 95000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 96000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 97000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 98000, Cost: 0.517933189868927
Epoch 99000, Cost: 0.517933189868927
w final: tensor([[ 0.8525],
```

```
[ 0.1224],
        [-0.3054],
        [ 0.3713],
        [-0.0023],
        [-0.0366],
        [-0.8963],
        [-0.8686]])
b final: tensor([2.0679])
```

Évolution du coût pendant l'entraînement



Coût sur le jeu de test : 0.5559059977531433

Loading [MathJax]/jax/output/CommonHTML/fonts/TeX/fontdata.js