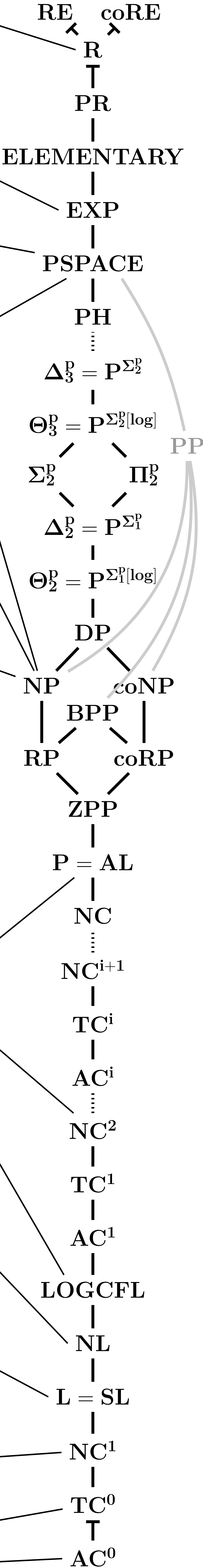


| | |
|---|--------------------|
| TM-Halt | in RE |
| SAT-FO-String | in R |
| Gegeben: Eine PL Formel φ über Strings Frage: Ist φ erfüllbar? | |
| 2-PlayerCorridorTiling | EXP-C |
| Gegeben: Kachelmenge T und Zahl k (unär) Frage: Hat Spieler 1 eine Gewinnstrategie im Tiling-Spiel? | |
| QBF | PSPACE-C |
| Gegeben: Quantifizierte AL Formel φ (in Pränex-Normalform und KNF) Frage: Ist φ erfüllbar? | |
| CorridorTiling | PSPACE-C |
| Gegeben: Kachelmenge T und Zahl k (unär) Frage: Gibt es eine $k \times l$ Kachelung? | |
| SAT | NP-C |
| Gegeben: AL Formel φ in KNF Frage: Ist φ erfüllbar? | |
| Tiling | NP-C |
| Gegeben: Kachelmenge T und Zahlen c, r (unär) Frage: Gibt es eine $c \times r$ -Lösung für T ? | |
| TSP | NP-C |
| Gegeben: Entfernungsgraph G , $k \in \mathbb{N}$ Frage: Hat G einen Kreis durch alle Knoten mit Gewicht $\leq k$? | |
| Falls $f(n) \geq \log(n)$ <div> <div> <div>TIME($2^{O(f)}$)</div> <div>SPACE(f^2)</div> </div> <div> <div>NSPACE(f) = coNSPACE(f)</div> <div>SPACE(f)</div> </div> <div> <div>coNTIME(f)</div> <div>NTIME(f)</div> </div> <div>TIME(f)</div> </div> | Kleine Hierarchie |
| | |
| | |
| | |
| | |
| HornSAT | P-C |
| Gegeben: Eine Menge von Horn-Klauseln K Frage: Ist K erfüllbar? | |
| Determinante | in NC ² |
| AcyclicCS | LOGCFL-C |
| Gegeben: Variablenmenge V , Domäne U , Constraints C , so dass (V, C) azyklisch ist Frage: Gibt es eine Lösung $\sigma \subseteq V \times U$, so dass $\sigma(C)$ wahr wird? | |
| REACH | NL-C |
| Gegeben: Gerichteter Graph $G = (V, E)$ und zwei Knoten $s, t \in V$ von G Frage: Gibt es einen Weg von s nach t in G ? | |
| UREACH | L-C |
| Gegeben: Ungerichteter Graph $G = (V, E)$ und zwei Knoten $s, t \in V$ von G Frage: Gibt es einen Weg von s nach t in G ? | |
| FormulaValueProblem | NC ¹ -C |
| Gegeben: Variablenfreie boolesche Formel B Frage: Ist B wahr? | |
| Multiplikation | TC ⁰ -C |
| Addition | in AC ⁰ |

Arithmetische Hierarchie



Komplexitätstheorie

Poster von Kai Sauerwald. Nach Folien von Prof. Schwentick.

| Parametrisiertes Problem | |
|---|---|
| Ein Tupel (Q, κ) heißt parametrisiertes Problem, falls $Q \subseteq \Sigma^*$ und $\kappa : \Sigma^* \rightarrow \mathbb{N}$ in polynomieller Zeit berechenbar ist. | |
| Beschreibungskomplex. & Parametrisierung | Komplexität & Logik |
| | <div> <div> <div>paraNP</div> <div>W[P]</div> <div>W[SAT]</div> <div>...</div> <div>W[2]</div> <div>W[1] = A[1]</div> <div>FPT</div> </div> <div> <div>XP</div> <div>AW[*]</div> <div>...</div> <div>A[2]</div> <div>...</div> </div> </div> <div> <div>PSPACE</div> <div>NP</div> <div>P</div> <div>NL</div> <div>L</div> <div>TC⁰</div> <div>REG</div> <div>AC⁰</div> </div> <div> <div>PFP</div> <div>ESO</div> <div>HornESO, LFP</div> <div>TC</div> <div>DTC</div> <div>FO(+, ×) + C</div> <div>MSO</div> <div>FO(+, ×)</div> </div> |
| Komplexität einer Logik | |
| Eine Logik \mathcal{L} hat die Komplexität \mathcal{C} , falls für jede geschlossene Formel $\varphi \in \mathcal{L}$ gilt, dass $\{\text{enc}(\mathfrak{A}) \mid \mathfrak{A} \models \varphi\} \in \mathcal{C}$. | |
| Beweissysteme | PSPACE = IP |
| | <div> <div>Pi_2^P</div> <div>AM</div> <div>MA</div> <div>BPP</div> </div> |
| PCP (probabilistically checkable proof) | |
| Die Klasse $PCP(\mathcal{F}, \mathcal{G})$ der Sprachen L für die es einen Verifizierer V gibt der <ul style="list-style-type: none"> $\leq r(n)$ Zufallsbits verwendet, ($r \in \mathcal{F}$) $\leq q(n)$ Bits des Beweises liest, ($q \in \mathcal{G}$) für einen Beweis π alles aus L akzeptiert, und für jeden Beweis kein $x \notin L$ mit W'keit $> \frac{1}{2}$ akzeptiert. | |
| NP = PCP(log, poly) = PCP(0, poly) = PCP(log, 1) | |
| Optimierung | Satz: Klassenoperatoren |
| | Sei \mathcal{C} unter Turing-Reduktion abgeschlossen. Dann gilt: $BP \cdot BP \cdot \mathcal{C} \subseteq BP \cdot \mathcal{C}$ $\oplus \cdot \oplus \cdot \mathcal{C} \subseteq \oplus \mathcal{C}$ $\oplus \cdot BP \cdot \mathcal{C} \subseteq BP \cdot \oplus \cdot \mathcal{C}$ $\exists \cdot \mathcal{C} \subseteq BP \cdot \oplus \cdot \mathcal{C}$ $\exists \cdot BP \cdot \mathcal{C} \subseteq BP \cdot \exists \cdot \mathcal{C}$ $\exists \cdot BP \cdot P = MA$ $BP \cdot \exists \cdot P = AM$ |
| Satz Chandra, Kozen, Stockmeyer | |
| (a) Ist $S(n) = \Omega(\log n)$, so gilt $ASPACE(S) \subseteq TIME(2^{O(S)})$ (b) Ist $T(n) = \Omega(n)$, so gilt $TIME(T) \subseteq ASPACE(\log T)$ | |
| Satz Immerman, Szelepcsényi | |
| Für jedes platzkonstruierbare S mit $S(n) \geq \log n$ gilt: | |
| $NSPACE(S) = coNSPACE(S)$ | |
| Satz von Savitch Savitch | |
| Sei S platzkonstruierbar und $S(n) \geq \log n$, so gilt: | |
| $NSPACE(S) \subseteq SPACE(S^2)$ | |
| Platzhierarchie-Satz Stearns, Szepietowski | |
| Seien f, g zeitkonstruierbar mit $f(n) \in \Omega(\log n)$ und $g(n) \in \omega(f(n))$, so gilt: | |
| $SPACE(f) \subsetneq SPACE(g)$ $NSPACE(f) \subsetneq NSPACE(g)$ | |
| Zeithierarchie-Satz Hartmanis, Stearns | |
| Seien f, g zeitkonstruierbar mit $f(n) \in \Omega(n)$ und $g(n) \in \omega(f(n) \log(f(n)))$, so gilt: | |
| $TIME(f) \subsetneq TIME(g)$ | |