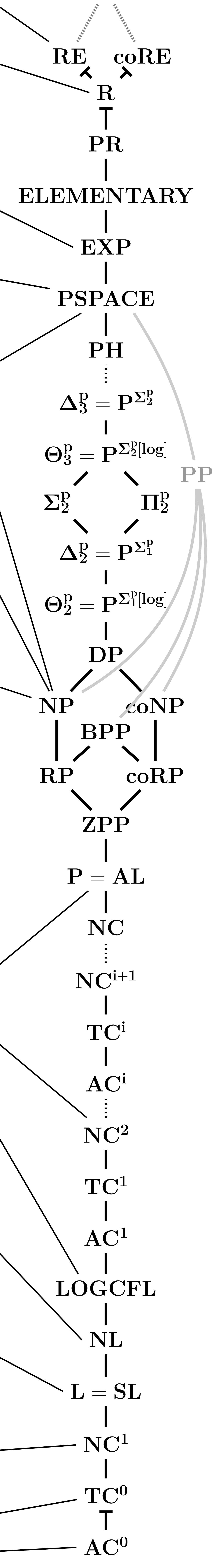


TM-Halt	in RE
SAT-FO-String	in R
Gegeben: Eine PL Formel φ über Strings Frage: Ist φ erfüllbar?	
2-PlayerCorridorTiling	EXP-C
Gegeben: Kachelmenge T und Zahl k (unär) Frage: Hat Spieler 1 eine Gewinnstrategie im Tiling-Spiel?	
QBF	PSPACE-C
Gegeben: Quantifizierte AL Formel φ (in Pränex-Normalform und KNF) Frage: Ist φ erfüllbar?	
CorridorTiling	PSPACE-C
Gegeben: Kachelmenge T und Zahl k (unär) Frage: Gibt es eine $k \times l$ Kachelung?	
SAT	NP-C
Gegeben: AL Formel φ in KNF Frage: Ist φ erfüllbar?	
Tiling	NP-C
Gegeben: Kachelmenge T und Zahlen c, r (unär) Frage: Gibt es eine $c \times r$ -Lösung für T ?	
TSP	NP-C
Gegeben: Entfernungsgraph G , $k \in \mathbb{N}$ Frage: Hat G einen Kreis durch alle Knoten mit Gewicht $\leq k$?	
<div>Falls $f(n) \geq \log(n)$</div> <div> <div>TIME($2^{O(f)}$)</div> <div>SPACE(f^2)</div> <div>NSPACE(f) = coNSPACE(f)</div> <div>SPACE(f)</div> <div>coNTIME(f)</div> <div>NTIME(f)</div> <div>TIME(f)</div> </div> <div>Kleine Hierarchie</div>	
HornSAT	P-C
Gegeben: Eine Menge von Horn-Klauseln K Frage: Ist K erfüllbar?	
Determinante	in NC ²
AcyclicCS	LOGCFL-C
Gegeben: Variablenmenge V , Domäne U , Menge von Constraints \mathcal{C} Frage: Gibt es eine Lösung $\sigma \subseteq V \times U$, so dass $\sigma(\mathcal{C})$ wahr wird?	
REACH	NL-C
Gegeben: Gerichteter Graph $G = (V, E)$ und zwei Knoten $s, t \in V$ von G Frage: Gibt es einen Weg von s nach t in G ?	
UREACH	L-C
Gegeben: Ungerichteter Graph $G = (V, E)$ und zwei Knoten $s, t \in V$ von G Frage: Gibt es einen Weg von s nach t in G ?	
FormulaValueProblem	NC ¹ -C
Gegeben: Variablenfreie boolesche Formel B Frage: Ist B wahr?	
Multipikation	TC ⁰ -C
Addition	in AC ⁰

Arithmetische Hierarchie



Komplexitätstheorie

Poster von Kai Sauerwald. Nach Folien von Prof. Schwentick.

Parametrisiertes Problem	
Ein Tupel (Q, κ) heißt parametrisiertes Problem falls $Q \subseteq \Sigma^*$ und $\kappa : \Sigma^* \rightarrow \mathbb{N}$ in polynomieller Zeit berechenbar ist.	
Beschreibungskompl. & Parametrisierung	<div><div>paraNP W[P] W[SAT] W[2] W[1] = A[1] FPT</div><div>XP AW[*] A[2] A[1]</div></div>
	<div><div>Komplexität & Logik</div><div><div>PSPACE PFP NP ESO P HornESO, LFP NL TC L DTC TC⁰ FO(+, ×) + C REG MSO AC⁰ FO(+, ×)</div></div></div>
Komplexität einer Logik	
Eine Logik \mathcal{L} hat die Komplexität \mathcal{C} , falls für jede geschlossene Formel $\varphi \in \mathcal{L}$ gilt, dass $\{\text{enc}(\mathfrak{A}) \mid \mathfrak{A} \models \varphi\} \in \mathcal{C}$.	
Beweissysteme	<div><div>PSPACE = IP Σ₂^P AM MA BPP</div><div>NP = PCP(log, poly) = PCP(0, poly) = PCP(log, 1)</div></div>
	<div><div>PCP (probabilistically checkable proof)</div><div>Die Klasse $PCP(\mathcal{F}, \mathcal{G})$ der Sprachen L für die es einen Verifizierer V gibt der<ul style="list-style-type: none">• $\leq r(n)$ Zufallsbits verwendet, ($r \in \mathcal{F}$)• $\leq q(n)$ Bits der Eingabe ließt, ($q \in \mathcal{G}$)• für einen Beweis π alles aus L akzeptiert,• und für jeden Beweis kein $x \notin L$ mit W'keit $> \frac{1}{2}$ akzeptiert.</div></div>
Optimierung	<div><div>Falls $P \neq NP$ NPO APX PTAS FPTAS PO</div><div>Trennende Beispiele TSP MAX-SAT Small-Scheduling Rucksack</div></div>
	<div><div>Satz: Klassenoperatoren</div><div>Sei \mathcal{C} unter Turing-Reduktion abgeschlossen. Dann gilt: BP · BP · $\mathcal{C} \subseteq$ BP · \mathcal{C} ⊕ · ⊕ · $\mathcal{C} \subseteq$ ⊕ \mathcal{C} ⊕ · BP · $\mathcal{C} \subseteq$ BP · ⊕ · \mathcal{C} ⊕ · BP · $\mathcal{C} \subseteq$ BP · ⊕ · \mathcal{C} ∃ · $\mathcal{C} \subseteq$ BP · ⊕ · \mathcal{C} ∃ · BP · $\mathcal{C} \subseteq$ BP · ∃ · \mathcal{C} ∃ · BP · P = MA BP · ∃ · P = AM</div></div>
Satz Chandra, Kozen, Stockmeyer	
(a) Ist $S(n) = \Omega(\log n)$, so gilt ASPACE(S) ⊆ TIME(2 ^{O(S)}) (b) Ist $S(n) = \Omega(n)$, so gilt TIME(S) ⊆ ASPACE(2 ^{log S})	
Satz Immerman, Szelepcsényi	
Für jedes platzkonstruierbare S mit $S(n) \geq \log n$ gilt: NSPACE(S) = coNSPACE(S)	
Satz von Savitch Savitch	
Sei S platzkonstruierbar und $S(n) \geq \log n$, so gilt: NSPACE(S) ⊆ SPACE(S ²)	
Platzhierarchie-Satz Stearns, Szepietowski	
Seien f, g zeitkonstruierbar mit $f(n) \in \Omega(\log n)$ und $g(n) \in \omega(f(n))$, so gilt: SPACE(f) ⊊ SPACE(g) NSPACE(f) ⊊ NSPACE(g)	
Zeithierarchie-Satz Hartmanis, Stearns	
Seien f, g zeitkonstruierbar mit $f(n) \in \Omega(n)$ und $g(n) \in \omega(f(n) \log(f(n)))$. So gilt: TIME(f) ⊊ TIME(g)	