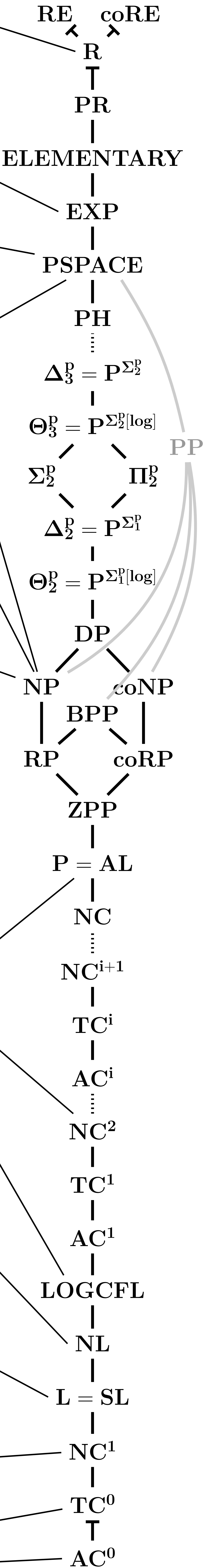


<b>TM-Halt</b>	in RE
<b>SAT-FO-String</b>	in R
<b>Gegeben:</b> Eine PL Formel $\varphi$ über Strings <b>Frage:</b> Ist $\varphi$ erfüllbar?	
<b>2-PlayerCorridorTiling</b>	EXP-C
<b>Gegeben:</b> Kachelmenge $T$ und Zahl $k$ (unär) <b>Frage:</b> Hat Spieler 1 eine Gewinnstrategie im Tiling-Spiel?	
<b>QBF</b>	PSPACE-C
<b>Gegeben:</b> Quantifizierte AL Formel $\varphi$ (in Pränex-Normalform und KNF) <b>Frage:</b> Ist $\varphi$ erfüllbar?	
<b>CorridorTiling</b>	PSPACE-C
<b>Gegeben:</b> Kachelmenge $T$ und Zahl $k$ (unär) <b>Frage:</b> Gibt es eine $k \times l$ Kachelung?	
<b>SAT</b>	NP-C
<b>Gegeben:</b> AL Formel $\varphi$ in KNF <b>Frage:</b> Ist $\varphi$ erfüllbar?	
<b>Tiling</b>	NP-C
<b>Gegeben:</b> Kachelmenge $T$ und Zahlen $c, r$ (unär) <b>Frage:</b> Gibt es eine $c \times r$ -Lösung für $T$ ?	
<b>TSP</b>	NP-C
<b>Gegeben:</b> Entfernungsgraph $G$ , $k \in \mathbb{N}$ <b>Frage:</b> Hat $G$ einen Kreis durch alle Knoten mit Gewicht $\leq k$ ?	
Falls $f(n) \geq \log(n)$ <div> <div> <div>TIME(<math>2^{O(f)}</math>)</div> <div>SPACE(<math>f^2</math>)</div> <div>NSPACE(<math>f</math>) = coNSPACE(<math>f</math>)</div> <div>SPACE(<math>f</math>)</div> <div>coNTIME(<math>f</math>)</div> <div>NTIME(<math>f</math>)</div> <div>TIME(<math>f</math>)</div> </div> <div>Kleine Hierarchie</div> </div>	
<b>HornSAT</b>	P-C
<b>Gegeben:</b> Eine Menge von Horn-Klauseln $K$ <b>Frage:</b> Ist $K$ erfüllbar?	
<b>Determinante</b>	in NC <sup>2</sup>
<b>AcyclicCS</b>	LOGCFL-C
<b>Gegeben:</b> Variablenmenge $V$ , Domäne $U$ , Constraints $C$ , so dass $(V, C)$ azyklisch ist <b>Frage:</b> Gibt es eine Lösung $\sigma \subseteq V \times U$ , so dass $\sigma(C)$ wahr wird?	
<b>REACH</b>	NL-C
<b>Gegeben:</b> Gerichteter Graph $G = (V, E)$ und zwei Knoten $s, t \in V$ von $G$ <b>Frage:</b> Gibt es einen Weg von $s$ nach $t$ in $G$ ?	
<b>UREACH</b>	L-C
<b>Gegeben:</b> Ungerichteter Graph $G = (V, E)$ und zwei Knoten $s, t \in V$ von $G$ <b>Frage:</b> Gibt es einen Weg von $s$ nach $t$ in $G$ ?	
<b>FormulaValueProblem</b>	NC <sup>1</sup> -C
<b>Gegeben:</b> Variablenfreie boolesche Formel $B$ <b>Frage:</b> Ist $B$ wahr?	
<b>Multiplikation</b>	TC <sup>0</sup> -C
<b>Addition</b>	in AC <sup>0</sup>

Arithmetische Hierarchie



# Komplexitätstheorie

Poster von Kai Sauerwald. Nach Folien von Prof. Schwentick.

Parametrisiertes Problem	
Ein Tupel $(Q, \kappa)$ heißt parametrisiertes Problem, falls $Q \subseteq \Sigma^*$ und $\kappa : \Sigma^* \rightarrow \mathbb{N}$ in polynomieller Zeit berechenbar ist.	
<b>Beschreibungskomplex. &amp; Parametrisierung</b>	<b>Komplexität &amp; Logik</b>
<div> <div>paraNP</div> <div>W[P]</div> <div>W[SAT]</div> <div>...</div> <div>W[2]</div> <div>W[1] = A[1]</div> <div>FPT</div> </div> <div> <div>XP</div> <div>AW[*]</div> <div>...</div> <div>A[2]</div> <div>...</div> <div>A[1]</div> </div>	<div> <div>PSPACE</div> <div>NP</div> <div>P</div> <div>NL</div> <div>L</div> <div>TC<sup>0</sup></div> <div>REG</div> <div>AC<sup>0</sup></div> </div> <div> <div>PFP</div> <div>ESO</div> <div>HornESO, LFP</div> <div>TC</div> <div>DTC</div> <div>FO(+, ×) + C</div> <div>MSO</div> <div>FO(+, ×)</div> </div>
Komplexität einer Logik	
Eine Logik $\mathcal{L}$ hat die Komplexität $\mathcal{C}$ , falls für jede geschlossene Formel $\varphi \in \mathcal{L}$ gilt, dass $\{\text{enc}(\mathfrak{A}) \mid \mathfrak{A} \models \varphi\} \in \mathcal{C}$ .	
<b>PSPACE = IP</b>	<b>PCP</b> ( <i>probabilistically checkable proof</i> )
<div> <div>Beweissysteme</div> <div> <div>Sigma_2^P</div> <div>AM</div> <div>MA</div> <div>BPP</div> </div> </div>	<div> <div>Die Klasse <math>PCP(\mathcal{F}, \mathcal{G})</math> der Sprachen <math>L</math> für die es einen Verifizierer <math>V</math> gibt der</div> <ul style="list-style-type: none"> <li><math>\leq r(n)</math> Zufallsbits verwendet, (<math>r \in \mathcal{F}</math>)</li> <li><math>\leq q(n)</math> Bits der Eingabe ließt, (<math>q \in \mathcal{G}</math>)</li> <li>für einen Beweis <math>\pi</math> alles aus <math>L</math> akzeptiert,</li> <li>und für jeden Beweis kein <math>x \notin L</math> mit W'keit <math>&gt; \frac{1}{2}</math> akzeptiert.</li> </ul> </div>
NP = PCP(log, poly) = PCP(0, poly) = PCP(log, 1)	
Falls $P \neq NP$	Trennendes Beispiel
<b>Optimierung</b>	<b>Satz: Klassenoperatoren</b>
<div> <div>NPO</div> <div>T</div> <div>APX</div> <div>T</div> <div>PTAS</div> <div>T</div> <div>Small-Scheduling</div> <div>FPTAS</div> <div>T</div> <div>Rucksack</div> <div>PO</div> </div>	<div> <div>Sei <math>\mathcal{C}</math> unter Turing-Reduktion abgeschlossen. Dann gilt:</div> <div> <math>BP \cdot BP \cdot \mathcal{C} \subseteq BP \cdot \mathcal{C}</math> <math>\oplus \cdot \oplus \cdot \mathcal{C} \subseteq \oplus \mathcal{C}</math> <math>\oplus \cdot BP \cdot \mathcal{C} \subseteq BP \cdot \oplus \cdot \mathcal{C}</math> <math>\exists \cdot \mathcal{C} \subseteq BP \cdot \oplus \cdot \mathcal{C}</math> <math>\exists \cdot BP \cdot \mathcal{C} \subseteq BP \cdot \exists \cdot \mathcal{C}</math> <math>\exists \cdot BP \cdot P = MA</math> <math>BP \cdot \exists \cdot P = AM</math> </div> </div>
<b>Satz</b>	Chandra, Kozen, Stockmeyer
(a) Ist $S(n) = \Omega(\log n)$ , so gilt $ASPACE(S) \subseteq TIME(2^{O(S)})$ (b) Ist $T(n) = \Omega(n)$ , so gilt $TIME(T) \subseteq ASPACE(\log T)$	
<b>Satz</b>	Immerman, Szelepcsényi
Für jedes platzkonstruierbare $S$ mit $S(n) \geq \log n$ gilt: $NSPACE(S) = coNSPACE(S)$	
<b>Satz von Savitch</b>	Savitch
Sei $S$ platzkonstruierbar und $S(n) \geq \log n$ , so gilt: $NSPACE(S) \subseteq SPACE(S^2)$	
<b>Platzhierarchie-Satz</b>	Stearns, Szepietowski
Seien $f, g$ zeitkonstruierbar mit $f(n) \in \Omega(\log n)$ und $g(n) \in \omega(f(n))$ , so gilt: $SPACE(f) \subsetneq SPACE(g)$ $NSPACE(f) \subsetneq NSPACE(g)$	
<b>Zeithierarchie-Satz</b>	Hartmanis, Stearns
Seien $f, g$ zeitkonstruierbar mit $f(n) \in \Omega(n)$ und $g(n) \in \omega(f(n) \log(f(n)))$ , so gilt: $TIME(f) \subsetneq TIME(g)$	