

힙 기반 우선순위 큐 Heap

- 힙
 - 최소 힙
 - 최대 힙
 - 지난 문제 유형들
-

1

힙 Heap

—

부모 노드가 자식 노드보다 우선순위가 높다

-> 가장 우선순위 높은 노드가 **루트 노드**

-> 최대 값이나 최소 값을 항상 빠르게 찾아낼 수 있다.

* 힙은 정렬되지 않아도 된다.

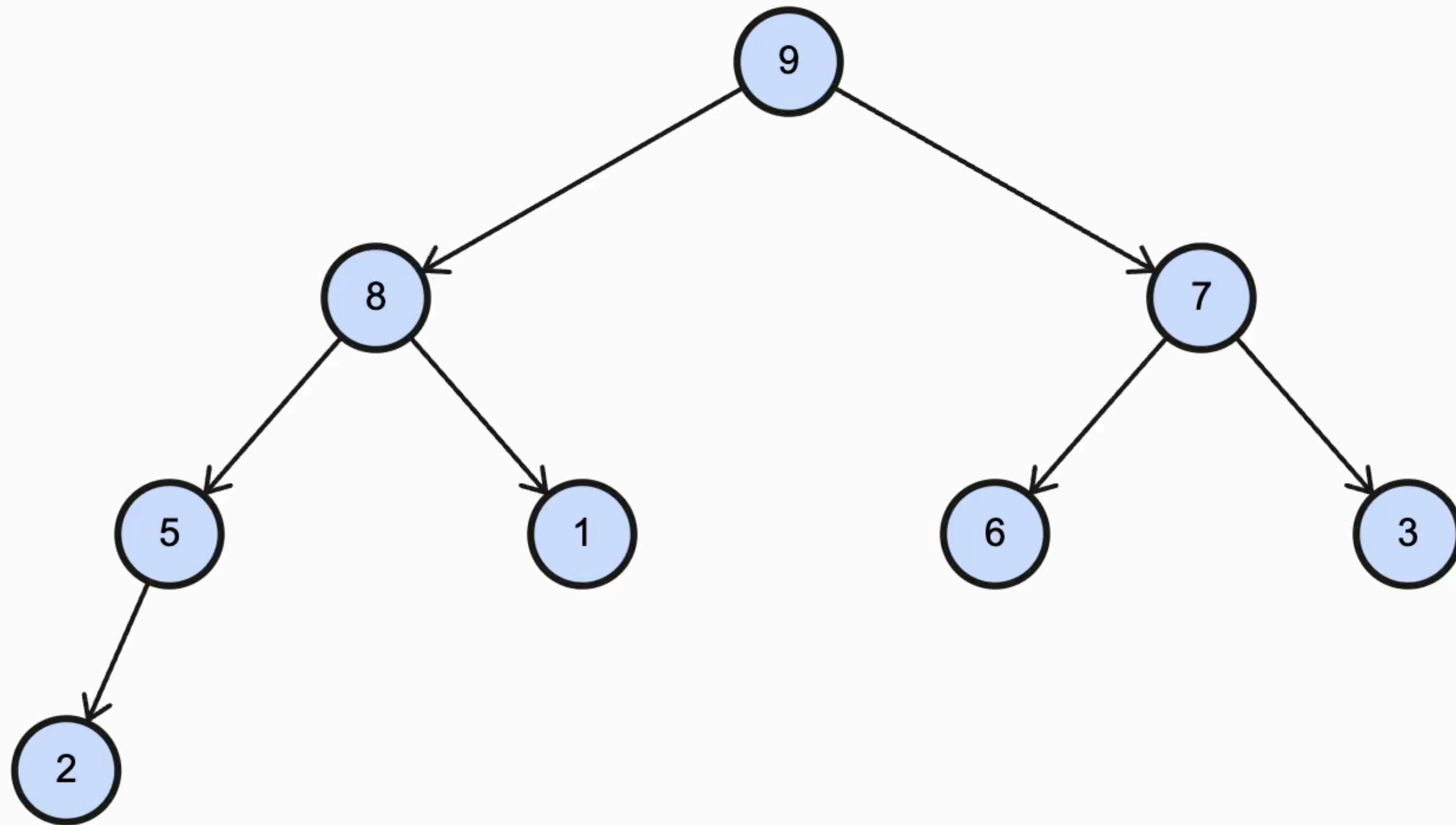
일반적으로 **완전 이진 트리**의 형태로 구성, 힙은 이진트리의 일종

주로 **우선순위 큐**를 구현하는데 사용됨

힙의 종류 - **최대 힙, 최소 힙**

노드 삽입

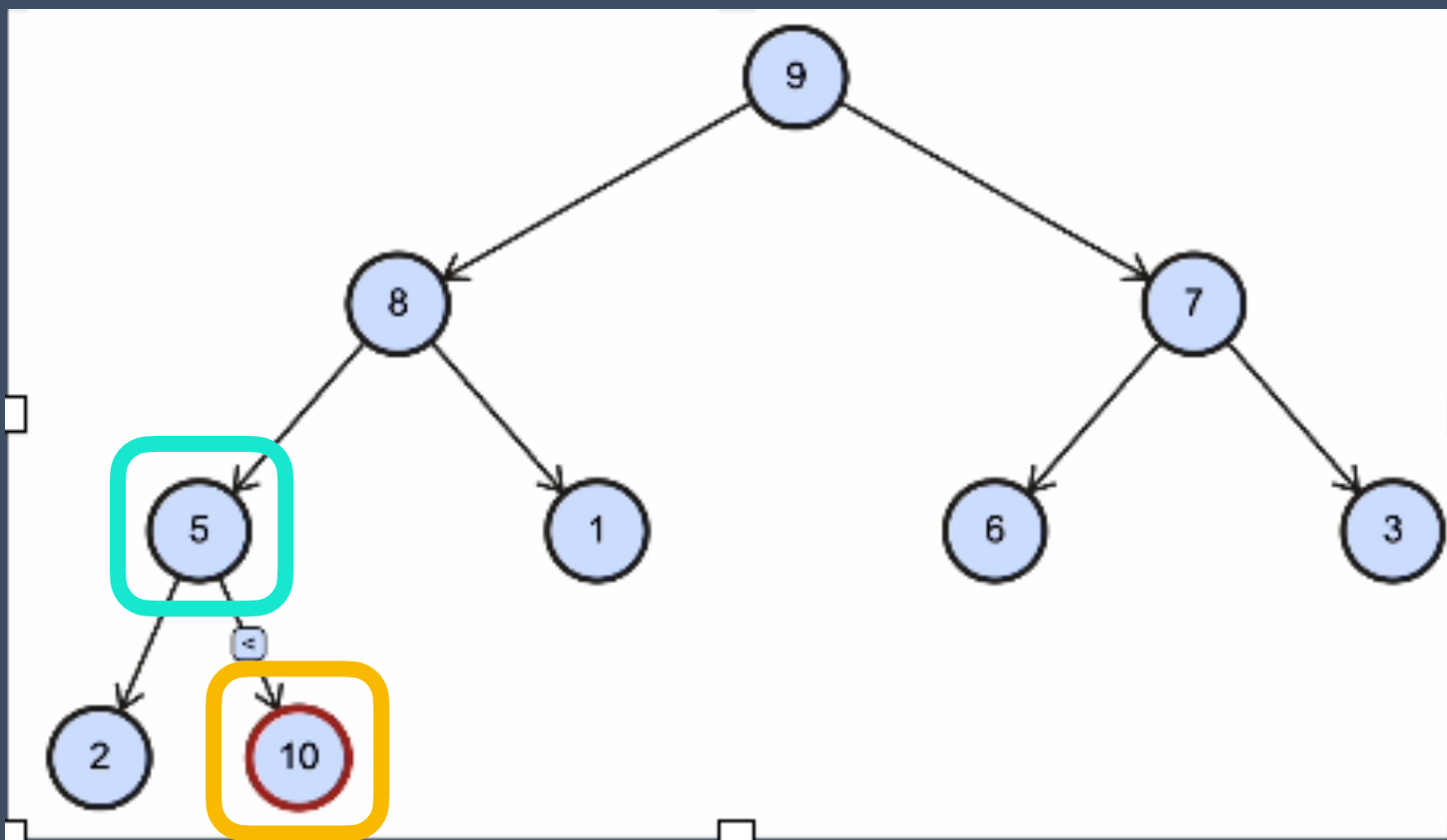
: 노드 삽입 후 우선순위에 맞는 위치 찾아서 힙 재구성



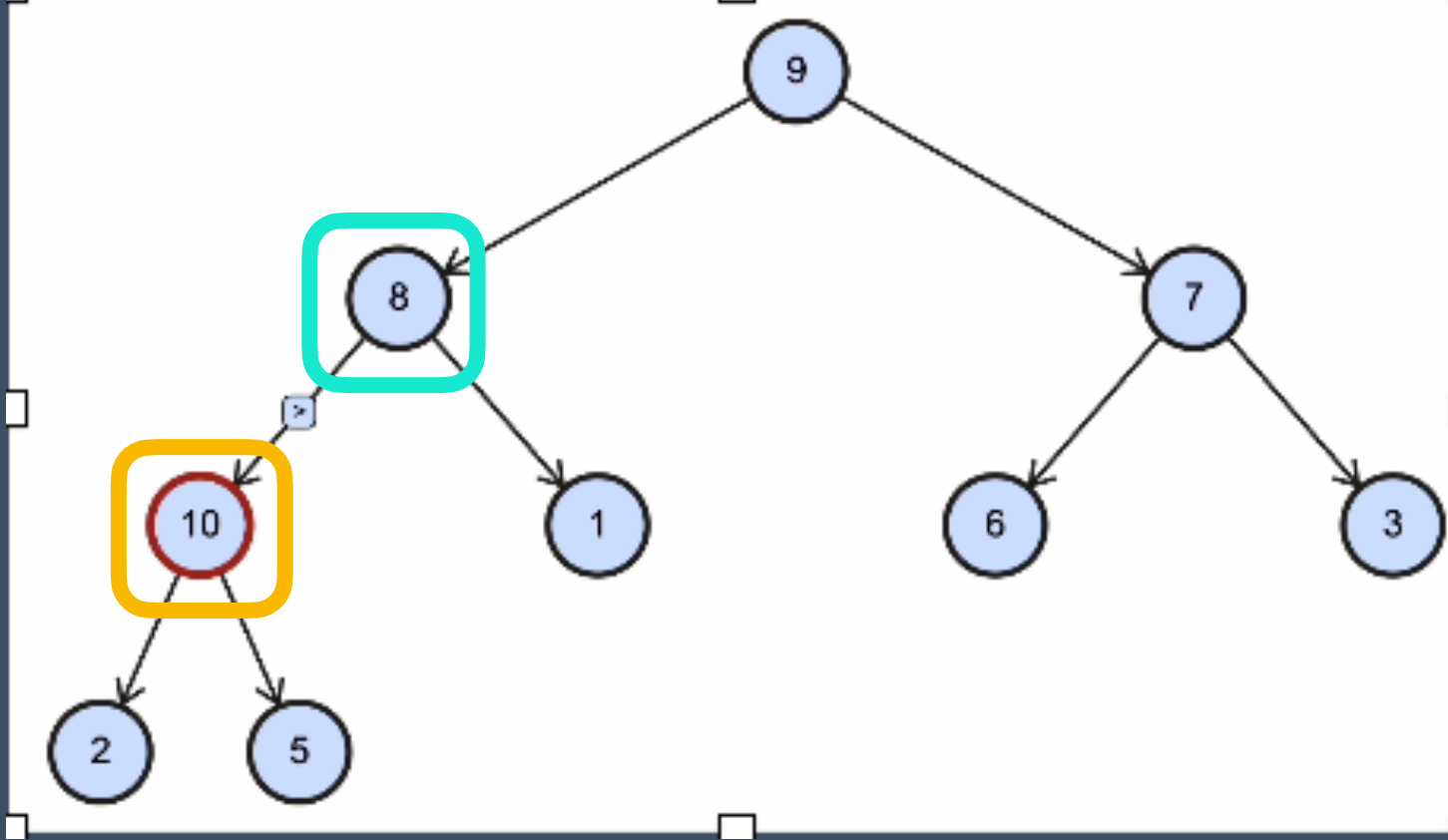
<영상>

새로운 노드 '10' 추가
사이즈 증가
올라가면서 힙 재구성

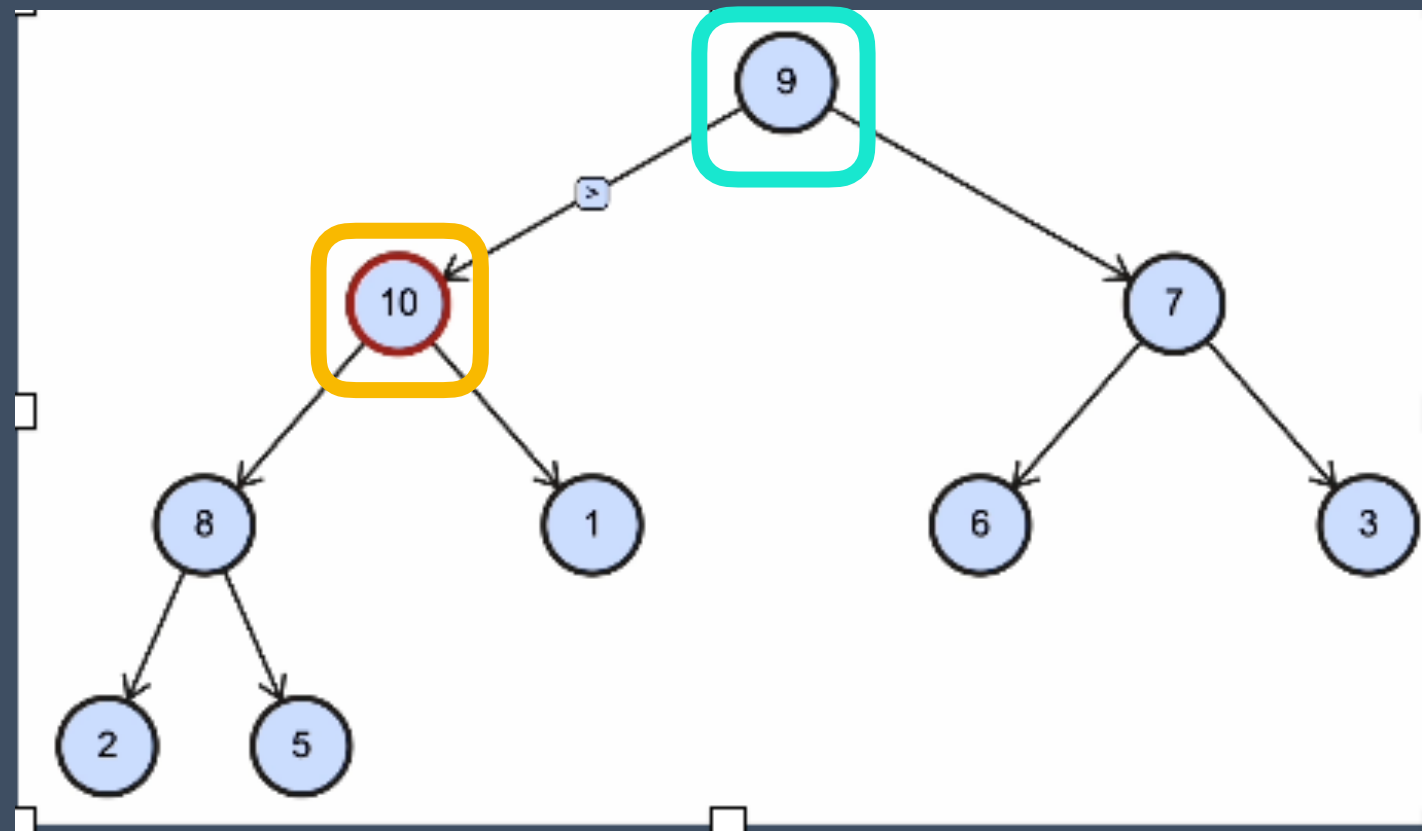
`v.push_back(10)`
`heapSize++`
`upHeap(10의 인덱스)`



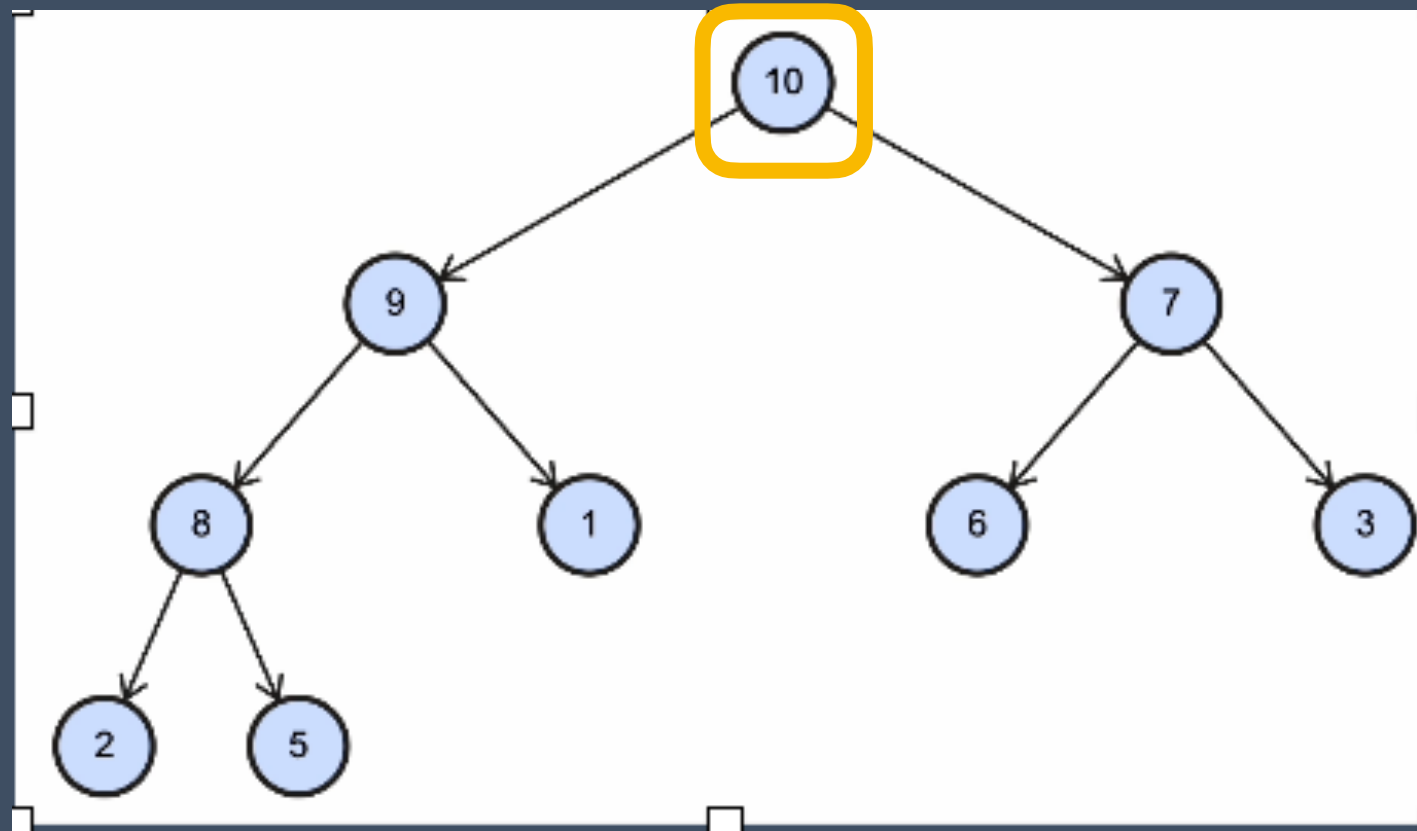
1. 부모 노드(5)보다 우선순위 크므로 부모랑 swap



2. 부모 노드(8)보다 우선순위 크므로 부모랑 swap



3. 부모 노드(9)보다 우선순위 크므로 부모랑 swap



4. 루트까지 올라가거나, 부모 노드보다 우선순위 더 작으면(정상적이라면) 종료

upHeap

현재 노드에서 올라가면서 힙 재구성

 : 현재 노드

 : 부모 노드

upHeap

현재 노드에서
올라가면서 힙 재구성

재귀 함수

〈재귀 탈출 조건 1〉
: 현재 노드가
루트 노드면 리턴

〈재귀 탈출 조건 2〉
: 부모 노드보다
우선순위 낮으면
재귀 호출 더이상 안함

```
upHeap(int index) {
```

```
    if 현재노드가 루트노드면 return
```

```
    if (부모 노드 우선순위 > 현재 노드 우선순위)
```

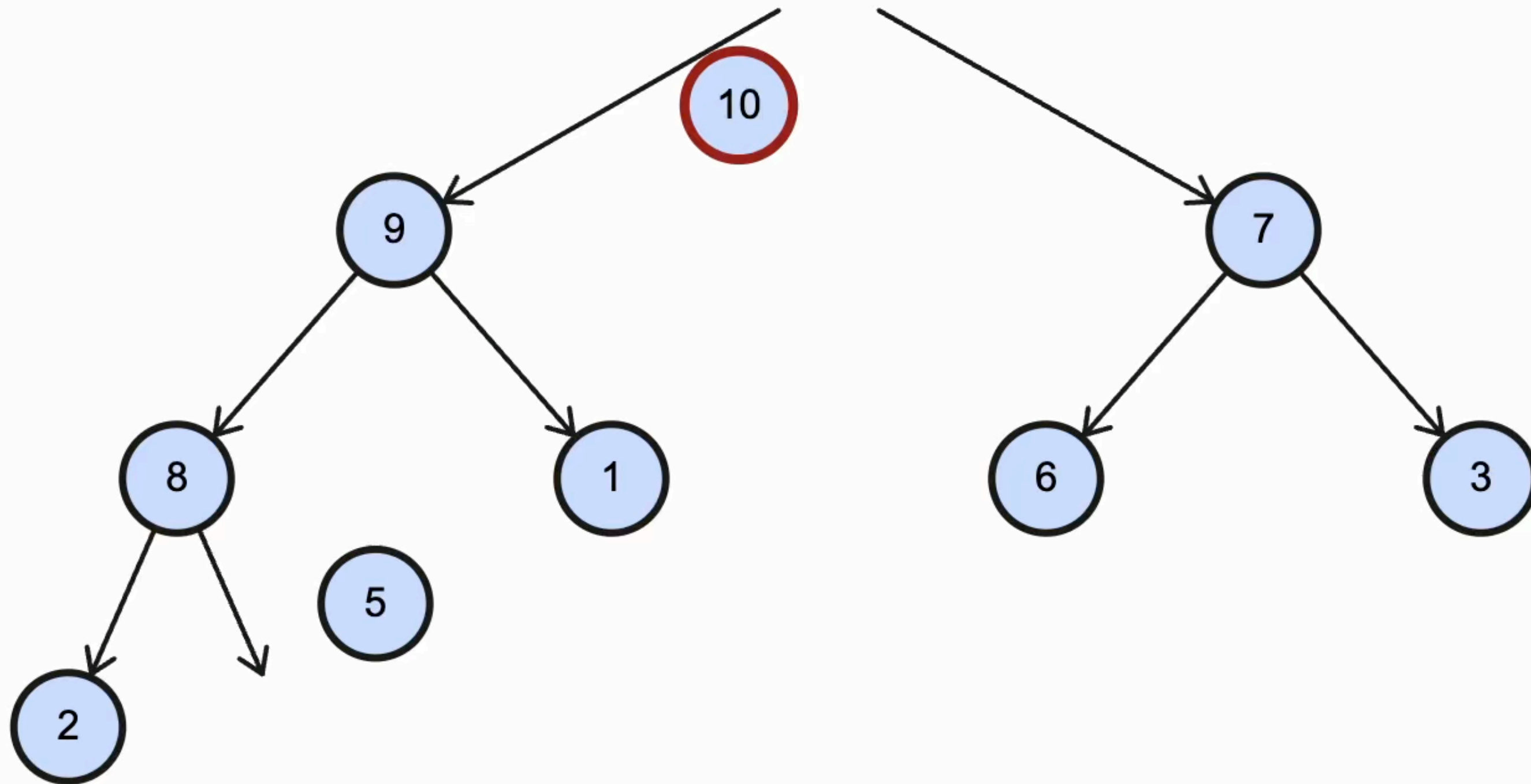
```
        swap하기
```

```
        upHeap(부모 노드)
```

```
}
```

노드 삭제

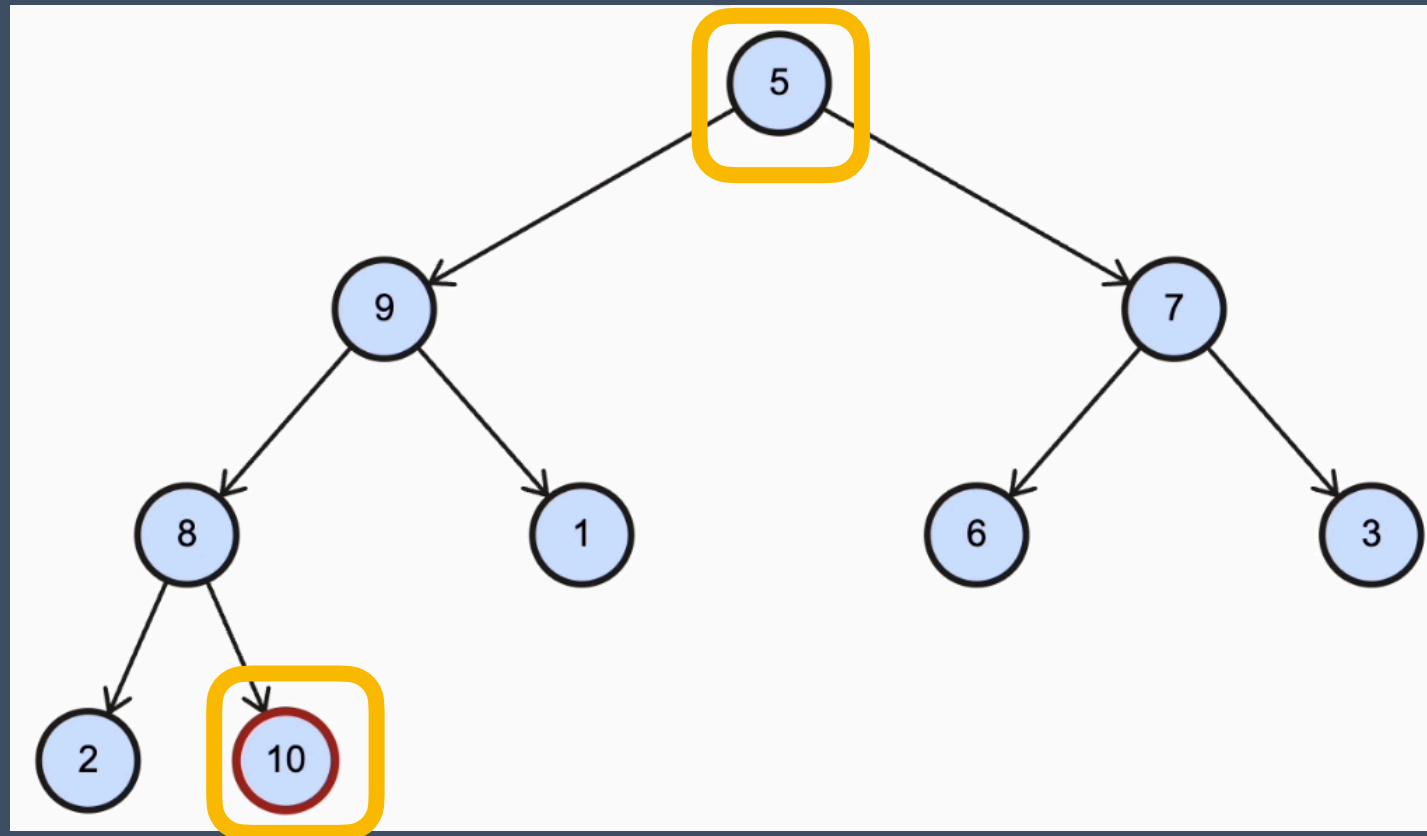
: 힙에서 가장 높은 우선순위를 가지는 요소를 삭제
→ 루트노드를 삭제



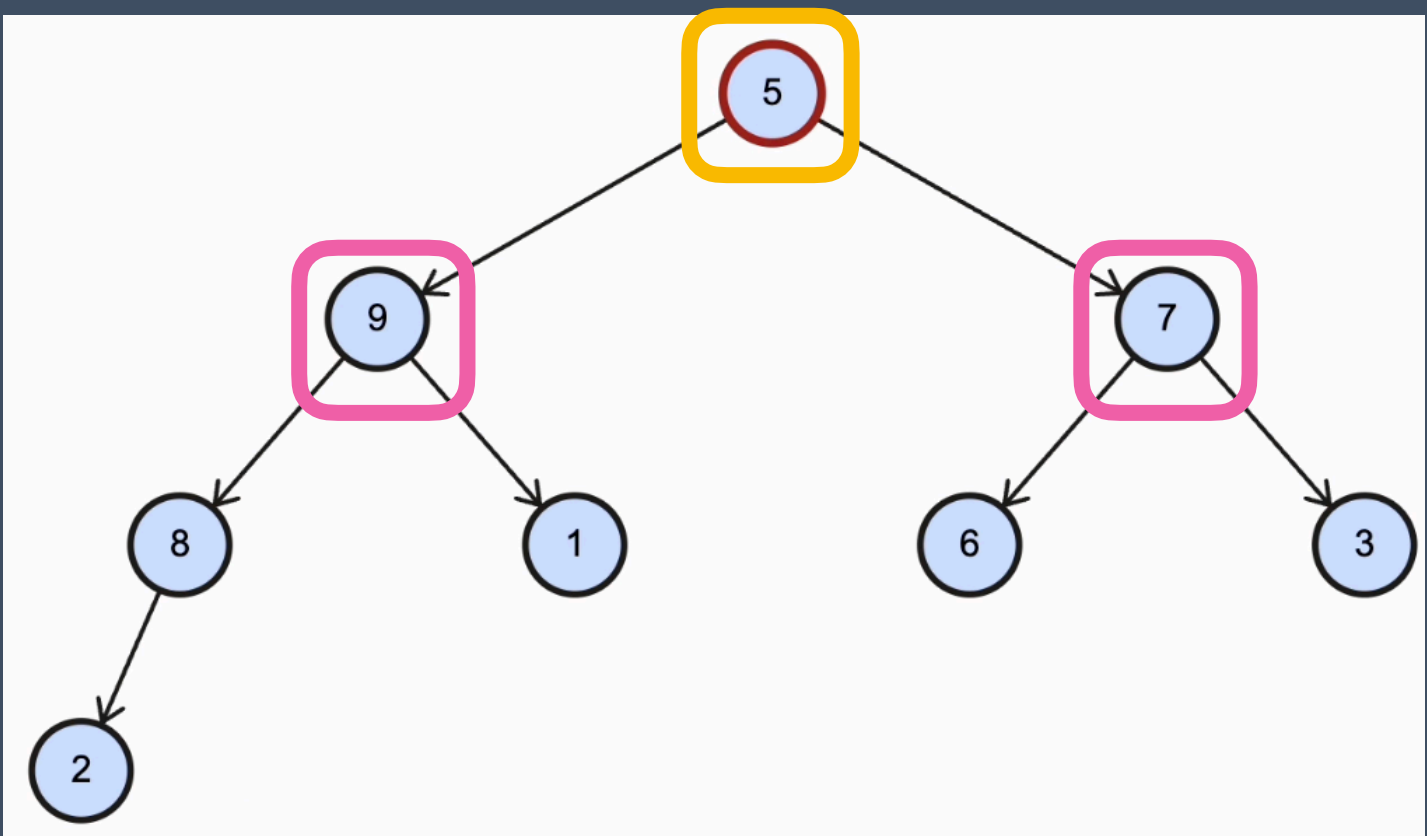
〈영상〉

말단 노드와 루트 노드를 바꾼다.
사이즈 감소
마지막 노드 삭제
위에서부터 내려가면서 힙 재구성

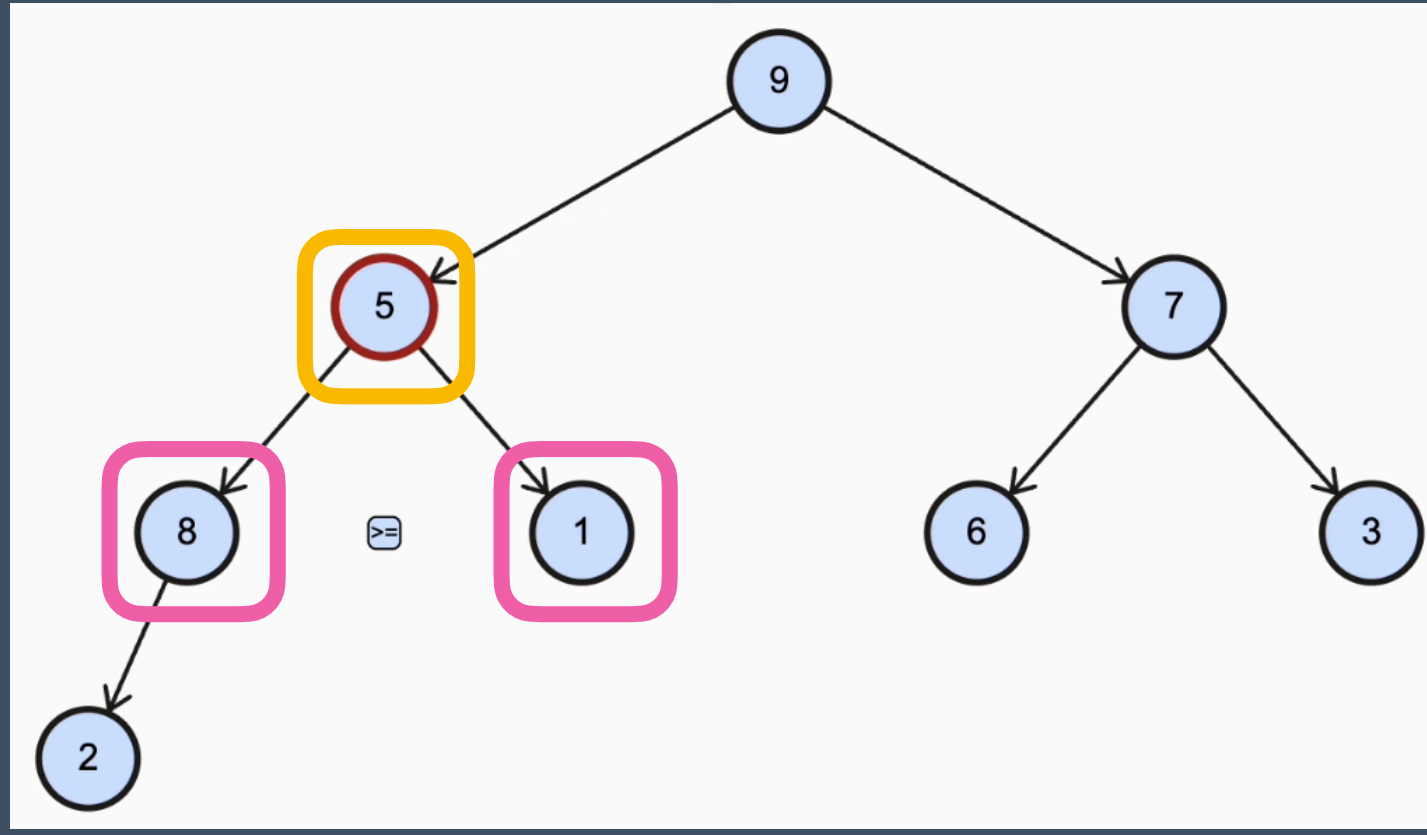
$v[\text{루트인덱스}] = v[\text{힙사이즈}]$
`heapSize--`
`v.pop_back()`
`downHeap(루트인덱스)`



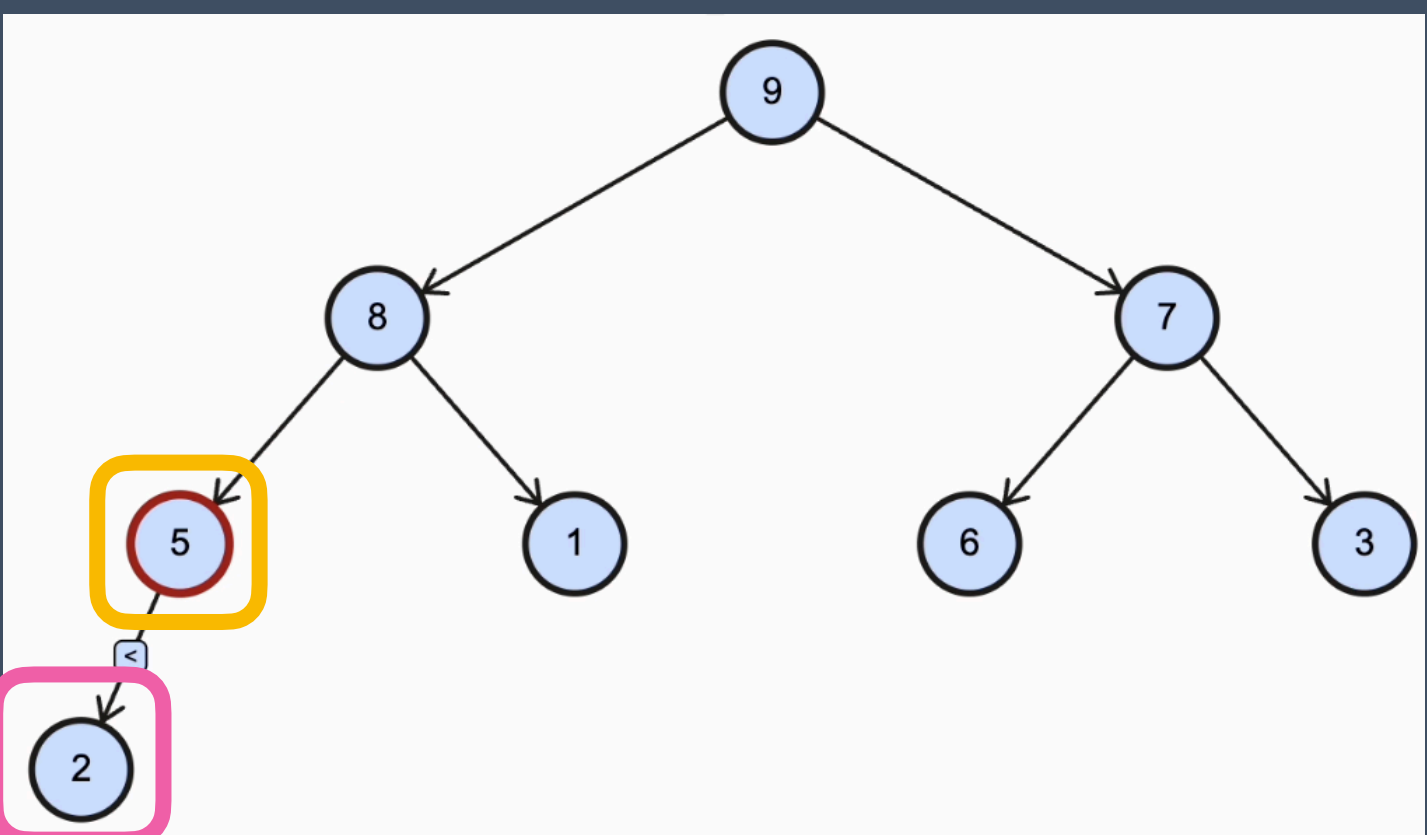
0. 루트노드(10)과 말단노드(5)를 서로 바꾸고 루트 노드(10 삭제



1. 왼쪽 자식(9)과 오른쪽 자식(7) 중에 우선순위 더 높은 9와 swap



2. 왼쪽 자식(8)과 오른쪽 자식(1) 중에 우선순위 더 높은 8과 swap



4. 더이상 자식 노드가 없거나 자식 노드의 우선순위가 더 낮다면(정상적이라면) 재귀 종료

downHeap

현재 노드에서 내려가면서 힙 재구성

□ : 현재 노드

□ : 자식 노드

downHeap(int index)

int left = index*2, right = index*2+1

int **idxOfBestPriority** = index // 초기화

if (left 우선순위 > 현재 **idxOfBestPriority** 우선순위
&& left <= heapSize)

idxOfBestPriority = left // 변수값 업데이트

if (right 우선순위 > 현재 **idxOfBestPriority** 우선순위
&& right <= heapSize)

idxOfBestPriority = right // 변수값 업데이트

If (**idxOfBestPriority** != index)

swap하기

downHeap(**idxOfBestPriority**)

downHeap

현재 노드에서
내려가면서 힙 재구성

재귀 함수

〈재귀 탈출 조건 1〉
: 자식 노드가 없으면
재귀 호출 안함

〈재귀 탈출 조건 2〉
: 자식 노드보다 우선순위
내가 더 높으면 재귀 호출
더이상 안함

가장 우선순위 높은 값을 가진 노드의
인덱스를 나타내는 변수 선언 후 초기화

if를 통해 왼쪽 자식 노드와 오른쪽 자식 노드 중
더 우선순위 높은 값을 가진 노드를 선택

선택된 노드와 현재 노드의 값을 비교하여
더 우선순위 높은 값을 가진 노드가 새롭게 선택된 경우,

1) 두 노드의 값을 교환

2) downheap호출

(선택된 노드(자식노드)에서부터 다시 downHeap 과정을 시작)

downHeap

현재 노드에서
내려가면서 힙 재구성

재귀 함수

〈재귀 탈출 조건 1〉
: 자식 노드가 없으면
재귀 호출 안함

〈재귀 탈출 조건 2〉
: 자식 노드보다 우선순위
내가 더 높으면 재귀 호출
더이상 안함

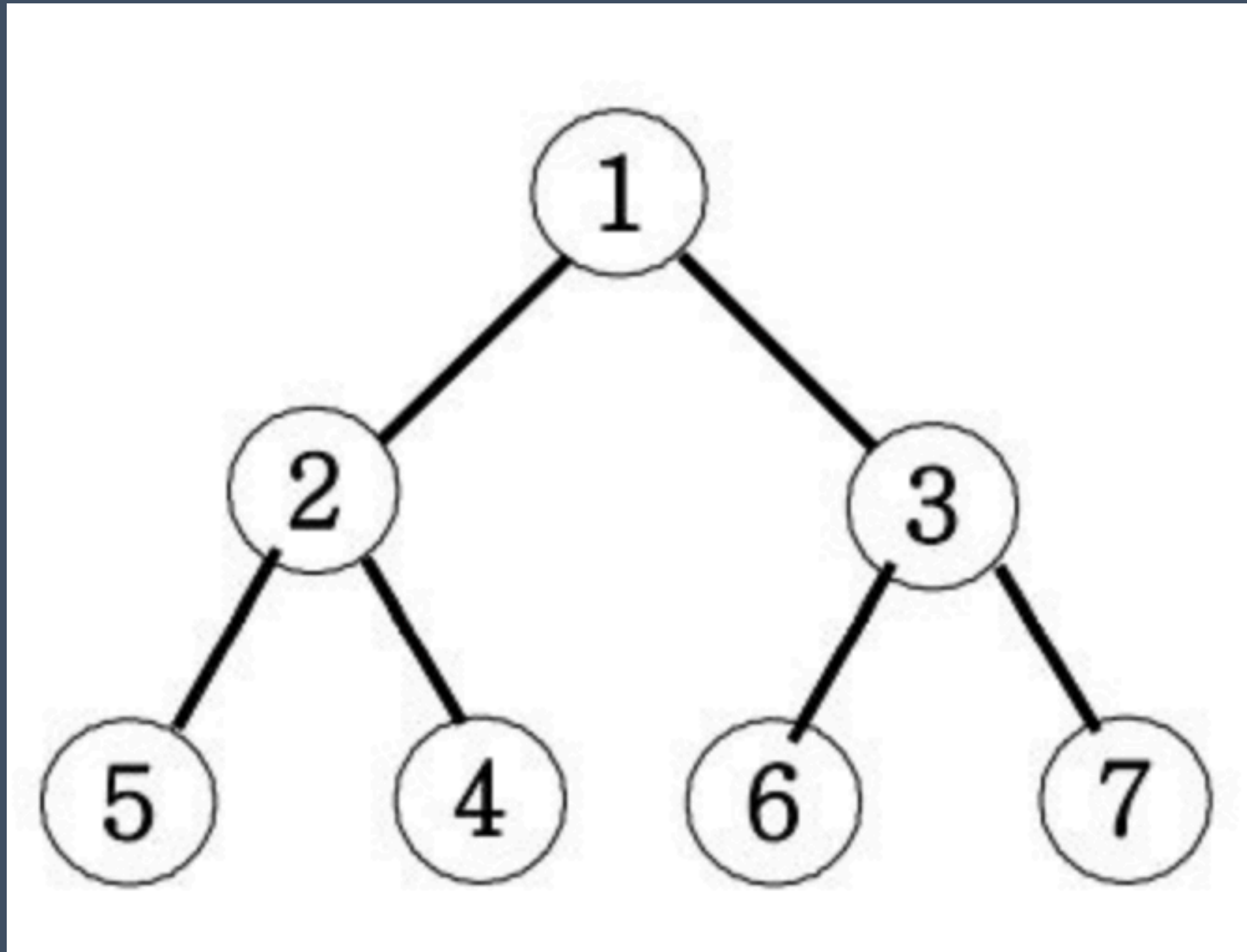
1-1

최소힙

—

루트 노드가 가장 작은 값
(우선순위 = 작은 수)

부모 노드의 값이 자식 노드의
값보다 작거나 같은 이진트리



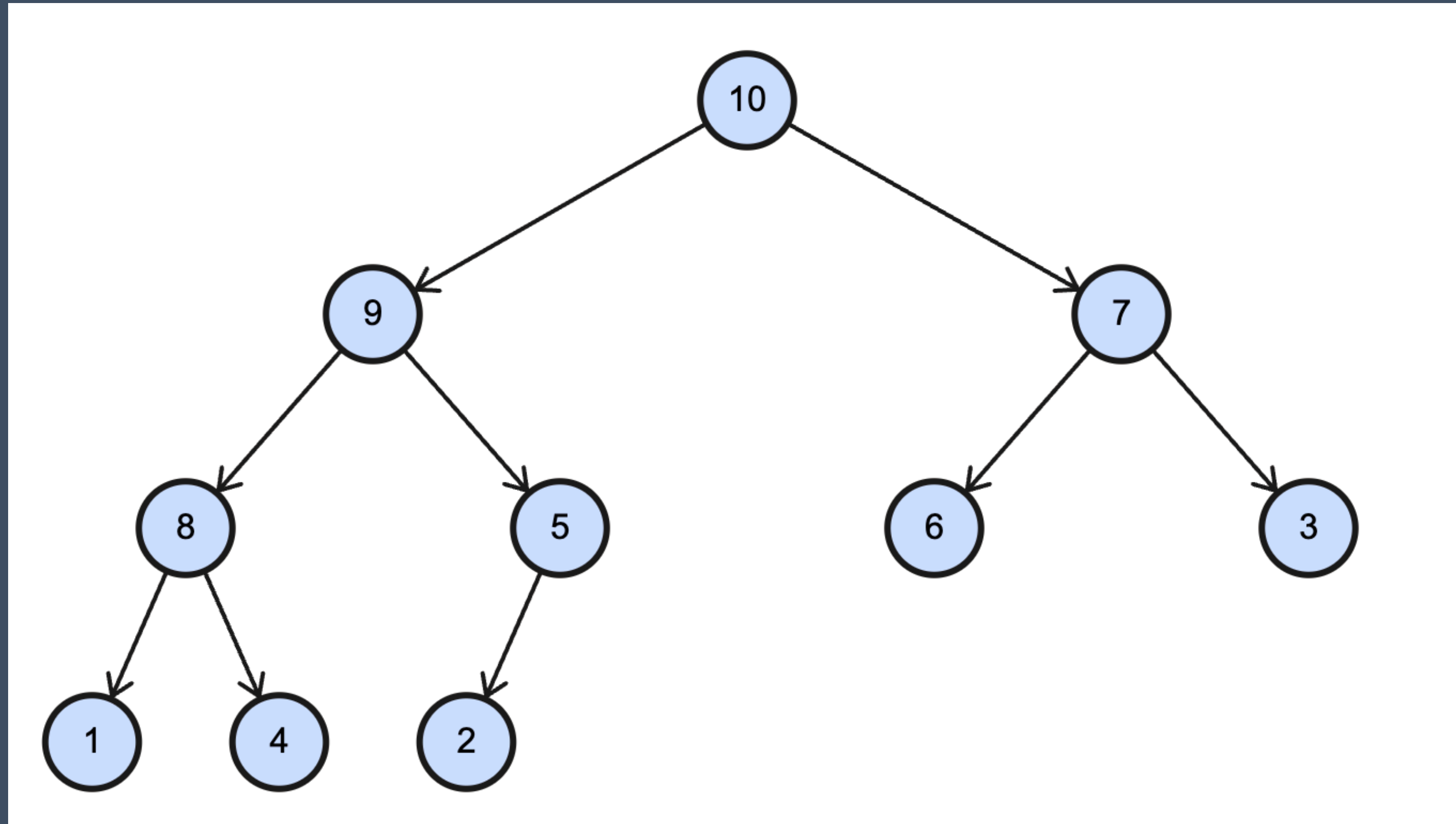
1-2

최대힙

—

루트 노드가 가장 큰 값
(우선순위 = 큰 수)

부모 노드의 값이 자식 노드의
값보다 크거나 같은 이진트리



2

힙 기반 우선순위 큐 문제 유형

기본 구현 함수

최소힙 기반 우선순위 큐
구현 후 함수 구현

21년도 문제 3번
22년도 문제 1번
22년도 김영호 문제 1번

최대힙 기반 우선순위 큐
구현 후 함수 구현

21년도 문제 1번
22년도 문제 3번
22년도 김영호 문제 3번

약간 응용 문제

힙 기반 우선순위 큐 구현 후
모든 물질을 특정 온도 이하로 만
들기

최대힙 기반
22년도 문제 2번
22년도 김영호 문제 2번

힙 기반 우선순위 큐 구현 후
모든 물질을 특정 온도 이상으로
만들기

최소힙 기반
21년도 문제 2, 4번
22년도 문제 4번
22년도 김영호 문제 4번