

## 算法讨论班第二十期-----李玥珮

2016 年 1 月 15 日星期五

### 136. Single Number

Given an array of integers, every element appears *twice* except for one. Find that single one.

**Note:**

Your algorithm should have a linear runtime complexity. Could you implement it without using extra memory?

解题思路:

思路一、

统计每个数字出现的次数，然后从中找出只出现一次的数字。Python 中可用字典实现，算法的时间复杂度  $O(n)$ ，空间复杂度  $O(n)$ 。

```
1 ▼ class Solution(object):
2 ▼     def singleNumber(self, nums):
3         """
4             :type nums: List[int]
5             :rtype: int
6         """
7         dictionary = {}
8 ▼         for element in nums:
9             if element in dictionary:
10                 dictionary[element] += 1
11             else:
12                 dictionary[element] = 1
13
14 ▼         for key in dictionary.keys():
15             if dictionary[key] == 1:
16                 return key
17
```

思路二、

首先对数组排序，然后两个一组的遍历数组。同一组的两个数字如果不相等，则该组的第一个数组就是结果。如果没有，则结果是最后一个数字。

1 1 2 2 3 4 4  
          ↑

1 1 2 2 3 3 4  
                  ↑

```
18 ▼ class Solution(object):
19 ▼     def singleNumber(self, nums):
20         """
21         :type nums: List[int]
22         :rtype: int
23         """
24         nums.sort()
25 ▼         for i in range(1, len(nums), 2):
26             if nums[i] != nums[i-1]:
27                 return nums[i-1]
28         return nums[-1]
29
```

Python 中 sort 的算法实现是 Timsort 算法。时间复杂度平均  $O(n\log n)$ ，空间复杂度最坏  $O(n/2)$ 。所以整个算法的时间复杂度是  $O(n\log n)$ ，空间复杂度  $O(n/2)$ 。

思路三、利用 XOR 运算。

因为  $A \text{ XOR } A = 0$ ，XOR 运算满足交换律。所以对于实例  $\{2\ 1\ 4\ 5\ 2\ 4\ 1\}$

```
(2^1^4^5^2^4^1) => ((2^2)^(1^1)^(4^4)^(5)) => (0^0^0^5) => 5
```

算法时间复杂度  $O(n)$ ，不需要额外的空间。

```
31 class Solution(object):
32     def singleNumber(self, nums):
33         """
34         :type nums: List[int]
35         :rtype: int
36         """
37         result = 0
38         for i in nums:
39             result ^= i
40         return result
41
```

## 137. Single Number II

Given an array of integers, every element appears *three* times except for one. Find that single one.

### Note:

Your algorithm should have a linear runtime complexity. Could you implement it without using extra memory?

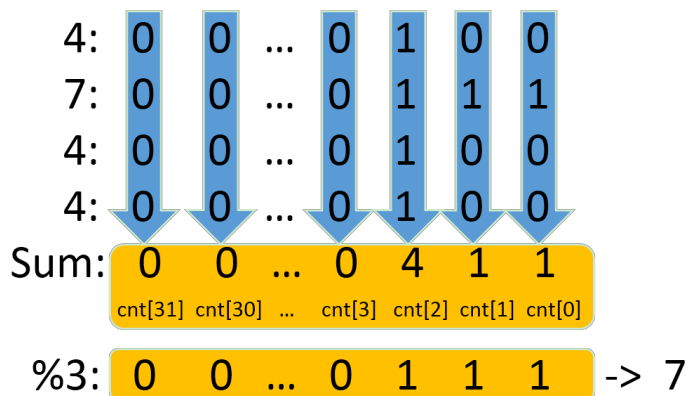
思路一、利用字典统计每个数字出现的次数。

思路二、先排序，然后每三个数字一组遍历。

以上两种思路与上题一样，只要对代码稍作修改即可。

思路三、利用位运算。

1、分别统计每位上 1 出现的次数，如果是 3 的倍数则该位设为 0，否则设为 1。



算法代码：c++。时间复杂度  $O(32n)$ ，空间复杂度  $O(1)$ 。

```

[cpp] view plain copy print ? C P
01. int singleNumberII_36(int A[], int n)
02. {
03.     int ans = 0;
04.     for (int i = 0; i < 32; i++)
05.     {
06.         int c = 0, d = 1<<i;
07.         for (int j = 0; j < n; j++)
08.             if (A[j] & d) c++;
09.
10.         if (c%3) ans |= d;
11.     }
12.     return ans;
13. }

```

2、位运算。首先只看一位的情况，代码实际上统计的是 1 出现的次数。32 位运算结果与 1 位是类似的。位运算过程如下：

```

twos |= ones & item # hold item
ones ^= item # hold item
threes = ones & twos # hold item

ones ^= threes # once sorted
twos ^= threes # once sorted

```

状态	THREE	TWO	ONE	出现 1 的次数
初态 0	0	0	0	0
状态 1	0	0	1	1
状态 2	0	1	0	2
状态 3	1	0	0	3
状态 1	0	0	1	4
.....				

代码如下：

```

1  class Solution(object):
2      def singleNumber(self, nums):
3          """
4          :type nums: List[int]
5          :rtype: int
6          """
7          ones, twos, threes = 0, 0, 0
8          for item in nums:
9              twos |= ones & item # hold item which occur twice
10             ones ^= item # hold item which occur once
11             threes = ones & twos # hold item which occur three times
12
13             ones ^= threes # once some item occur three items, reset ones
14             twos ^= threes # once some item occur three items, reset twos
15         return ones

```

思路四：用 set 处理数组，求和，与原数组的和做差比较得出结果。

```

18 class Solution(object):
19     def singleNumber(self, nums):
20         """
21         :type nums: List[int]
22         :rtype: int
23         """
24         a = set(nums)
25         a = sum(a) * 3 - sum(nums)
26         a = a / 2
27         return a

```

## 260. Single Number III

Given an array of numbers `nums`, in which exactly two elements appear only once and all the other elements appear exactly twice. Find the two elements that appear only once.

For example:

Given `nums = [1, 2, 1, 3, 2, 5]`, return `[3, 5]`.

**Note:**

1. The order of the result is not important. So in the above example, `[5, 3]` is also correct.
2. Your algorithm should run in linear runtime complexity. Could you implement it using only constant space complexity?

解题思路：

思路一、利用字典统计每个数字的个数。

思路二、先排序，再求解。

思路三、位运算。

因为要选出两个数字，这里考虑将原序列分成两个序列来做。分配的过程要满足两点：

- 1、相同的两个数字必须分在一个序列中。
- 2、只出现一次的两个数字（设为 a、b）要分属两个不同的序列。

为了满足第一条，可以用数据中的某一位来把数据分类。这样就能保证相同的数字被分入同一组。为了满足第二条，我们要选择 a、b 中的不同的一位来分类。算法代码如下：

```
26 class Solution(object):
27     def singleNumber(self, nums):
28         """
29         :type nums: List[int]
30         :rtype: List[int]
31         """
32         xor = 0
33         a = 0
34         b = 0
35         for num in nums:
36             xor ^= num
37         mask = 1
38         while(xor & mask == 0):
39             mask = mask << 1
40         for num in nums:
41             if num & mask:
42                 a ^= num
43             else:
44                 b ^= num
45         return [a, b]
```