curvature.h 说明文档

Haochen Huang

西安交通大学 MFM 课题组

版本: 0.02

日期: 2023年3月16日

摘要

本文为 curvature.h 文件的说明文档,该头文件为工具类型的头文件,基于 height.h 所计算出的界面高度值,提供求解相应界面网格上的曲率值的工具,为 tension.h, contact.h, reduced.h 等头文件提供所需函数。本头文件共分为两个部分:网格单元所含曲率求解以及界面网格势能求解。本版本为草稿,三种求解方式中的 height 函数值拟合与直接拟合由于需要 parabola.h 中的相关函数,暂时搁置,在完成 parabola.h 相应文档编写后再行增补。

目录

1	网格单元曲率求解	1
1.1	曲率在树状网格下的细分合并	. 1
1.2	三种曲率计算函数	. 3
1.3	曲率综合计算	11
2	边界单元势能求解	16
2.1	势能求解工具函数	16
22	执此控合计管函数	1.9

1. 网格单元曲率求解

本章内容共分为两个部分: 三种曲率求解方式以及相应网格单元上曲率的综合计算, 其中 三种求解方式为之后的曲率综合计算提供相应的工具, 而最终的求解则是依照具体情况选择适 当的方法对相应网格进行计算。

本章共分为三个小节,按照程序编写顺序,第一章简介曲率在树状网格下的细分和合并,第 二章具体讲解三种曲率计算函数,第三章则是汇总讲解曲率控制函数,介绍单元网格上的曲率 是如何分步骤被计算确定的。

1.1 曲率在树状网格下的细分合并

注意两个函数中的判断对象,当所有子单元中 kappa[] == nodata 时判断进入否定,取值 nodata

```
/**
   # Curvature of an interface
2
   The curvature field is defined only in interfacial cells. In all the
   other cells it takes the value *nodata*.
   On trees, we need to redefine the restriction function to take
   this into account i.e. the curvature of the parent cell is the average
   of the curvatures in the interfacial child cells. */
9
10
   #if TREE
11
   static void curvature_restriction (Point point, scalar kappa)
12
13
     double k = 0., s = 0.;
14
     foreach_child()
15
       if (kappa[] != nodata)
16
         k += kappa[], s++;
17
     kappa[] = s ? k/s : nodata; //注意这里的判断并不是 <math>kappa[] == s, 而是直接判断 s
         值是否为 0, 如果是 0 则说明子单元中没有任何的界面单元, 若不是 0 则该单元则
         继承子单元中边界单元的平均曲率
19
20
   /**
21
   The prolongation function performs a similar averaging, but using the
22
   same stencil as that used for bilinear interpolation, so that the
23
   symmetries of the volume fraction field and curvature field are
24
   preserved. */
25
   static void curvature_prolongation (Point point, scalar kappa)
27
   {
28
     foreach_child() {
29
       double sk = 0., s = 0.;
30
       for (int i = 0; i <= 1; i++)
31
       #if dimension > 1
32
         for (int j = 0; j \le 1; j++)
33
       #endif
34
         #if dimension > 2
35
```

1.2 三种曲率计算函数

首先介绍利用"height.h"函数直接通过定义式计算曲率的方法,再获得相应坐标高度后曲率计算如下(二维/三维)

$$\kappa = \frac{h_{xx}}{(1 + h_x^2)^{3/2}} \tag{1}$$

$$\kappa = \frac{h_{xx}(1 + h_y^2) + h_{yy}(1 + h_x^2) - 2h_{xy}h_xh_y}{(1 + h_x^2 + h_y^2)^{3/2}}$$
(2)

相应函数总体可分为两部分:即曲率、法向量计算函数 kappa(), normal(),以及综合函数 height_curvature(),首先来介绍两个功能函数。

在这里需要注意两个问题,首先由于曲率计算方法不同,2 维与 3 维相关工具函数依靠宏定义被区分开,其次需要注意 Basilisk 中自带的宏工具 foreach_dimension ,该工具会在编译阶段将带有"_x, x" 的代码块复制,并依照"(x,y,z)" 的顺序进行递进,下文中出现的定义的函数例如 kappa_z() 在 3D 情况下编译时会自动生成函数 kappa_y(),kappa_x(),相关高度生成部分请参看"height.h 说明文档"

```
1 /**

2 ## Height-function curvature and normal

3

4

5 The normal is computed in a similar way, but also allowing for asymmetric 2-points stencils and taking into account the orientation. */

8

9 #include "heights.h"

10

11 #if dimension == 2

12 foreach_dimension()//foreach_dimension 为 basilisk 自定义的指令, 在程序编译时该 → 指令会将作用范围内所有的代码进行复制, 并将表示下标的函数、参数进行遍历如 → ".x,.y" 以及 "_x,_y",也就是说下文中的 kappa_y 函数在实际的编译过程中被复制 → 成为了两个函数(宏定义为二维环境)kappa_x, 以及 kappa_y
```

```
static double kappa_y (Point point, vector h)
   {
14
     int ori = orientation(h.y[]);//orientation 函数用来鉴定该网格高度的法方向
     for (int i = -1; i \le 1; i++)
16
       if (h.y[i] == nodata || orientation(h.y[i]) != ori)//如果在周围网格内有
       → height 为 nodata 或者相邻网格 height 方向不相符合的情况,就将该网格的曲
       → 率定义为 nodata
        return nodata;
18
     double hx = (h.y[1] - h.y[-1])/2.;
19
     double hxx = (h.y[1] + h.y[-1] - 2.*h.y[])/Delta;
20
     return hxx/pow(1. + sq(hx), 3/2.);//直接做二阶精度的差分进行相关计算
21
   }
22
23
   foreach_dimension()//basilisk 中所有的坐标在只有单坐标时例如 h.x[i], 其所对应的
24
   → 指标为 x 轴
   static coord normal_y (Point point, vector h)
25
26
     coord n = {nodata, nodata};
27
     if (h.y[] == nodata)
28
      return n;
     int ori = orientation(h.y[]);
30
     if (h.y[-1] != nodata \&\& orientation(h.y[-1]) == ori) {
       if (h.y[1] != nodata && orientation(h.y[1]) == ori)//同样的确定相应网格的
32
       → height 值 1. 同方向 2. 不是 nodata
        n.x = (h.y[-1] - h.y[1])/2.;
33
       else
34
        n.x = h.y[-1] - h.y[]; // 边界处理, 当 h.y[1] 不存在时取一阶精度
35
     }
     else if (h.y[1] != nodata && orientation(h.y[1]) == ori)
37
      n.x = h.y[] - h.y[1]; //同理,取一阶精度
38
     else
39
       return n;
40
     double nn = (ori ? -1. : 1.)*sqrt(1. + sq(n.x));//如此做法的原因就是因为高度
41
        函数在非沿界面方向上,相邻两个单元网格的 height 之差还就是 1,详情见
     \rightarrow height.h
     n.x /= nn;
42
     n.y = 1./nn;//将法向量的两个分量进行单位化
43
```

```
return n;
44
   }//同一个网格会由两个方向的高度函数拟合出两个相对应的法向量
45
   #else // dimension == 3
   foreach_dimension()//三维情况下的曲率计算,同理该函数在实际编译时被复制成为 3
47
   → 份,分别是 kappa_x, kappa_y, kappa_z
   static double kappa_z (Point point, vector h)
48
   {
49
     int ori = orientation(h.z[]);
50
     for (int i = -1; i \le 1; i++)
51
       for (int j = -1; j \le 1; j++)
52
         if (h.z[i,j] == nodata || orientation(h.z[i,j]) != ori)
53
     return nodata;
     double hx = (h.z[1] - h.z[-1])/2.;
55
     double hy = (h.z[0,1] - h.z[0,-1])/2.;
56
57
     /**
     We "filter" the curvature using a weighted sum of the three
59
     second-derivatives in the x and y directions. This is necessary
60
     to avoid a numerical mode when the curvature is used to compute
61
     surface tension. */
63
     double filter = 0.2;
     double hxx = (filter*(h.z[1,1] + h.z[-1,1] - 2.*h.z[0,1]) +
65
       (h.z[1] + h.z[-1] - 2.*h.z[]) +
       filter*(h.z[1,-1] + h.z[-1,-1] - 2.*h.z[0,-1]))//在此处需要强调的是这里的
67
       → z 轴坐标全部都默认为当前位置,在该 z 坐标下进行一个平面上的高度函数二阶导
       → 数相关计算
       ((1. + 2.*filter)*Delta);
     double hyy = (filter*(h.z[1,1] + h.z[1,-1] - 2.*h.z[1]) +
69
       (h.z[0,1] + h.z[0,-1] - 2.*h.z[]) +
       filter*(h.z[-1,1] + h.z[-1,-1] - 2.*h.z[-1]))/
71
       ((1. + 2.*filter)*Delta);
     double hxy = (h.z[1,1] + h.z[-1,-1] - h.z[1,-1] - h.z[-1,1])/(4.*Delta);
73
     return (hxx*(1. + sq(hy)) + hyy*(1. + sq(hx)) - 2.*hxy*hx*hy)/
74
       pow(1. + sq(hx) + sq(hy), 3/2.);
75
   }//foreach_dimension 的具体操作其实质上就是转换坐标,在保持右手坐标系的前提下遍
    → 历每个方向上的坐标可能性
```

```
77
    foreach_dimension()
78
    static coord normal2_z (Point point, vector h)
80
     scalar hz = h.z;
81
     if (hz[] == nodata)
82
       return (coord){nodata, nodata, nodata};
     int ori = orientation(hz[]);
84
     double a = ori ? -1. : 1.;
     coord n:
86
     n.z = a;
87
     foreach_dimension(2) {//在此处 foreach_dimension 后跟 2 代表在 x 方向和 y 方
        向上进行循环遍历,请注意,此时函数方向为"_z"在进入别的方向判定时,该循环就
      \rightarrow 是在相应坐标下的 x,y 方向循环了
       if (allocated(-1) \&\& hz[-1] != nodata \&\& orientation(hz[-1]) == ori)
89
        → {//allocate 函数具体操作内容未知
         if (allocated(1) && hz[1] != nodata && orientation(hz[1]) == ori)
90
           n.x = a*(hz[-1] - hz[1])/2.;
91
         else
92
           n.x = a*(hz[-1] - hz[]); //进入该循环说明在某一方向上 height 函数无法取
            → 值,此时取一阶精度
       }
94
       else if (allocated(1) && hz[1] != nodata && orientation(hz[1]) ==
95
        → ori)//与上同理
         n.x = a*(hz[] - hz[1]);
96
       else
         n.x = nodata;
98
     }
     return n;
100
   }
101
102
    foreach_dimension()
103
    static coord normal_z (Point point, vector h) {
104
     coord n = normal2_z (point, h);//调用之前定义的函数, 其中 z 方向的值应该为 1
105
     double nn = fabs(n.x) + fabs(n.y) + fabs(n.z);
106
     if (nn < nodata) {</pre>
107
       foreach_dimension()
108
```

```
n.x /= nn; // 将相应的法向量单位化
return n;
}
return (coord) {nodata, nodata}; // 如果相应的值中有 nodata 的存在返回
→ nodata 向量

#endif
#endif
```

接下来介绍综合函数 height_curvature(), height_normal() 在前文中通过相应的宏工具生成了计算各个方向曲率以及法向量的工具函数,这一组函数的功能就是在前文函数的基础上决定使用哪一个方向计算曲率法向量并进行保存

```
/**
   We now need to choose one of the x, y or z height functions to
   compute the curvature. This is done by the function below which
   returns the HF curvature given a volume fraction field *c* and a
   height function field *h*. */
   static double height_curvature (Point point, scalar c, vector h)
   {
     /**
     We first define pairs of normal coordinates *n* (computed by simple
11
     differencing of *c*) and corresponding HF curvature function *kappa*
12
     (defined above). */
13
14
     typedef struct {
15
       double n;
16
       double (* kappa) (Point, vector);
17
     } NormKappa;
18
     struct { NormKappa x, y, z; } n; //定义命名为 n 的结构体, 其内容包含三个命名
19
      → 为 x y z 的 MNormKappa 结构体
     foreach_dimension()
20
       n.x.n = c[1] - c[-1], n.x.kappa = kappa_x;//将相关结构体名下的函数变量指向
21
       → 之前定义的函数 kappa_x (在上一小节中定义了三个函数 kappa_x, kappa_y,
       \hookrightarrow kappa_z)
     double (* kappaf) (Point, vector) = NULL; NOT_UNUSED (kappaf);//定义一个同类
22
      → 型数据的空指针
```

```
/**
24
     We sort these pairs in decreasing order of |n|. */
26
     if (fabs(n.x.n) < fabs(n.y.n))
27
       swap (NormKappa, n.x, n.y);//注意 swap 的功能是进行内存地址的相互交换,也就
28
       → 是说交换后排在第一个位置的值依旧是 n.x 只不过相应的指向内容变成原本 n.y
       \rightarrow 的内存内容, 也就是说在 n.x 下储存的函数名有可能是 kappa_y
   #if dimension == 3
29
     if (fabs(n.x.n) < fabs(n.z.n))
30
       swap (NormKappa, n.x, n.z);
31
     if (fabs(n.y.n) < fabs(n.z.n))
32
       swap (NormKappa, n.y, n.z);
33
   #endif
34
35
     /**
36
     We try each curvature function in turn. */
37
     double kappa = nodata; //从相应 fraction 变化最剧烈的地方开始进行计算
39
     foreach_dimension()
40
       if (kappa == nodata) {
41
         kappa = n.x.kappa (point, h);
42
         if (kappa != nodata) {//如果 kappa 已经赋值成功, 那么就跳过对 kappa 的相
43
         → 应赋值,将原本的数据结构重新指向上文中定义好的 kappa 类型空指针中
          kappaf = n.x.kappa;
44
          if (n.x.n < 0.)
45
            kappa = - kappa; //若体积分数移动方向为递减,则相应的曲率应当是负数值
46
         }
       }
48
     if (kappa != nodata) {
50
51
       /**
52
        We limit the maximum curvature to 1/\Delta. */
53
54
       if (fabs(kappa) > 1./Delta)
55
        kappa = sign(kappa)/Delta;
56
```

```
57
        /**
58
         We add the axisymmetric curvature if necessary. */
60
    #if AXI//旋转对称相关,具体内容待查
61
        double nr, r = y, hx;
62
        if (kappaf == kappa_x) {
63
          hx = (height(h.x[0,1]) - height(h.x[0,-1]))/2.;
64
          nr = hx*(orientation(h.x[]) ? 1 : -1);
65
        }
66
        else {
67
          r += height(h.y[])*Delta;
          hx = (height(h.y[1,0]) - height(h.y[-1,0]))/2.;
69
          nr = orientation(h.y[]) ? -1 : 1;
70
        }
71
        /* limit the minimum radius to half the grid size */
72
        kappa += nr/max (sqrt(1. + sq(hx))*r, Delta/2.);
73
    #endif
74
     }
75
     return kappa;
77
   }
78
79
    /**
    The function below works in a similar manner to return the normal
81
    estimated using height-functions (or a *nodata* vector if this cannot
82
    be done). */
83
    coord height_normal (Point point, scalar c, vector h)
85
    {
86
87
      /**
      We first define pairs of normal coordinates *n* (computed by simple
89
      differencing of *c*) and corresponding normal function *normal*
      (defined above). */
91
92
     typedef struct {
93
```

```
double n;
94
        coord (* normal) (Point, vector);
95
      } NormNormal;
      struct { NormNormal x, y, z; } n; //与上一个函数同等,对相应结构体赋值函数
97
      foreach_dimension()
        n.x.n = c[1] - c[-1], n.x.normal = normal_x;
100
      /**
101
      We sort these pairs in decreasing order of |n|. */
102
103
      if (fabs(n.x.n) < fabs(n.y.n))
104
        swap (NormNormal, n.x, n.y);
105
    #if dimension == 3
106
      if (fabs(n.x.n) < fabs(n.z.n))
107
        swap (NormNormal, n.x, n.z);
108
      if (fabs(n.y.n) < fabs(n.z.n))
109
        swap (NormNormal, n.y, n.z);
110
    #endif
111
112
      /**
113
      We try each normal function in turn. */
114
      coord normal = {nodata, nodata};
116
      foreach_dimension()
        if (normal.x == nodata)
118
          normal = n.x.normal (point, h);
119
120
      return normal; //相应的 nodata 选项已经在 normal 函数中被排除掉了
    }
122
123
    /**
124
    In three dimensions, these functions return the (two) components of
125
    the normal projected onto the (x,y) plane (respectively). */
126
127
    #if dimension == 3
128
    foreach_dimension()//此函数具体的功能待查,目前并没有遇见任何头文件中带有本函数
129
    coord height_normal_z (Point point, vector h)
130
```

```
{
131
       coord nx = normal2_x (point, h);
132
       coord ny = normal2_y (point, h);
133
       if (fabs(nx.y) < fabs(ny.x)) {</pre>
134
135
         normalize (&nx);
         return nx;
136
       }
137
       else if (ny.x != nodata) {
138
         normalize (&ny);
139
         return ny;
140
       }
141
       return (coord){nodata, nodata, nodata};
142
    }
143
     #endif
144
```

1.3 曲率综合计算

接下来介绍一个单元网格内的曲率是如何被计算完成的,按照程序编写顺序,首先介绍边界判断函数,该函数返回 bool 值,用于判断网格是否处于边界上或其相邻单元网格是否是边界(如果该单元的相邻单元是边界单元,那么也需要对其进行赋值,用于曲率拟合、平均等)

```
/**
   ## General curvature computation
   We first need to define "interfacial cells" i.e. cells which contain
4
   an interface. A simple test would just be that the volume fraction is
   neither zero nor one. As usual things are more complicated because of
   round-off errors. They can cause the interface to be exactly aligned
   with cell boundaries, so that cells on either side of this interface
   have fractions exactly equal to zero or one. The function below takes
   this into account. */
10
   static inline bool interfacial (Point point, scalar c)
12
   {
13
     if (c[] >= 1.) {
14
       for (int i = -1; i \le 1; i += 2)
15
         foreach_dimension()
16
           if (c[i] <= 0.)//只要有一个方向上的体积分数值越过界面为零,那么就认为该
17
              网格就是界面网格
```

```
return true;
18
19
     else if (c[] <= 0.) {
20
       for (int i = -1; i \le 1; i += 2)
21
         foreach_dimension()
           if (c[i] >= 1.)
23
            return true;
24
     }
25
     else // c[] > 0. && c[] < 1.
26
       return true;
27
     return false;
28
   3//该函数的创建目的就是为了防止界面与网格界面完全重合,导致并没有网格体积分数在
29
   → 0, 1 之间但依旧是界面网格
```

接下来介绍曲率计算的整体控制函数。曲率计算流程如下

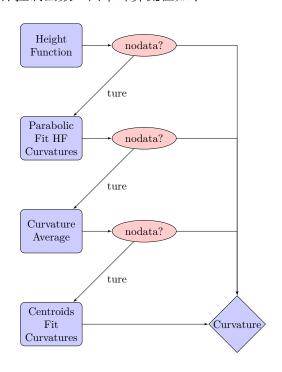


图 1: 曲率整体计算流程

```
The function below computes the mean curvature *kappa* of the

interface defined by the volume fraction *c*. It uses a combination of

the methods above: statistics on the number of curvatures computed

which each method is returned in a *cstats* data structure.
```

```
If *sigma* is different from zero the curvature is multiplied by *sigma*.
7
    If *add* is *true*, the curvature (optionally multiplied by *sigma*)
9
    is added to field *kappa*. */
10
11
   typedef struct {
12
      int h; // number of standard HF curvatures
13
      int f; // number of parabolic fit HF curvatures
14
      int a; // number of averaged curvatures
15
      int c; // number of centroids fit curvatures
16
   } cstats;
17
18
    struct Curvature {
19
      scalar c, kappa;
20
      double sigma;
21
     bool add;
22
   };
23
24
   trace
25
    cstats curvature (struct Curvature p)
26
    {
27
      scalar c = p.c, kappa = p.kappa;
28
      double sigma = p.sigma ? p.sigma : 1.;
      int sh = 0, sf = 0, sa = 0, sc = 0;
30
      vector ch = c.height, h = automatic (ch);
31
      if (!ch.x.i)
32
        heights (c, h);
33
34
      /**
      On trees we set the prolongation and restriction functions for
36
      the curvature. */
37
38
    #if TREE
39
      kappa.refine = kappa.prolongation = curvature_prolongation;
40
      kappa.restriction = curvature_restriction;
41
    #endif
42
```

```
43
     /**
44
     We first compute a temporary curvature *k*: a "clone" of
46
     scalar k[];
48
     scalar_clone (k, kappa);
49
50
     foreach(reduction(+:sh) reduction(+:sf)) {
51
52
       /**
53
       If we are not in an interfacial cell, we set \kappa to *nodata*. */
55
       if (!interfacial (point, c))
56
         k[] = nodata;
57
       /**
59
       Otherwise we try the standard HF curvature calculation first, and
60
        the "mixed heights" HF curvature second. */
61
       else if ((k[] = height_curvature (point, c, h)) != nodata)//也就意味着有且
63
        → 仅有界面单元才会被赋予曲率,否则不会有相应的 kappa 值
         sh++;
64
       else if ((k[] = height_curvature_fit (point, c, h)) != nodata) //直接使用曲
        → 率计算公式计算失败, 转为使用 height 函数值进行拟合
         sf++;
     }
67
     foreach (reduction(+:sa) reduction(+:sc)) {
69
       /**
71
       We then construct the final curvature field using either the
72
       computed temporary curvature... */
73
74
       double kf;
75
       if (k[] < nodata) //已经计算出 kappa 了
76
         kf = k[];
77
```

```
else if (interfacial (point, c)) {//进入该循环的条件就是即没有曲率值, 但是
       → 又存在于界面上, 那就说明上一个函数中的两种曲率计算已经失败了
         /**
80
         \dots or the average of the curvatures in the 3^d neighborhood
         of interfacial cells. */
82
83
         double sk = 0., a = 0.;
84
         foreach_neighbor(1)//循环遍历每个方向正负的网格单位
85
          if (k[] < nodata)</pre>
86
            sk += k[], a++;
87
         if (a > 0.)//如果周围有网格成功通过计算得出了相应的曲率值,那么就直接取相
         → 应网格上的曲率平均
          kf = sk/a, sa++;
         else
90
   ^^I/**
92
    ^^IEmpty neighborhood: we try centroids as a last resort. */
93
94
          kf = centroids_curvature_fit (point, c), sc++;//而如果连周围网格都没有
              曲率计算成功, 那么就只能使用网格中心拟合了
       }
       else
97
        kf = nodata;
99
       /**
100
       We add or set *kappa*. */
101
       if (kf == nodata)
103
         kappa[] = nodata;
104
       else if (p.add)
105
         kappa[] += sigma*kf;
106
       else
107
         kappa[] = sigma*kf;
108
     }
109
110
     return (cstats){sh, sf, sa, sc};//返回量是 cstats 型数据,其中包含用不同方式
111
     → 计算曲率的网格个数, sh 直接定义计算 (最高精度), sf 通过 height 值进行拟合,
        sa 通过周围网格进行平均, sc 直接通过周边网格的不同相含量
```

112 }

2. 边界单元势能求解

本章介绍函数的目的是求解方程

$$\mathbf{G} \cdot (\mathbf{x} - \mathbf{Z}) \tag{3}$$

其中 G 为自定义势能常数向量(例如重力加速度) \mathbf{x} , \mathbf{Z} 分别为边界单元位置坐标与零势能座标点。下文中定义的所有函数均在"reduced.h" 中被引用,相关用法请见"reduced.h 说明文档"

本章同样分为两小节,分别是相应的工具函数以及整体的势能求解,其代码中的大部分逻辑与前文相类似,故不再赘述。

2.1 势能求解工具函数

本小节分为两部分,与曲率求解类似,首先是直接求解方程3的工具函数 pos_x ,由于求解的对象为边界单元,为了提高求解的精度需要在 0 势能面垂直方向上增加边界高度即 height,由此第二个函数的目的就是仿照曲率计算的选择方法,选择相应的法方向累加边界厚度。

```
//注意以下部分函数的调用位置为 "reduced.h", 具体作用是使用势场来定义加速度, 而不
   → 是寻常的直接重写 acceleration event
   /**
   # Position of an interface
   with G and Z two vectors and x the
5
   coordinates of the interface.
   This is defined only in interfacial cells. In all the other cells it
   takes the value *nodata*.
10
   We first need a function to compute the position x of an
11
   interface. For accuracy, we first try to use height functions. */
12
13
   foreach_dimension()
14
   static double pos_x (Point point, vector h, coord * G, coord * Z)
15
16
     if (fabs(height(h.x[])) > 1.)//注意 fabs(height(h.x[]))>1. 会将一部分界面网
17
     → 格过滤, 见说明
      return nodata;
     coord\ o = \{x, y, z\}; // 在此处直接定义了该网格所处的坐标位置
19
     o.x += height(h.x[])*Delta;//由于过滤掉了非界面网格,此处的作用就是精确的定义
     → 界面所在的相关位置
```

```
double pos = 0.;
     foreach_dimension()//注意这里 foreach_dimension() 相关操作目的是进行矢量点乘
22
       pos += (o.x - Z->x)*G->x;
     return pos;//根据矢量计算返回 pos 值
24
   }
25
26
   /**
27
   We now need to choose one of the x, y or z height functions to
28
   compute the position. This is done by the function below which returns
29
   the HF position given a volume fraction field *f*, a height function
30
   field *h* and vectors *G* and *Z*. */
31
32
   static double height_position (Point point, scalar f, vector h,
33
   coord * G, coord * Z)
34
   {
35
36
     /**
37
     We first define pairs of normal coordinates *n* (computed by simple
38
     differencing of *f*) and corresponding HF position function *pos*
39
     (defined above). */
40
41
     typedef struct {
42
       double n;
43
       double (* pos) (Point, vector, coord *, coord *);
     } NormPos;//定义一种 NormPos 数据类型
45
     struct { NormPos x, y, z; } n;//n 中包含三个 NormPos 类型的数据
     foreach_dimension()
47
       n.x.n = f[1] - f[-1], n.x.pos = pos_x;//注意, 此处是一个函数指针传递, 也就
        → 是说该位置寄存的应该是上文中定义的 pos_x 函数
     /**
50
     We sort these pairs in decreasing order of |n|. */
51
52
     if (fabs(n.x.n) < fabs(n.y.n))
53
       swap (NormPos, n.x, n.y);
54
   #if dimension == 3
55
     if (fabs(n.x.n) < fabs(n.z.n))
56
```

```
swap (NormPos, n.x, n.z);
57
      if (fabs(n.y.n) < fabs(n.z.n))
58
        swap (NormPos, n.y, n.z);
    #endif
60
61
      /**
62
      We try each position function in turn. */
63
      //老方法,尝试直接返回 G(x-Z)
64
      double pos = nodata;
65
      foreach_dimension()
66
        if (pos == nodata)
67
          pos = n.x.pos (point, h, G, Z);
69
      return pos;
70
   }
71
```

2.2 势能综合计算函数

在此处需要注意的是,之前的工具函数 pos_x 中对于边界网格的筛选是不完全的(例如"height.h 说明文档"图 5),所以在本函数中对**是边界网格,但是 height(h.x[])>1** 的网格进行基于 f 的高度拟合(类似于曲率计算中的 centroids fit curvatures)

```
/**
2
   If *add* is *true*, the position is added to *pos*. */
4
   struct Position {
     scalar f, pos;//注意在这里 pos 已经是场量了
     coord G, Z;
    bool add;
8
   };
10
   void position (struct Position p)
11
12
     scalar f = p.f, pos = p.pos;//最终的计算结果将会添加到 pos 中
13
     coord * G = &p.G, * Z = &p.Z; //注意这里均是对地址的操作, 在之后的代码中任何对
14
     \rightarrow f、pos 的操作都是直接对结构体 p 中的相关项进行赋值操作
15
```

```
/**
     On trees we set the prolongation and restriction functions for
17
     the position. */
18
19
20
   #if TREE
     pos.refine = pos.prolongation = curvature_prolongation;
21
     pos.restriction = curvature_restriction;
22
   #endif
23
24
     vector fh = f.height, h = automatic (fh);
25
     if (!fh.x.i)
26
       heights (f, h);
27
     foreach() {
28
       if (interfacial (point, f)) {//如果网格是边界网格则进入该判断
29
         double hp = height_position (point, f, h, G, Z);
30
         if (hp == nodata) {//进入该循环则意味着该网格是界面网格但
31
          \rightarrow fabs(height(h.x[])) > 1.
32
   /**
33
   If the height function is not defined, we use the centroid of
34
   the reconstructed VOF interface. */
35
           coord n = mycs (point, f), o = {x,y,z}, c;//这里是定义一个数据类型为
37
            → coord 的 n 并在之后使用函数对其进行赋值
           double alpha = plane_alpha (f[], n);
38
           plane_area_center (n, alpha, &c);
           hp = 0.;
40
           foreach_dimension()
             hp += (o.x + Delta*c.x - Z->x)*G->x;
42
         }
43
         if (p.add)//决定是否在原有网格值上进行相加还是直接覆盖
44
           pos[] += hp;
45
         else
46
           pos[] = hp;
47
       }
48
       else
49
         pos[] = nodata;
50
```

```
51 }
52 }
```