# 大学生数学建模竞赛



www.mcm. EDU. CN

# 一、数学建模竞赛赛事

## 美国大学生数学建模竞赛(国际)

- 主办: 美国工业与应用数学学会和美国运筹学会
- 1985年 第一届大学生数学建模竞赛
- 1989年 我国开始组队参加
- 2023年 我校有15队参赛(2023.2.17~2023.2.21)

## 扬州大学大学生数学建模竞赛(学校)

2023年 扬州大学第六届大学生数学建模竞赛(2023.6)

## 全国大学生数学建模竞赛(国家)

- 主办:教育部高等教育司、中国工业与应用数学学会
- 1992年 第一届,120多个队
- 2022年 1606所院校、54257个队、近16万名大学生

- ○2023年全国大学生数学建模竞赛时间
  - 9月14日(周四)18时至9月17日(周日)20时
- ○甲乙组规则
  - 本科生从A、B、C题,专科生从D、E题选择一题参赛
- ○获奖比例
  - 全国一等、二等: 2%、5%
  - 赛区一等、二等、三等: 9%、12%、15%
- ○竞赛总结词
  - 竞赛级别之高、规模之大、影响之深、范围之广是其他 非体育类竞赛所不能比拟的
  - 挖掘出一大批有能力、有潜力的应用型人才

## ○全国大学生数学建模竞赛试题(选编)

- 眼科病床的合理安排 (2009年A题)
- 上海世博会影响力的定量评估(2010年B题)
- 城市表层土壤重金属污染分析(2011年A题)
- · 葡萄酒的评价(2012年A题)
- · 碎纸片的拼接复原(2013年B题)
- 嫦娥三号软着陆轨道设计与控制策略(2014年)
- 太阳影子定位(2015年A题)
- · 系泊系统的设计(2016年A题)
- · 颜色与物质浓度辨识(2017年C题)
- 智能RGV的动态调度策略(2018年B题)
- · "同心协力"策略研究(2019年B题)
- 炉温曲线(2020年A题)
- "FAST"主动反射面的形状调节(2021年A题目)
- 古代玻璃制品的成分分析与鉴别(2022年C题)

## 竞赛宗旨

创新意识 团队精神 重在参与 公平竞争

## 竞赛形式

3人一队 完整3天 利用可用资源

# 数模竞赛

## 竞赛结果

科技论文(约20页) 源程序 数据

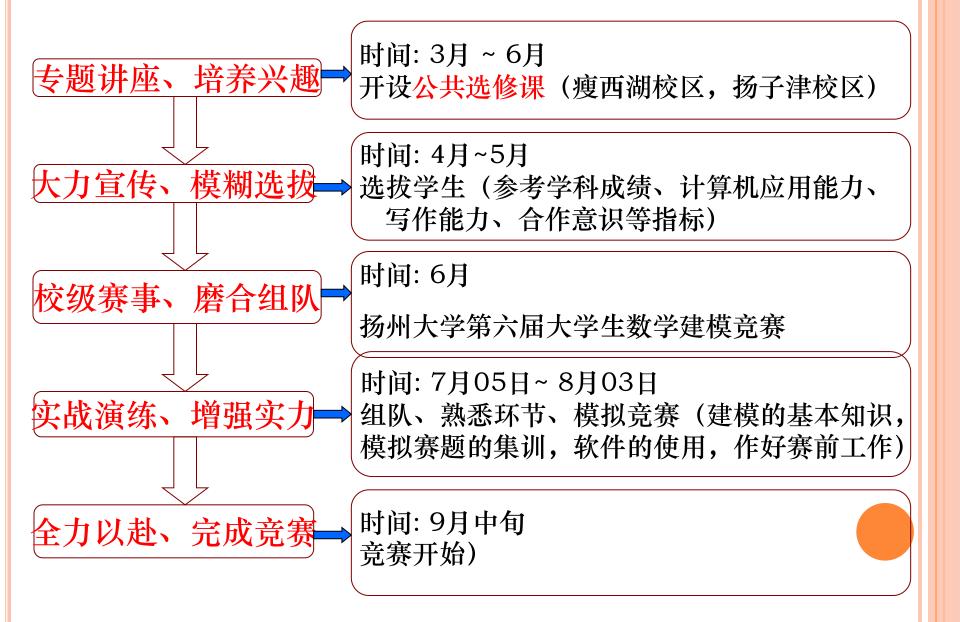
## 竞赛赛题

现实生活 经济价值 学科前沿

## 论文评奖

省专家评审 面试答辩 国家专家评审

# 二、参赛流程



# 三、建模竞赛对参赛学生的影响

- ○训练快速获取信息和资料的能力
- 锻炼快速了解和掌握新知识的技能
- 增强论文写作技能和排版技术
- 训练逻辑思维、开放性思考方式和创新能力
- ·培养团队合作意识和团队合作精神
- 荣获国家级奖项有利于保送研究生
- o荣获国际级奖项有利于出国留学,申请好学校
- 0优秀的学生更优秀精彩的人生更精彩

# 四、数学建模获奖证书



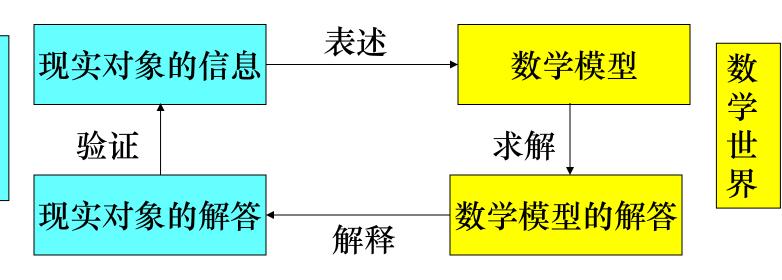






# 五、数学建模过程

现实世界



表述 根据目的和信息将实际问题"翻译"成数学问题.

求解 选择适当的数学方法求得数学模型的解答.

解释 将数学语言表述的解答"翻译"回实际对象.

验证 用现实对象的信息检验得到的解答.

实践 □ 理论 □ 实践

# 数学建模的实例

示例1椅子能在不平的地面上放稳吗?

问题分析

通常~三只脚着地 放稳~四只脚着地

模型 假设 四条腿一样长,椅脚与地面点接触,四脚连线呈正方形; 地面高度连续变化,可视为数学上的连续曲面; 地面相对平坦,使椅子在任意位置至少三只脚同时着地.

# 建立模型

用数学语言把椅子位置和四只脚着地的关系表示出来.

• 椅子位置 利用正方形(椅脚连线)的对称性.

用 的 (对角线与 x 轴的夹角)表示椅子位置及

• 四只脚着地 椅脚与地面距离为零 距离是 $\theta$ 的函数.

四个距离(四只脚)

正方形对称性

两个距离

A,C 两脚与地面距离之和 $\sim f(\theta)$ 

B,D 两脚与地面距离之和  $\sim g(\theta)$ 



Α

## 建立模型

## 地面为连续曲面

椅子在任意位置 至少三只脚着地 対任意 $\theta$ ,  $f(\theta)$ ,  $g(\theta)$  至少一个为 $\theta$ 

数学问题

已知:  $f(\theta)$ ,  $g(\theta)$ 是连续函数;

对任意 $\theta$ ,  $f(\theta) \cdot g(\theta) = 0$ ;

且 g(0)=0, f(0) > 0.

是否存在 $\theta_0$ , 使 $f(\theta_0) = g(\theta_0) = 0$ ?

## 模型求解给出一种简单、粗糙的证明方法

- 1) 将椅子旋转90°, 对角线AC和BD互换. 由 g(0)=0, f(0)>0, 知  $f(\pi/2)=0$ ,  $g(\pi/2)>0$ .
- 2)  $\diamondsuit h(\theta) = f(\theta) g(\theta)$ , 则 h(0) > 0 和  $h(\pi/2) < 0$ .
- 3) 由 f, g 的连续性知 h为连续函数,据连续函数基本性质,存在  $\theta_0$  (0<  $\theta_0$ <  $\pi$ /2),使  $h(\theta_0)$ =0,即  $f(\theta_0)$  =  $g(\theta_0)$ .
- 4) 因为  $f(\theta) \cdot g(\theta) = 0$ , 所以  $f(\theta_0) = g(\theta_0) = 0$ .

## 评注与思考

建模的关键

用母表示椅子的位置

用 $f(\theta)$ ,  $g(\theta)$ 表示椅脚与地面的距离

假设条件中哪些是本质的,哪些是非本质的?

考察四脚连线呈长方形的椅子

证明过程的粗糙之处

椅子的旋转轴在哪里,它在旋转过程中怎样变化?

# 欢迎同学们加入数学建模竞赛的团队,提高自己,释放自我,取得好的成绩。

QQ群: 2023年数学建模-扬州大学

群号: 727176238