

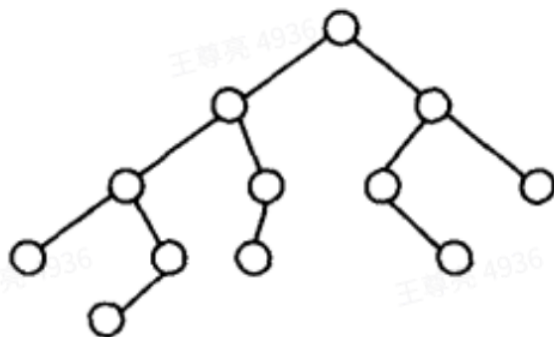
## 一、本章学习要点

- ## 二、作业

1. 在表长为n的顺序表上实施顺序查找，在查找不成功时与关键字比较的次数为 ( C/A )

- 解释：依次查找到41,77,95,82

- A、 1            B. 2            C、 4            D、 5
4. 具有五层结构的AVL树至少有 ( B ) 个结点



- A、 10                  B. 12                  C、 15                  D、 17
5. 以下关于B-树和B+树的说法正确的是 ( D )
- A. B-树和B+树都能有效的支持顺序查找

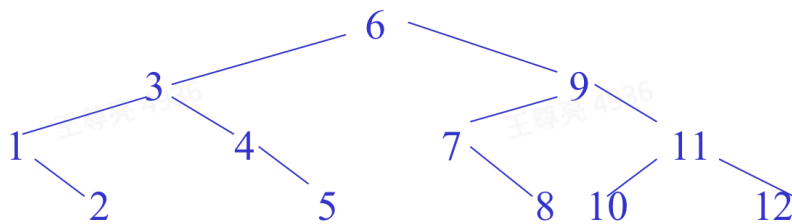
- B. m阶B-树中的每个结点的子树个数都大于或等于 $m/2$ 上取整
- C. m阶B+树中具有k个子树的非叶子结点含有k-1个关键字
- D. m阶B-树中任何一个结点的子树高度都相等
6. 下面关于散列表查找说法不正确的有（ AC ）个
- A. 采用链地址法解决冲突时，查找一个元素的时间是相同的。
- B. 采用链地址法解决冲突时，若规定插入总是在链首，则插入任一个元素的时间是相同的。
- C. 采用链地址法解决冲突容易引起聚集现象
- D. 再散列法不易产生聚集
7. 设散列表长为14，散列函数为 $H(key)=key\%11$ ，当前表中已有4个结点： $addr(15)=4$ ， $addr(38)=5$ ， $addr(61)=6$ ， $addr(84)=7$ 。如用二次探测再散列处理冲突，则关键字为49的结点的地址是（ D ） A、 8 B. 3 C、 5 D、 9

## 2.2 应用题

1. 已知含12个关键字的有序表及其相应权值为：

序号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
关键字	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L
权值	4	6	3	4	9	3	2	6	1	5	3	4

- (1) 画出对以上有序表进行折半查找的判定树，求折半查找时查找成功的平均查找长度ASL。



$$ASL = \frac{(3 \times 1 + (3+1) \times 2 + (4+4+2+3) \times 3 + (6+9+6+5+4) \times 4)}{(4+6+3+4+9+3+2+6+1+5+3+4)} = \frac{170}{50} = 3.4$$

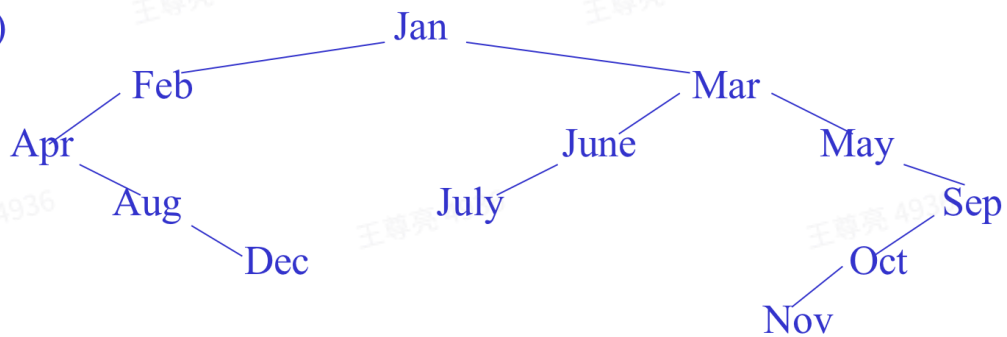
- (2) 按次优查找树的构造算法画出次优查找树，并计算平均查找长度ASL。

2. 已知如下长度为12的表：

(Jan, Feb, Mar, Apr, May, June, July, Aug, Sep, Oct, Nov, Dec)

- (1) 试按表中元素的顺序依次插入一棵初始为空的二叉排序树，请画出插入完成之后的二叉排序树，并求其在等概率的情况下查找成功的平均查找长度ASL。（关键字按字母表顺序排序，第一个字母相同的，比较第二个字母）

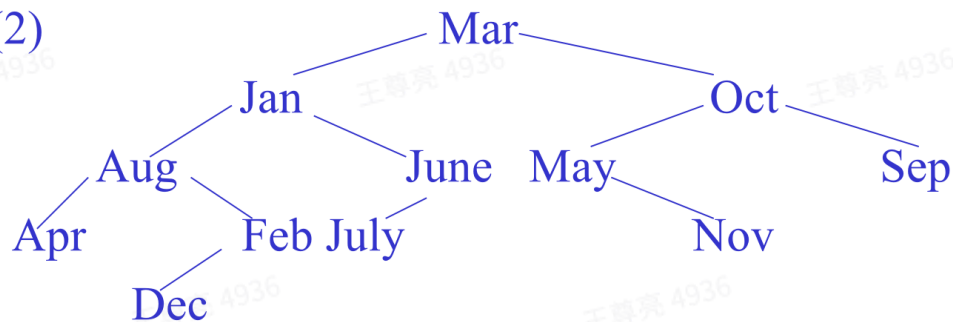
(1)



$$ASL = (1 \times 1 + 2 \times 2 + 3 \times 3 + 3 \times 4 + 2 \times 5 + 1 \times 6) / 12 = 42 / 12$$

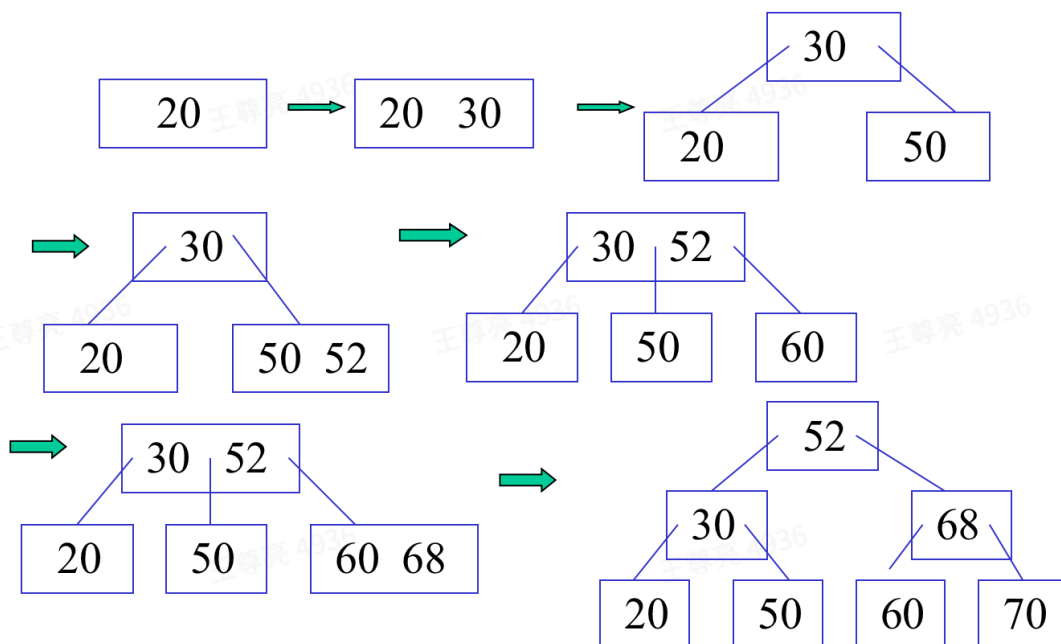
(2) 按表中元素的顺序构造一棵平衡二叉排序树，并求其在等概率的情况下查找成功的平均查找长度 ASL。

(2)

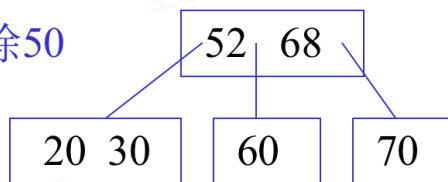


$$ASL = (1 \times 1 + 2 \times 2 + 4 \times 3 + 4 \times 4 + 1 \times 5) / 12 = 38 / 12$$

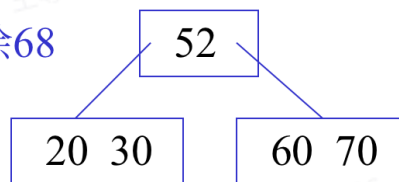
3. 试从空树开始，画出按以下次序向3阶B-树中插入关键码的建树过程：20，30，50，52，60，68，70。如果此后删除50和68，画出每一步执行后B-树的状态。



删除50



再删除68



4. 选取哈希函数 $H(k)=(3k) \text{ MOD } 11$ 。

1) 用线性探测开放定址法处理冲突，

2) 用链地址法处理冲突

试在0~10的散列地址空间中对关键字序列(22, 41, 53, 46, 30, 13, 01, 67)造哈希表，并求等概率情况下查找成功时的平均查找长度和不成功时的平均查找长度以及装填因子。

1)	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
	22	0	41	30	01	53	46	13	67		
H(K)	0		2	2	3	5	6	6	3		

Handwritten calculations for linear probing:  
 8  
 24  
 2  
 9  
 27  
 5  
 2  
 1

$$\frac{1}{2} \left( 1 + \frac{1}{1-\alpha} \right)$$

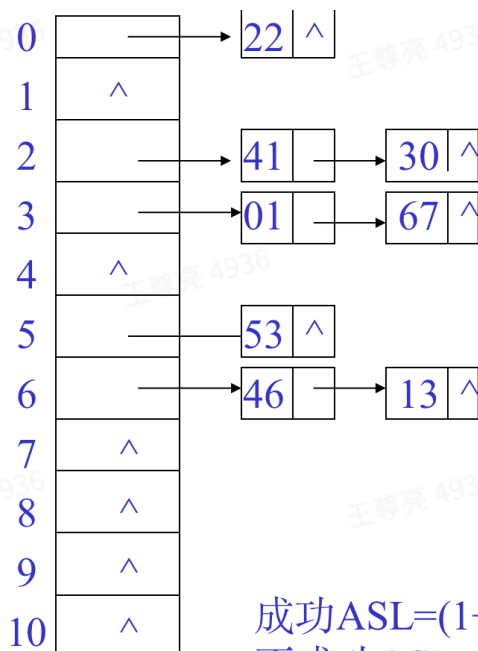
$$\frac{1}{2} \left( 1 + \frac{1}{1-\alpha} \right)$$

成功ASL=(1+1+2+2+1+1+2+6)/8=2

不成功ASL=(2+1+8+7+6+5+4+3+2+1+1)/11=40/11

$\alpha = 8/11$

Handwritten calculations for chain addressing:  
 2  
 6  
 8  
 24  
 2



成功ASL=(1+1+2+1+2+1+1+2)/8=11/8

不成功ASL=(1+2+2+1+2)/11=8/11

$\alpha = 8/11$

## 2.3 算法题

三、简答题：

1. 编写一个算法，利用折半查找算法在一个有序表中查找最后一个值小于或等于给定值的元素。

2. 编写一个算法，利用折半查找算法在一个有序表中插入一个元素 $x$ ，并保持表的有序性。
3. 编写递归算法，从大到小输出给定二叉排序树中所有关键字不小于 $x$ 的数据元素。
4. 假设哈希表长为 $m$ ，哈希函数为 $H(x)$ ，用链地址法处理冲突，试编写输入一组关键字并建造哈希表的算法。