

INFORMATIK I

Tutorium 6 — 22. November 2024

True or False, that is the question

Name Last
Universität Münster



L^AT_EX-Vorlage von
Florian Sihler

Übungsblatt 5

1

Aufgabe 1

Beweisen Sie die De-Morgan'schen Gesetze mit Wahrheitstafeln.

Lösung 1: $\overline{a \cap b} = \bar{a} \cup \bar{b}$

a	b	$a \cap b$	$\overline{(a \cap b)}$	\bar{a}	\bar{b}	$\bar{a} \cup \bar{b}$
0	0	0	1	1	1	1
0	1	0	1	1	0	1
1	0	0	1	0	1	1
1	1	1	0	0	0	0

Spalten 4 und 7 stimmen überein. Daher sind die Ausdrücke gleich.

Aufgabe 1

Beweisen Sie die De-Morgan'schen Gesetze mit Wahrheitstafeln.

Lösung 1: $\overline{a \sqcup b} = \bar{a} \sqcap \bar{b}$

a	b	$a \sqcup b$	$\overline{(a \sqcup b)}$	\bar{a}	\bar{b}	$\bar{a} \sqcap \bar{b}$
0	0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	0	0
1	0	1	0	0	1	0
1	1	1	0	0	0	0

Spalten 4 und 7 stimmen überein. Daher sind die Ausdrücke gleich.

Aufgabe 2: a)

Schreiben Sie eine Funktion für NAND.

Lösung 2: a)

```
nand :: Bool -> Bool -> Bool  
nand a b = not (a && b)
```

Aufgabe 2: a)

Schreiben Sie eine Funktion für NAND.

Lösung 2: a)

```
nand :: Bool -> Bool -> Bool
nand a b = not (a && b)
```

NAND-Gatter sind ein vollständiges Logiksystem:

NOT x	x NAND x	
x AND y	(x NAND y) NAND (x NAND y)	<i>NOT (x NAND y)</i>
x OR y	(x NAND x) NAND (y NAND y)	<i>De-Morgan</i>
	...	

⇒ Standardbaustein für Digitaltechnik

Aufgabe 2: b)

Schreiben Sie eine Funktion für XOR.

Lösung 2: b)

```
xor :: Bool -> Bool -> Bool  
xor a b = (a && not b) || (not a && b)
```

Aufgabe 2: b)

Schreiben Sie eine Funktion für XOR.

Lösung 2: b) Idee von l13_a1

```
xor :: Bool -> Bool -> Bool  
xor a b = (a || b) && (nand a b)
```


Aufgabe 3

Programmieren Sie zweistellige Boole'sche Funktion `quiet_atmosphere`, die zurückgeben soll, ob es ruhig genug ist, um der Vorlesung zu folgen.

Lösung 3: mit UND und NICHT

```
quiet_atmosphere :: Bool -> Bool -> Bool
quiet_atmosphere quiet_neighbors construction_noise =  $\neg$ 
    quiet_neighbors && not construction_noise
```

Aufgabe 3

Programmieren Sie zweistellige Boole'sche Funktion `quiet_atmosphere`, die zurückgeben soll, ob es ruhig genug ist, um der Vorlesung zu folgen.

Lösung 3: mit ODER und NICHT

```
quiet_atmosphere :: Bool -> Bool -> Bool
quiet_atmosphere quiet_neighbors construction_noise =  $\neg$ 
    not (not quiet_neighbors || construction_noise)
```

Aufgabe 4: a)

Programmieren Sie Algorithmus aus Aufgabe 2 von Übungsblatt 3 als rekursive Funktion. Welche Basisfälle lassen sich ableiten?

Lösung 4: a)

```
euclid :: Integer -> Integer -> Integer
euclid m n
  | m < 0 || n < 0    = error "Eingabe_negativ!"
  | m == 0            = n                                -- Basisfall 1
  | n == 0            = m                                -- Basisfall 2
  | m > n              = euclid (m - n) n                -- rekursive Aufrufe
  | otherwise         = euclid m (n - m)
```

Aufgabe 4: a)

Programmieren Sie Algorithmus aus Aufgabe 2 von Übungsblatt 3 als rekursive Funktion. Welche Basisfälle lassen sich ableiten?

Lösung 4: a) I10_a6: Näher am Pseudocode geht nicht!

```
euclid :: Integer -> Integer -> Integer
euclid m n
  | m < 0 || n < 0      = error "Eingabe_negativ!"
  | m == 0              = n                                -- Basisfall 1
  | n /= 0 && m > n      = euclid (m - n) n
  | n /= 0 && otherwise  = euclid m (n - m)
  | otherwise           = m                                -- Basisfall 2
```

Aufgabe 4: b)

Wieso terminiert Ihr Algorithmus?

Lösung 4: b)

Im Fehlerfall oder bei Erreichen eines Basisfalls endet der Algorithmus.

In den rekursiven Aufrufen wird einer der Parameter um eine Zahl ungleich 0 reduziert. Dies kann nur endlich oft geschehen, bevor ein Basisfall mit Terminierung erreicht wird.

Aufgabe 4: b)

Wieso terminiert Ihr Algorithmus?

Lösung 4: b)

Im Fehlerfall oder bei Erreichen eines Basisfalls endet der Algorithmus.

In den rekursiven Aufrufen wird einer der Parameter um eine Zahl ungleich 0 reduziert. Dies kann nur endlich oft geschehen, bevor ein Basisfall mit Terminierung erreicht wird.

Names Ergänzung: (inspiriert von I10_a4)

Es wird immer um eine Zahl reduziert, die kleiner als der Minuend ist. Damit kann der Fehlerfall nur beim initialen Aufruf erreicht werden; ansonsten wird immer schließlich ein Basisfall erreicht!

Warum ist es schon wieder 3 Uhr? xD

Name Last

Münster, 30. Januar 2025

name.last@uni-muenster.de