### INFORMATIKI

Tutorium 5 — 15. November 2024

# Aufgepasst!





## Übungsblatt 4



Setzen Sie Klammern, um zu zeigen, in welcher Reihenfolge die Teilausdrücke ausgewertet werden, und geben Sie das Ergebnis der Auswertung an.

Lösung 1:a) 3 \* 4 - 2 ^ 2 ^ 4

Setzen Sie Klammern, um zu zeigen, in welcher Reihenfolge die Teilausdrücke ausgewertet werden, und geben Sie das Ergebnis der Auswertung an.

Lösung 1:a) 
$$3 * 4 - 2 ^ 2 ^ 4$$

■ Potenz: Bindungsstärke 8, rechts-assoziativ 3 \* 4 - (2 ^ (2 ^ 4))

Setzen Sie Klammern, um zu zeigen, in welcher Reihenfolge die Teilausdrücke ausgewertet werden, und geben Sie das Ergebnis der Auswertung an.

#### Lösung 1:a) 3 \* 4 - 2 ^ 2 ^ 4

- Potenz: Bindungsstärke 8, rechts-assoziativ
- 3 \* 4 (2 ^ (2 ^ 4))

• Multiplikation: Bindungsstärke 7

(3 \* 4) - (2 ^ (2 ^ 4))

Setzen Sie Klammern, um zu zeigen, in welcher Reihenfolge die Teilausdrücke ausgewertet werden, und geben Sie das Ergebnis der Auswertung an.

#### Lösung 1:a) 3 \* 4 - 2 ^ 2 ^ 4

- Potenz: Bindungsstärke 8, rechts-assoziativ
- Multiplikation: Bindungsstärke 7
- **Subtraktion**: Bindungsstärke 6

$$3 * 4 - (2 ^ (2 ^ 4))$$

$$(3 * 4) - (2 ^ (2 ^ 4))$$

Setzen Sie Klammern, um zu zeigen, in welcher Reihenfolge die Teilausdrücke ausgewertet werden, und geben Sie das Ergebnis der Auswertung an.

#### Lösung 1:a) $3 * 4 - 2 ^2 4$

- Potenz: Bindungsstärke 8, rechts-assoziativ
- Multiplikation: Bindungsstärke 7
- Subtraktion: Bindungsstärke 6

$$3 * 4 - (2 ^ (2 ^ 4))$$

$$(3 * 4) - (2 ^ (2 ^ 4))$$

$$(3 * 4) - (2 ^ (2 ^ 4))$$
  
= -65524

Setzen Sie Klammern, um zu zeigen, in welcher Reihenfolge die Teilausdrücke ausgewertet werden, und geben Sie das Ergebnis der Auswertung an.

Lösung 1: b) add 5 3 + add 7 4 \* 2 - 3

Setzen Sie Klammern, um zu zeigen, in welcher Reihenfolge die Teilausdrücke ausgewertet werden, und geben Sie das Ergebnis der Auswertung an.

• Funktion: Bindungsstärke 10

(add 5 3) + (add 7 4) \* 2 - 3

Setzen Sie Klammern, um zu zeigen, in welcher Reihenfolge die Teilausdrücke ausgewertet werden, und geben Sie das Ergebnis der Auswertung an.

```
Lösung 1:b) add 5 3 + add 7 4 * 2 - 3
```

- **Funktion**: Bindungsstärke 10 (add 5 3) + (add 7 4) \* 2 3
- Multiplikation: Bindungsstärke 7 (add 5 3) + ((add 7 4) \* 2) 3

Setzen Sie Klammern, um zu zeigen, in welcher Reihenfolge die Teilausdrücke ausgewertet werden, und geben Sie das Ergebnis der Auswertung an.

#### Lösung 1:b) add 5 3 + add 7 4 \* 2 - 3

- **Funktion**: Bindungsstärke 10 (add 5 3) + (add 7 4) \* 2 3
- Multiplikation: Bindungsstärke 7 (add 5 3) + ((add 7 4) \* 2) 3
- Addition/Subtraktion: Bindungsstärke 6, daher Assoziativität (hier: links)
   ((add 5 3) + ((add 7 4) \* 2)) 3

Setzen Sie Klammern, um zu zeigen, in welcher Reihenfolge die Teilausdrücke ausgewertet werden, und geben Sie das Ergebnis der Auswertung an.

#### Lösung 1:b) add 5 3 + add 7 4 \* 2 - 3

- **Funktion**: Bindungsstärke 10 (add 5 3) + (add 7 4) \* 2 3
- Multiplikation: Bindungsstärke 7 (add 5 3) + ((add 7 4) \* 2) 3
- Addition/Subtraktion: Bindungsstärke 6, daher Assoziativität (hier: links)

$$((add 5 3) + ((add 7 4) * 2)) - 3$$

= 27

Programmieren Sie in Haskell einen zweistelligen, links-assoziativen Infix-Operator ~~ mit der Bindungsstärke 5, der den Mittelwert zweier Float-Zahlen berechnet.

Lösung 2: a) + b)

Programmieren Sie in Haskell einen zweistelligen, links-assoziativen Infix-Operator ~~ mit der Bindungsstärke 5, der den Mittelwert zweier Float-Zahlen berechnet.

#### Lösung 2: a) + b)

```
-- Bindungsstärke 5 infixl 5 ~~
```

Programmieren Sie in Haskell einen zweistelligen, links-assoziativen Infix-Operator ~~ mit der Bindungsstärke 5, der den Mittelwert zweier Float-Zahlen berechnet.

```
Lösung 2: a) + b)
```

```
-- Bindungsstärke 5
infixl 5 ~~

-- Signatur, Operator in Klammern
(~~) :: Float -> Float -> Float
```

Programmieren Sie in Haskell einen zweistelligen, links-assoziativen Infix-Operator ~~ mit der Bindungsstärke 5, der den Mittelwert zweier Float-Zahlen berechnet.

#### Lösung 2: a) + b)

```
-- Bindungsstärke 5
infixl 5 ~~

-- Signatur, Operator in Klammern
(~~) :: Float -> Float -> Float
-- Mittelwert: Summe, geteilt durch 2
x ~~ y = (x + y)/2
```

Geben Sie an, wie der Ausdruck 3 + 4  $\sim$  5 \* 6 ausgewertet wird. Welche Änderungen würden sich bei den Bindungsstärken 6 oder 7 ergeben?

#### Lösung 2: c)

Geben Sie an, wie der Ausdruck 3 + 4  $\sim$  5 \* 6 ausgewertet wird. Welche Änderungen würden sich bei den Bindungsstärken 6 oder 7 ergeben?

#### Lösung 2: c)

■ Bindungsstärke 5: \* > + > ~~:

$$(3 + 4) \sim (5 * 6) = 18.5$$

Geben Sie an, wie der Ausdruck 3 + 4  $\sim$  5 \* 6 ausgewertet wird. Welche Änderungen würden sich bei den Bindungsstärken 6 oder 7 ergeben?

#### Lösung 2: c)

- Bindungsstärke 5: \*> +> ~~:  $(3 + 4) \sim (5 * 6) = 18.5$
- Bindungsstärke 6: \* > + | ~~, also links-assoziativ:

$$(3 + 4) \sim (5 * 6) = 18.5$$

Geben Sie an, wie der Ausdruck 3 + 4 ~~ 5 \* 6 ausgewertet wird. Welche Änderungen würden sich bei den Bindungsstärken 6 oder 7 ergeben?

#### Lösung 2: c)

- Bindungsstärke 5: \*> +> ~~:  $(3 + 4) \sim (5 * 6) = 18.5$
- Bindungsstärke 6: \* > + | ~~, also links-assoziativ:

$$(3 + 4) \sim (5 * 6) = 18.5$$

■ Bindungsstärke 7: \* | ~~ > +, also links-assoziativ:

$$3 + ((4 \sim 5) * 6) = 30$$

Betrachten Sie eine zweistellige Funktion power, die für natürliche Zahlen b und e den Wert  $b^e$  berechnet.

Lösung 3: a) Geben Sie power als mathematische Funktion an

Betrachten Sie eine zweistellige Funktion power, die für natürliche Zahlen b und e den Wert  $b^e$  berechnet.

#### Lösung 3: a) Geben Sie power als mathematische Funktion an

power: 
$$\mathbb{N} \times \mathbb{N} \to \mathbb{N}$$
,  $(b,e) \mapsto b^e$ 

Betrachten Sie eine zweistellige Funktion power, die für natürliche Zahlen b und e den Wert  $b^e$  berechnet.

Betrachten Sie eine zweistellige Funktion power, die für natürliche Zahlen b und e den Wert  $b^e$  berechnet.

```
power :: Integer -> Integer -> Integer
```

Betrachten Sie eine zweistellige Funktion power, die für natürliche Zahlen b und e den Wert  $b^e$  berechnet.

```
power :: Integer -> Integer
power b e =
   if e >= 0 && b >= 0
   then b ^ e
   else -1
```

Betrachten Sie eine zweistellige Funktion power, die für natürliche Zahlen b und e den Wert  $b^e$  berechnet.

```
power :: Integer -> Integer
power b e =
   if e >= 0 && b >= 0
   then b ^ e
   else -1
```

- Wegen *Currying* gibt es nur einstellige Funktionen:  $\mathbb{D} = Integer$ .
- Zielmenge: Funktion W = {Integer -> Integer}

Programmieren Sie die einstellige Funktion power0fTwo, die für eine natürliche Zahl e den Wert 2<sup>e</sup> berechnet.

#### Lösung 3: c)

Programmieren Sie die einstellige Funktion power0fTwo, die für eine natürliche Zahl e den Wert 2<sup>e</sup> berechnet.

#### Lösung 3: c)

```
-- mit Parameter
powerOfTwoA :: Integer -> Integer
powerOfTwoA e = power 2 e
```

Programmieren Sie die einstellige Funktion power0fTwo, die für eine natürliche Zahl e den Wert 2<sup>e</sup> berechnet.

#### Lösung 3: c)

```
-- mit Parameter
powerOfTwoA :: Integer -> Integer
powerOfTwoA e = power 2 e

-- wir nutzen Currying
powerOfTwoB :: Integer -> Integer
powerOfTwoB = power 2
```

- Weitergehende Studien haben ergeben, dass die Änderungen an den Anzahlen verkaufter Gerichte besser durch ein kubisches Polynom beschrieben werden können als durch die Konstante dec\_portions, und zwar durch  $f(x) = x^3 + ax$  für eine Preiserhöhung um x Euro. (Positive x-Werte stellen Preiserhöhungen dar; der Funktionswert gibt dann an, wie viele Portionen weniger verkauft werden. Negative x-Werte stellen reduzierte Preise dar, bis hin zu "Bezahlungen" für Bestellungen, und führen zu weiteren Verkäufen.)
- Es kommt ein Einkaufsrabatt von 5% auf den price\_per\_portion zustande, wenn mindestens 150 Gerichte verkauft werden.
- Aufgrund eines beschränkten Lagerraumes für Zutaten kann maximal die Obergrenze von 300 Gerichten verkauft werden.
  - a) erechnen Sie den Wert der Konstante a in obigem Polynom, so dass f(1) = 10 (was den Wert 10 für dec\_portions verallgemeinert).

- Weitergehende Studien haben ergeben, dass die Änderungen an den Anzahlen verkaufter Gerichte besser durch ein kubisches Polynom beschrieben werden können als durch die Konstante dec\_portions, und zwar durch f(x) = x³ + ax für eine Preiserhöhung um x Euro. (Positive x-Werte stellen Preiserhöhungen dar; der Funktionswert gibt dann an, wie viele Portionen weniger verkauft werden. Negative x-Werte stellen reduzierte Preise dar, bis hin zu "Bezahlungen" für Bestellungen, und führen zu weiteren Verkäufen.)
- Es kommt ein Einkaufsrabatt von 5% auf den price\_per\_portion zustande, wenn mindestens 150 Gerichte verkauft werden.
- Aufgrund eines beschränkten Lagerraumes für Zutaten kann maximal die Obergrenze von 300 Gerichten verkauft werden
  - a) erechnen Sie den Wert der Konstante a in obigem Polynom, so dass f(1) = 10 (was den Wert 10 für dec\_portions verallgemeinert).
  - b) Ergänzen Sie das Programm der Vorlesung um geeignete Konstanten für obige Angaben.
  - c) Ändern Sie das Programm der Vorlesung, um obige Sachverhalte abzubilden. Folgen Sie dem Vorgehen der Vorlesung, um notwendige weitere Funktionen einzuführen (von Funktionsköpfen über Beispiele, die typische Fälle zeigen und sich leicht berechnen lassen, zu Funktionsrümpfen und exemplarischen Aufrufen). Beachten Sie zudem nachfolgende Vorgaben.
    - Lassen Sie die Signaturen der Funktionen costs und portions unverändert. Ändern Sie nur deren Definitionen

- Weitergehende Studien haben ergeben, dass die Änderungen an den Anzahlen verkaufter Gerichte besser durch ein kubisches Polynom beschrieben werden können als durch die Konstante dec\_portions, und zwar durch f(x) = x<sup>2</sup> + ax für eine Preiserhöhung um x Euro. (Positive x-Werte stellen Preiserhöhung en dar, der Funktionswert gibt dann an, wie viele Portionen weniger verkauft werden. Nesative x-Werte stellen reduzierte Preise dar, bis hin zu. Bezahlungen für Bestellungen und führen zu weiteren Verkäufen.)
- Es kommt ein Einkaufsrabatt von 5% auf den price\_per\_portion zustande, wenn mindestens 150 Gerichte verkauft werden.
- Aufgrund eines beschränkten Lagerraumes für Zutaten kann maximal die Obergrenze von 300 Gerichten verkauft werden.
  - a) erechnen Sie den Wert der Konstante  $\sigma$  in obigem Polynom, so dass f(1) = 10 (was den Wert 10 für dec\_portions verallgemeinert).
  - b) Ergänzen Sie das Programm der Vorlesung um geeignete Konstanten für obige Angaben.
  - c) Ändern Sie das Programm der Vorlesung, um obige Sachverhalte abzubilden. Folgen Sie dem Vorgehen der Vorlesung, um notwendige weitere Funktionen einzuführen (von Funktionsköpfen

über Beispiele, die typische Fälle zeigen und sich leicht berechnen lassen, zu Funktionsrümpfen und exemplarischen Aufrufen). Beachten Sie zudem nachfolgende Vorgaben.

- Lassen Sie die Signaturen der Funktionen costs und portions unverändert. Ändern Sie nur deren Definitionen.
- Nutzen Sie if-then-else in einer der neuen Funktionen, um den Preis pro Portion in Abhängigkeit von der Menge (und damit dem möglichen Rabatt) zu berechnen.
- Stellen Sie durch die Verwendung von Wächtern in einer der neuen Funktionen sicher, dass weder negative Anzahlen von Gerichten berechnet werden noch mehr als die oben genannte Obergrenze
- Nutzen Sie lediglich in der Vorlesung vorgestellte Haskell-Konstrukte.

#### Lösung 4

```
--- b)

--- Rabatt im Einkauf, wenn "viele" Gerichte gekauft werden.
discount :: Double
discount = 0.05

--- Schwellwert, ab dem ein Rabatt fuer "viele" Gerichte gewaehrt wird.
discount_threshold :: Int
discount_threshold = 150

--- Anzahl Portionen, die maximal verkauft werden koennen.
max_portions :: Int
```

 Weitergehende Studien haben ergeben, dass die Änderungen an den Anzahlen verkaufter Gerichte besser durch ein kubisches Polynom beschrieben werden können als durch die Konstante dec portions, and zwar durch  $f(x) = x^3 + ax$  für eine Preiserhöhung um x Euro. (Positive x-Werte stellen Preiserhöhungen dar; der Funktionswert gibt dann an, wie viele Portionen weniger verkauft werden Negative x-Werte stellen reduzierte Preise dar his hin zur Bezahlungen für Bestellungen und führen zu weiteren Verkäufen)

tions verallgemeinert)

ifen). Beachten Sie zudem nachfolgende Vorgaben.

e (und damit dem möglichen Rabatt) zu berechnen.

hlen von Gerichten berechnet werden noch mehr als die oben

- Es kommt ein Einkaufsrabatt von 5% auf den price per portion zustande, wenn mindestens 150 Gerichte verkauft werden.
- Aufgrund eines beschränkten Lagerraumes für Zutaten kann maximal die Obergrenze von 300 Gerichten verkauft werden.
  - a) erechnen Sie den Wert der Konstante a in obigem Polynom so dass fl
  - b) Ergänzen Sie das Programm der Vorlesung um geeignete Konsta
  - c) Ändern Sie das Programm der Vorlesung, um obige Sachver

über Beispiele, die typische Fälle zeigen und sich leicht be

- Lassen Sie die Signaturen der Funktionen cor
- Nutzen Sie i f-then-else in einer der neuen f
- Stellen Sie durch die Verwendung von Wäch genannte Obergrenze
- Nutzen Sie ledialich in der Vorlesung vorgest

discount :: Double discount = 0.05

discount\_threshold :: Int discount threshold = 150

max portions :: Int

Informatik I > max\_portions = 300 Dbungsblatt 4 > Aufgabe 4

#### Aufgabe 4: a)

Die Veränderung der verkauften Portionen bei einer Preiserhöhung um x wird besser durch die Funktion  $f(x) = x^3 + ax$  beschrieben.

Lösung 4: a) Berechnen Sie a, so dass f(1) = 10.

#### Aufgabe 4: a)

Die Veränderung der verkauften Portionen bei einer Preiserhöhung um x wird besser durch die Funktion  $f(x) = x^3 + ax$  beschrieben.

#### Lösung 4: a) Berechnen Sie a, so dass f(1) = 10.

$$f(x) = x^{3} + ax$$
$$f(1) = 1^{3} + a \cdot 1$$
$$1 + a = 10 \implies a = 9$$

#### Aufgabe 4: b)

Es können maximal 300 Gerichte verkauft werden, mit einem Mengenrabatt von 5% ab 150 Gerichten.

Lösung 4: b) Ergänzen Sie das Programm um geeignete Konstanten

Es können maximal 300 Gerichte verkauft werden, mit einem Mengenrabatt von 5% ab 150 Gerichten.

# Lösung 4: b) Ergänzen Sie das Programm um geeignete Konstanten

```
-- Mengenrabatt
```

discount :: Double

discount = 0.05

Es können maximal 300 Gerichte verkauft werden, mit einem Mengenrabatt von 5% ab 150 Gerichten.

# Lösung 4: b) Ergänzen Sie das Programm um geeignete Konstanten

```
-- Mengenrabatt
discount :: Double
discount = 0.05

-- Schwellwert
discount_threshold :: Int
discount_threshold = 150
```

Es können maximal 300 Gerichte verkauft werden, mit einem Mengenrabatt von 5% ab 150 Gerichten.

# Lösung 4: b) Ergänzen Sie das Programm um geeignete Konstanten

```
-- Mengenrabatt -- Maximalmenge
discount :: Double max_portions :: Int
discount = 0.05 max_portions = 300

-- Schwellwert
discount_threshold :: Int
discount_threshold = 150
```

Passen Sie das Programm an und führen Sie neue Funktionen mit passenden Beispielen ein.

Passen Sie das Programm an und führen Sie neue Funktionen mit passenden Beispielen ein.

# Lösung 4: c) Wir haben bereits...

```
-- Mengenrabatt -- Maximalmenge
discount :: Double max_portions :: Int
discount = 0.05 max_portions = 300

-- Schwellwert
discount_threshold :: Int
discount_threshold = 150
```

Passen Sie das Programm an und führen Sie neue Funktionen mit passenden Beispielen ein.

# Lösung 4: c) Einfach übernehmen:

```
-- Einkaufspreis

price_per_portion :: Double

price_per_portion = 2.0

-- Grundkosten

base_costs :: Double

base_price :: Double

base_price = 9.90

-- Grundanzahl Portionen

base_costs :: Int

base_costs = 200.0

base_portions = 100
```

Passen Sie das Programm an und führen Sie neue Funktionen mit passenden Beispielen ein.

# Lösung 4: c) Die neue Formel:

Passen Sie das Programm an und führen Sie neue Funktionen mit passenden Beispielen ein.

### Lösung 4: c) Die neue Formel:

```
-- Verkaufsrückgang pro Euro Preisanstieg
demand_decrease :: Double -> Int
demand_decrease delta = round (delta^3 + 9*delta)
```

Passen Sie das Programm an und führen Sie neue Funktionen mit passenden Beispielen ein.

### Lösung 4: c) Die neue Formel:

```
-- Verkaufsrückgang pro Euro Preisanstieg
demand_decrease :: Double -> Int
demand_decrease delta = round (delta^3 + 9*delta)
{-
-- wir entfernen dafür dec_portions
dec_portions :: Int
dec_portions = 10
-}
```

Passen Sie das Programm an und führen Sie neue Funktionen mit passenden Beispielen ein.

### Lösung 4: c) Obergrenze für den Verkauf:

Passen Sie das Programm an und führen Sie neue Funktionen mit passenden Beispielen ein.

## Lösung 4: c) Obergrenze für den Verkauf:

Passen Sie das Programm an und führen Sie neue Funktionen mit passenden Beispielen ein.

#### Lösung 4: c) Rabatt einberechnen:

Passen Sie das Programm an und führen Sie neue Funktionen mit passenden Beispielen ein.

### Lösung 4: c) Rabatt einberechnen:

```
-- Berechnet Preis inklusive Rabatt
portion_price :: Int -> Double
portion_price meals =
   if meals >= discount_threshold
   then price_per_portion * (1 - discount)
   else price_per_portion
```

Passen Sie das Programm an und führen Sie neue Funktionen mit passenden Beispielen ein.

#### Lösung 4: c) portions und costs:

Passen Sie das Programm an und führen Sie neue Funktionen mit passenden Beispielen ein.

#### Lösung 4: c) portions und costs:

```
-- Verkaufte Portionen für einen Preis
portions :: Double → Int
portions price = capped_portions (base_portions - ←
   demand_decrease (price - base_price))
```

Passen Sie das Programm an und führen Sie neue Funktionen mit passenden Beispielen ein.

### Lösung 4: c) portions und costs:

```
-- Verkaufte Portionen für einen Preis
portions :: Double -> Int
portions price = capped_portions (base_portions - \leftarrow
   demand decrease (price - base price))
-- Ausgaben für einen Preis
costs :: Double -> Double
costs price = base_costs + fromIntegral (portions price) * ←
   portion_price (portions price)
```

Passen Sie das Programm an und führen Sie neue Funktionen mit passenden Beispielen ein.

#### Lösung 4: c) Der Rest:

```
-- Einnahmen für einen Preis
revenue :: Double -> Double
revenue price = price * fromIntegral (portions price)

-- Gewinn für einen Preis
profit :: Double -> Double
profit price = (revenue price) - (costs price)
```

Interesse an einer LATEX-Einführung? :D

Name Last