

Localización espectral de resonancias plasmónicas en nanoesferas tipo Drude de tamaño arbitrario

Luna González, Dana L.¹, Urrutia Anguiano, Jonathan A.² y Reyes Coronado, Alejandro³

Departamento de Física, Facultad de Ciencias, Universidad Nacional Autónoma de México

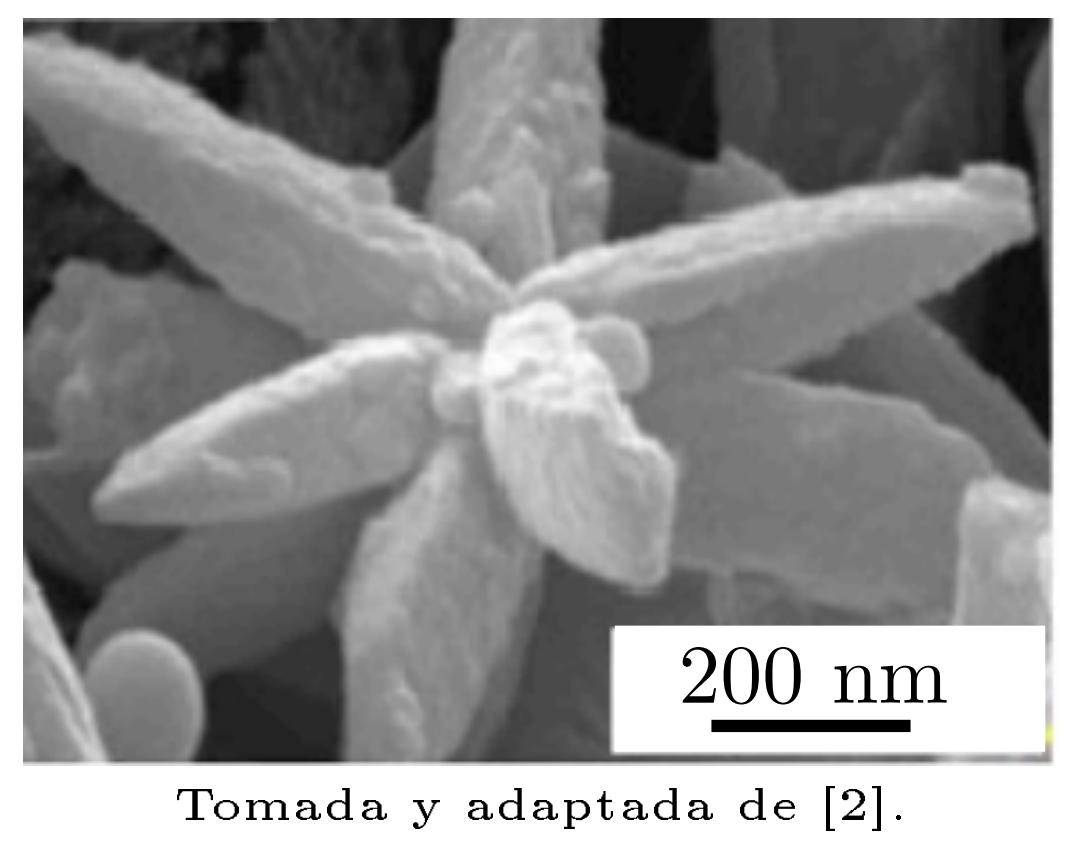
¹dana.larissalg@ciencias.unam.mx, ²jaurrutia.95@ciencias.unam.mx, ³coronado@ciencias.unam.mx

Resumen

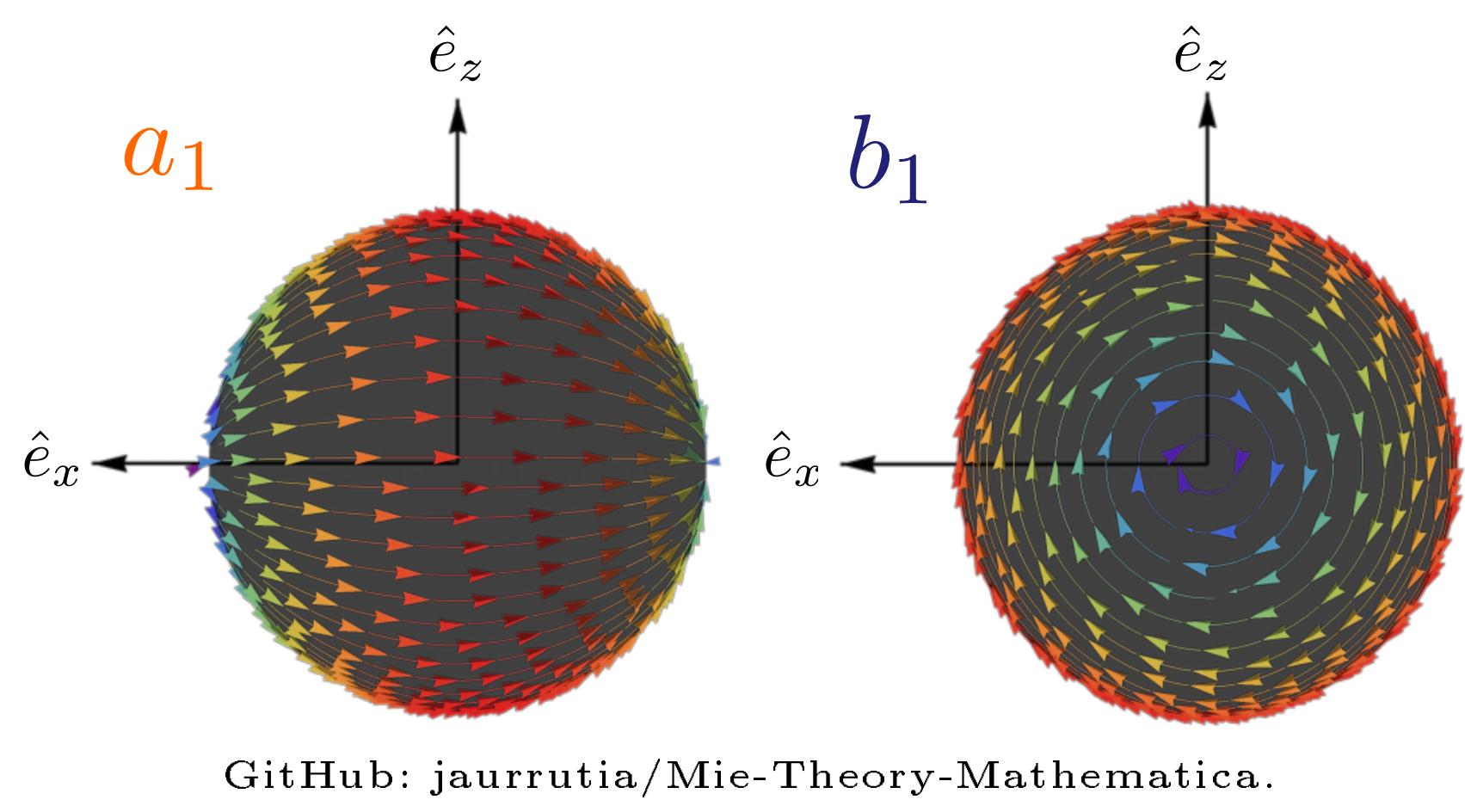
La **noplasmónica** es el estudio de la respuesta electromagnética en sistemas con respuesta metálica a la nanoscalada, es decir, con dimensiones menores a 100 nm. En sistemas espacialmente confinados a esta escala, se presenta el fenómeno de **resonancia de plasmón de superficie localizado**, resultado del acoplamiento entre los electrones libres de un metal con el campo electromagnético incidente que ilumina al sistema. Este fenómeno se puede emplear en aplicaciones como la espectroscopía y la medicina, debido a la sintonización de dichas resonancias a una frecuencia específica según las propiedades morfológicas del sistema. La teoría de Mie es una solución analítica a las ecuaciones de Maxwell que describe la excitación de la resonancia plasmática de superficie para partículas metálicas esféricas iluminadas por una onda electromagnética plana mediante una suma de contribuciones multipolares de modos eléctricos y magnéticos, con los cuales puede calcularse la sección transversal de extinción, cuyo máximo corresponde a la excitación del plasmón de superficie localizado. En este trabajo, se estudia teórica y numéricamente la localización espectral de las resonancias plasmónicas excitadas en **partículas esféricas** caracterizadas por una función dieléctrica descrita por el **modelo de Drude** en función de su **radio**. Para determinar numéricamente la posición espectral de las resonancias plasmónicas de los primeros órdenes multipolares eléctricos y magnéticos, se calcula la sección transversal de extinción para cada uno de ellos, y se identifica la frecuencia que maximiza estas cantidades. Finalmente, se contrastan los resultados obtenidos con la condición de resonancia en el **límite de partícula pequeña** obtenida analíticamente. Con base en los resultados, se presentan curvas del corrimiento al rojo de las resonancias plasmónicas de superficie localizadas para partículas esféricas conforme el límite de partícula pequeña deja de ser válido.

1) Introducción

La interacción luz-materia puede estudiarse clásicamente mediante la **absorción** y el **esparcimiento**, cuyo efecto combinado resulta en la **extinción** del haz incidente [1]. En los últimos años, se han estudiado las propiedades ópticas de partículas de diferentes formas y tamaños debido a sus potenciales aplicaciones en ciencia aplicada y nanotecnología [2].



Tomada y adaptada de [2].



2) Teoría de Mie

La solución al problema de absorción y esparcimiento de luz por una **partícula esférica** se conoce como **teoría de Mie**. Esta es una solución analítica a las ecuaciones de Maxwell que, para partículas metálicas iluminadas por una onda electromagnética (EM) plana, describe la excitación de la **resonancia plasmática de superficie localizada** (LSPR). Los campos EMs dentro de la partícula y los esparcidos por ésta se escriben como una combinación lineal de modos multipolares eléctricos y magnéticos modulados por los denominados **coeficientes de Mie**. En particular, los coeficientes correspondientes al campo esparcido están dados por [1]:

$$a_\ell = \frac{m\psi_\ell(mx)\psi'_\ell(x) - \psi_\ell(x)\psi'_\ell(mx)}{m\psi_\ell(mx)\xi'_\ell(x) - \xi_\ell(x)\psi'_\ell(mx)},$$

$$b_\ell = \frac{\psi_\ell(mx)\psi'_\ell(x) - m\psi_\ell(x)\psi'_\ell(mx)}{\psi_\ell(mx)\xi'_\ell(x) - m\xi_\ell(x)\psi'_\ell(mx)},$$

con $\psi_\ell(\rho) = \rho j_\ell(\rho)$ y $\xi_\ell(\rho) = \rho h_\ell^{(1)}(\rho)$ las funciones de Riccati-Bessel, dadas en términos de las funciones esféricas de Bessel j_ℓ y las funciones esféricas de Hankel de primer tipo $h_\ell^{(1)}$, $m = n_p/n_m$ y $x = 2\pi n_m/a$ el parámetro de tamaño. La **sección transversal de extinción** se escribe en términos de los coeficientes de Mie como [1]:

$$C_{ext} = \frac{2\pi}{k^2} \sum_{\ell=1}^{\infty} (2\ell+1) \operatorname{Re}\{a_\ell + b_\ell\},$$

donde $\operatorname{Re}\{\cdot\}$ representa la parte real de un número complejo.

3) Esferas plasmónicas en el límite $k_m a \ll 1$

La respuesta electromagnética de un metal puede describirse mediante el **modelo de Drude**, que describe clásicamente las interacciones de los electrones libres de un material en presencia de un campo eléctrico oscilante [3], el cual está dado por:

$$(1) \quad \epsilon_p = \sqrt{1 - \frac{\omega_p^2}{\omega(\omega + i\gamma)}}. \quad \begin{array}{l} \epsilon_p: \text{función dieléctrica de la partícula} \\ \omega_p: \text{frecuencia de plasma} \\ \gamma: \text{constante fenomenológica de amortiguamiento} \end{array}$$

Considerando el límite de partícula pequeña, la expansión de las funciones de Riccati-Bessel [4] y $n_m = 1$, al minimizar el denominador de los coeficientes de Mie, se obtienen las condiciones de excitación de las LSPR de una esfera:

Multipolos eléctricos

$$n_p(\omega_\ell) = \sqrt{-\frac{\ell+1}{\ell}},$$

al emplear la Ec. (1) y considerar el límite $\gamma \rightarrow 0$, al despejar ω se obtiene:

$$\frac{\omega_\ell}{\omega_p} = \sqrt{\frac{\ell}{2\ell+1}}.$$

Dipolo eléctrico
Plasmón de superficie
de superficie

$$\omega_1/\omega_p = 1/\sqrt{3}$$

$$\omega_\infty/\omega_p = 1/\sqrt{2}$$

Multipolos magnéticos

$$\ell' = -(\ell+1).$$

No soluble para ℓ entero.

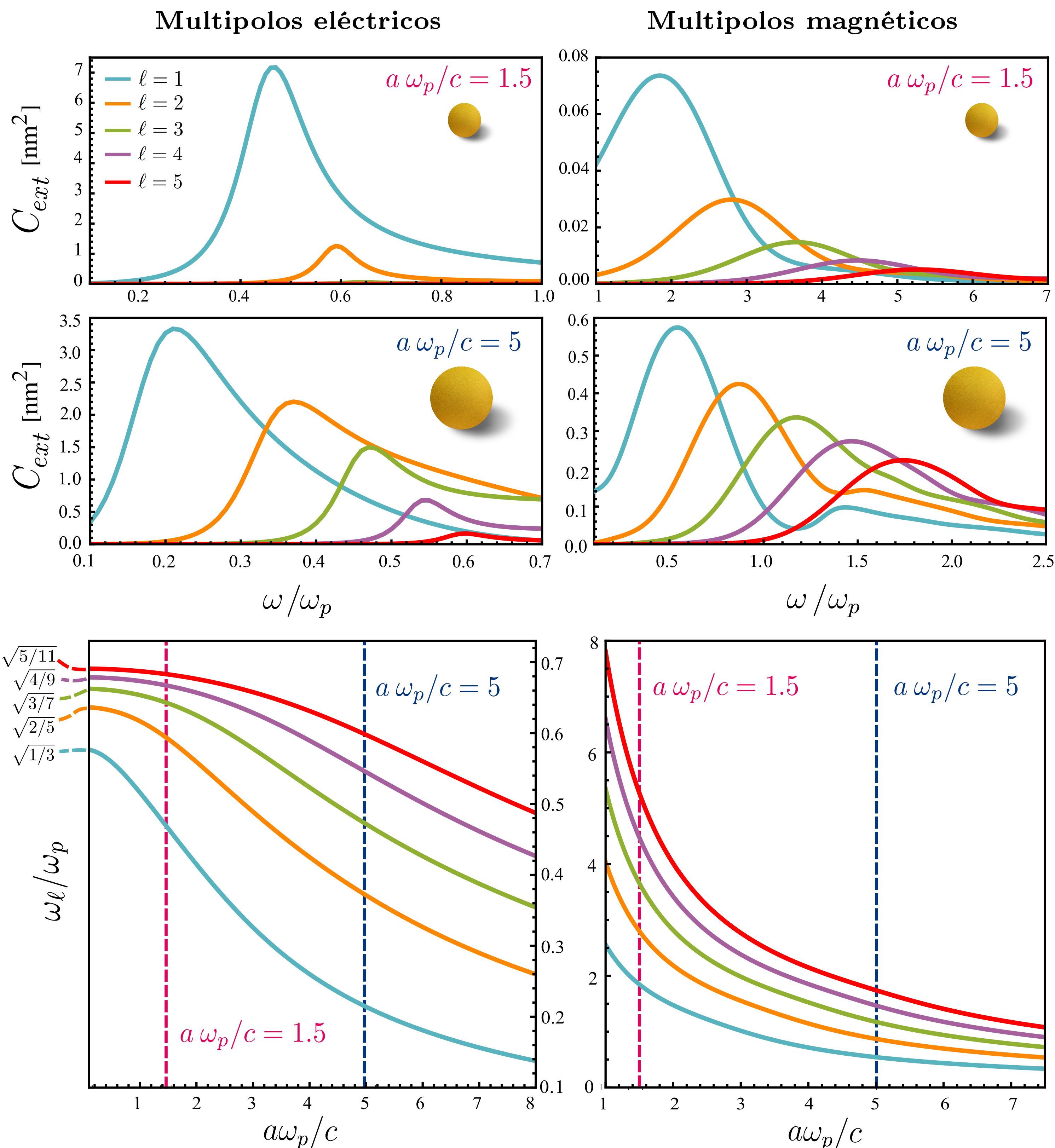
No existe solución para los modos magnéticos en este régimen.

4) Resultados numéricos

Fuera del régimen de partícula pequeña, las resonancias se calculan de forma numérica. En este trabajo se optó por emplear el **método de la sección dorada** [6], así como reescribir ϵ_p y el parámetro de tamaño en función de las variables adimensionales ω/ω_p , γ/ω_p y $a\omega_p/c$, como:

$$n_p = \left(1 - \frac{1}{\frac{\omega}{\omega_p} \left(\frac{\omega}{\omega_p} + i \frac{\gamma}{\omega_p} \right)} \right)^{1/2}, \quad x = \frac{\omega}{\omega_p} \frac{a\omega_p}{c} n_m,$$

donde $a\omega_p/c$ compara la frecuencia de excitación ω con el tiempo de acoplamiento a/c entre la interacción EM de la esfera y la densidad de carga inducida asociada a su correspondiente plasmón de superficie en la esfera [5].



5) Conclusiones

- No es posible calcular una aproximación de las frecuencias de excitación de las LSPRs de los modos normales magnéticos en el límite de partícula pequeña.
- Conforme el radio de la partícula tiende a cero, se recupera lo obtenido analíticamente mediante el límite de partícula pequeña para los modos eléctricos.
- Las LSPRs magnéticas, en el límite de partícula pequeña, se excitan a frecuencias que tienden a infinito.
- Para partículas esféricas, conforme el límite de partícula pequeña deja de ser válido, se presenta un corrimiento al rojo de las LSPRs.

6) Referencias

- [1] C.F. Bohren y D.R. Huffman, *Absorption and scattering of light by small particles* (John Wiley & Sons, 1980).
- [2] A. Loiseau et al., *Silver-Based Plasmonic Nanoparticles for and Their Use in Biosensing*, Biosensors (Basel) **78**, 9(2) (2019).
- [3] L. Novotny, *Principles of Nano-Optics* (Cambridge University Press, New York, 2006).
- [4] M. Abramowitz y I.A. Stegun, *Handbook of Mathematical Function Graphs, and Mathematical Tables*, 10a ed. (National Bureau of Standard Applied Mathematics Series 55, Estados Unidos, 1972).
- [5] J. Aizpurua, *Coupling of electrons and electromagnetic surface modes in scanning transmission electron microscopy*. Tesis doctoral (Universidad de País Vasco, País Vasco, España, 1998).
- [6] W. H. Press et al. *Numerical Recipes: The Art of Scientific Computing* 3ra ed. (Cambridge University Press, New York, 2007).