



Kontinuumsmechanik

Sommersemester 2023

Kurzfragentest vom 20.06.2023

Nε	ame, Vorname	Matrikelnummer
	Studiengang	
len dürfen. Hierzu zä Rechnungen und Ergel	hlen insbesondere Taschenrech	rlei elektronische Hilfsmittel benutzt wer- ner, Laptops und Mobiltelefone. Skizzen, echten Stiften (keine Blei- oder Buntstifte) den.
Hiermit erkläre ich, da	ass	
sind. Mir ist auf	-	svoraussetzungen aus der StuPO bekannt hterfüllung zur Ungültigkeit der Prüfung
		rüfung eine ordnungsgemäße Anmeldung g ist. (§ 63 Abs. 1 Satz 5 AllgStuPO)
	Beeinträchtigungen abgelegt	annten und bewusst in Kauf genommenen wird, grundsätzlich Gültigkeit hat. (§ 64
ch fühle mich prüfung	gsfähig.	
Da	tum, Unterschrift des Studierer	nden/der Studierenden
-	ergebnisse ausschließlich in e Blätter werden nicht bew	die dafür vorgesehenen Kästen ein. vertet.
Erreichte Punkte		
Handzeichen		

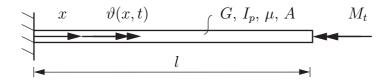
Aufgabe 1 [5 Punkte]

Ordnen Sie den Größen die richtige Einheit zu.

	$\frac{\text{kg}}{\text{s}^2}$	$\frac{\text{kg n}}{\text{s}^2}$	$\frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}^2}$	$\frac{\text{kg}}{\text{m}}$	$\frac{1}{s}$	kg	s	m
Eigenfrequenz ω_i								
\ddot{w} (w: Verschiebung in z-Richtung)								
Masse								
Dehnsteifigkeit EA								
Vorspannung T								

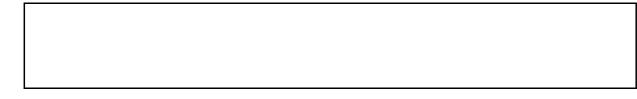
Aufgabe 2 [4 Punkte]

Gegeben sei der wie oben skizziert gelagerte Torsionsstab welcher am Ende mit einem konstanten Torsionsmoment M_t belastet ist.



Geg: G, I_p, μ, A, M_t, l

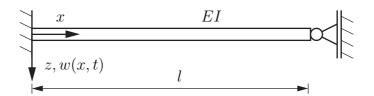
a) Geben Sie die zu diesem System gehörende Feldgleichung in Abhängigkeit der gegebenen Größen an:



b) Geben Sie die zu diesem System gehörenden Randbedingungen an.



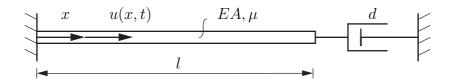
Aufgabe 3 [2 Punkte]



Wie viele dynamische und wie viele geometrische Ranbedingungen hat der oben skizzierte Balken?

dynamische Randbedingung	
geometrische Randbedingung	

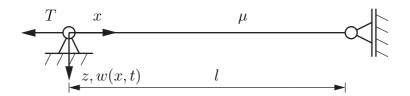
Aufgabe 4 [2 Punkte]



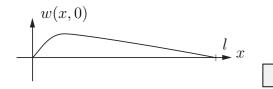
Gegeben ist der oben skizzierte Stab, welcher links fest eingespannt ist und rechts über einen Dämpfer mit der Dämpfungskonstanten d mit der Umgebung gekoppelt ist. Betrachtet werden die Längsschwingungen. Kreuzen Sie die richtigen Randbedingungen an:

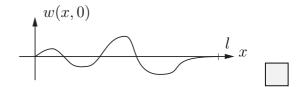
$EAu'(l,t) = -\mu\ddot{u}(l,t)$	$EAu'(l,t) = -d\dot{u}(l,t)$	
EAu'(l,t) = 0	u(0,t) = 0	
u'(0,t) = 0	$EAu'(l,t) = d\ddot{u}(l,t)$	

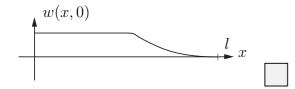
Aufgabe 5 [4 Punkte]



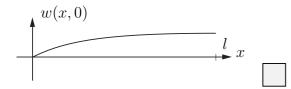
Kreuzen Sie an welche der folgenden Anfangsauslenkungen für die oben skizzierte Saitezulässig sind:

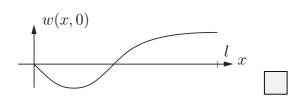


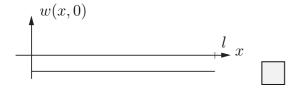


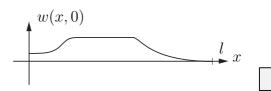






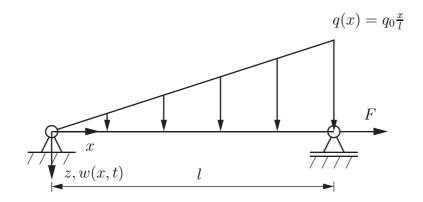






Aufgabe 6 [2 Punkte]

Gegeben ist eine Saitemit konstanter Vorspannkraft F und der skizzierten Streckenlast q(x).



a) Welchen Einfluss hat eine Erhöhung der Kaft F auf die 1. Eigenfrequenz ω_1 ?

ω_1	wird	größer

$$\omega_1$$
 wird kleiner

$$\omega_1$$
 bleibt gleich

b) Welchen Einfluss hat eine Erhöhung der Streckenlast q_0 auf die 1. Eigenfrequenz ω_1 ?

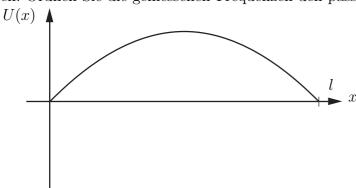
ω_1 wird größe

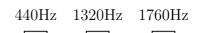
$$\omega_1$$
 wird kleiner

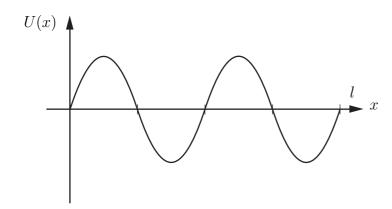
$$\omega_1$$
 bleibt gleich

Aufgabe 7 [2 Punkte]

Bei einem Stab wurden 3 Eigenfrequenzen und die dazugehörigen Schwingformen U(x) gemessen. Ordnen Sie die gemessenen Frequenzen den passenden Schwingformen zu:

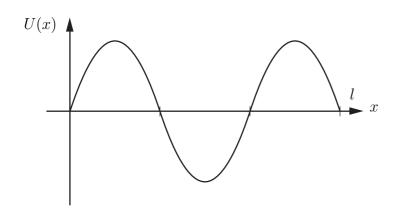






 $440 \text{Hz} \quad 1320 \text{Hz} \quad 1760 \text{Hz}$

l	I	
	l	
	1	

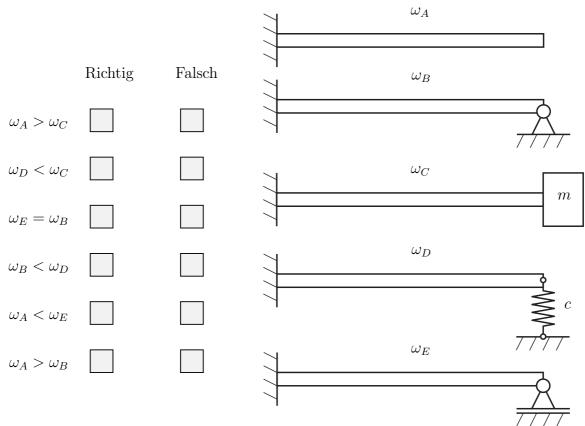


 $440\mathrm{Hz} \quad 1320\mathrm{Hz} \quad 1760\mathrm{Hz}$

		- 1	
		- 1	
		- 1	
		- 1	
		ı,	

Aufgabe 8 [3 Punkte]

Die fünf dargestellten Euler-Bernoulli-Balken unterscheiden sich nur durch ihre Randbedingungen. Die jeweils erste Eigenfrequenz der Systeme sei $\omega_{A,B,C,D,E}$. Kreuzen Sie die richtigen Aussagen an.



Aufgabe 9 [1 Punkt]

Die eindimensionale Wellengleichung habe für bestimmte Anfangsbedingungen nach d'Alembert die Lösung:

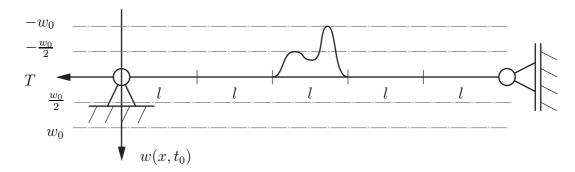
$$w(x,t) = A\sin(x - ct) - B\cos(x + ct)$$

Welcher Ausdruck in der Lösung beschreibt eine sich in positive x-Richtung ausbreitende Welle?

$A\sin(x-ct)$	$-B\cos(x+ct)$	keiner

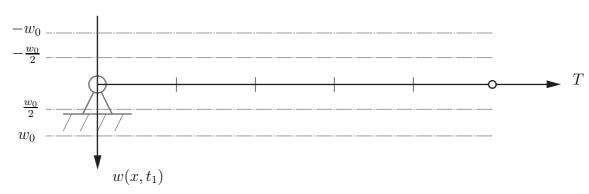
Aufgabe 10 [4 Punkte]

Die wie dargestellt gelagerte Saitehabe zum Zeitpunkt $t_0 = 0$ die dargestellte Auslenkung $w(x, t_0)$ und die Geschwindigkeit $\dot{w}(x, t_0) = 0$.

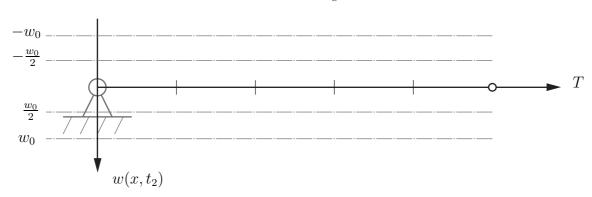


Zeichnen sie für eine gegebene Wellenausbreitungsgeschwindigkeit c und verschiedene Zeitpunkte t_i die Auslenkung $w(x, t_i)$ in die unteren Skizzen ein.

$$t_1 = \frac{2l}{c}$$



$$t_2 = \frac{3l}{c}$$



Aufgabe 11 [4 Punkte]

Welche der folgenden Funktionen kann eine Lösung der eindimensionalen Wellengleichung

$$\ddot{u}(x,t) = c^2 u''(x,t)$$

sein. Kreuzen Sie an:

ist Lösung ist **keine** Lösung

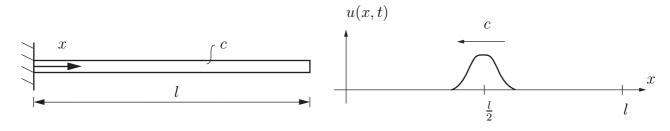
- $u(x,t) = \cos(\frac{\omega}{c}x)t$

- $u(x,t) = \cos(\frac{\omega}{c}x)\sin(\omega t)$

- $u(x,t) = e^{x-ct}$

Aufgabe 12 [3 Punkte]

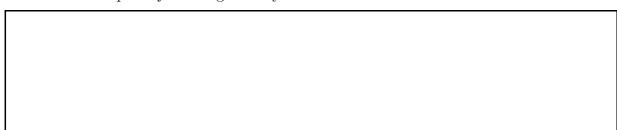
In dem einseitig fest eingespannten Stab breitet sich eine symmetrische Welle mit der Geschwindigkeit c in negative x-Richtung aus. Zum Zeitpunkt $t_0 = 0$ ist die Welle in der Mitte des Stabes.



Geg.: c, l

a) Nach wie viel Zeit Δt stellt sich exakt dieser Zustand wieder ein?

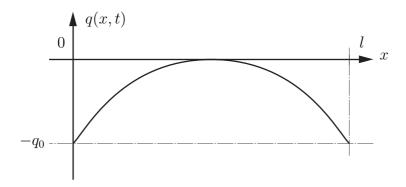
b) Mit welcher Frequenz f schwingt das System?



- c) Wie würde sich diese Frequenz ändern wenn die Welle zu Beginn in positive x-Richtung läuft?
 - f halbiert sich f verdoppelt sich f bleibt gleich

Aufgabe 13 [2 Punkte]

Gegeben sei eine links und rechts fest gelagerte Seite, welche mit der unten dargestellten sinusförmigen Streckenlast q(x,t) erregt wird. Welchen Ausdruc kann die rechte Saite der Differentialgleichung haben wenn die Streckenlast mit der Kreisfrequenz Ω oszilliert?



Aufgabe 14	[2 Punkte]
------------	--------------

Wovon hängt bei einem harmonisch fremderregten Balken die Frequenz der partikulären Lösung, bei Verwendung eines Ansatzes vom Typ der rechten Seite, ab?

	ja	nein
von den Ranbedingungen		
von der Vorspannung		
von der Erregerfrequenz		
von den Anfangsbedingungen		