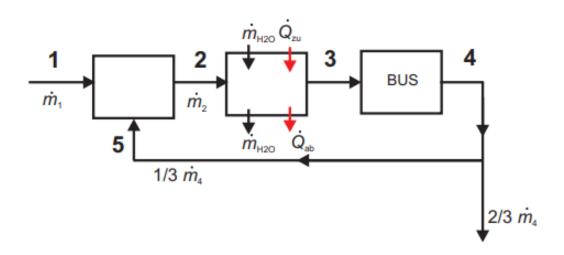
Prof. Dr.-Ing. habil. Jadran Vrabec Fachgebiet Thermodynamik Fakultät III – Prozesswissenschaften

Aufgabe 20.1 - Lösung

a)



b) Gesucht: x_3

Zustand 3: $\varphi_R = 60\%$, $t_R = 24$ °C

Da die Temperatur und die relative Feuchte des Zustandes gegeben sind, kann der Wassergehalt im Mollier-Diagramm abgelesen werden:

$$\boxed{x_3 = 11.2 \frac{g}{\text{kg}}} \tag{1}$$

c) Gesucht: $\dot{m}_{w,23}$, \dot{Q}_{ab} , \dot{Q}_{zu}

Zustand 2: Mischung

$$\dot{m}_{\text{tr.L},2} = \dot{m}_{\text{tr.L},1} + \dot{m}_{\text{tr.L},5}$$
 (2)

mit $\dot{m}_{\rm tr.L,5} = \frac{1}{3} \dot{m}_{\rm tr.L,4}$

$$\dot{m}_{\text{tr.L},2} = \dot{m}_{\text{tr.L},1} + \frac{1}{3} \dot{m}_{\text{tr.L},4}$$
 (3)

 $mit \dot{m}_{tr.L,4} = \dot{m}_{tr.L,2}$

$$\dot{m}_{\rm tr.L,2} = \dot{m}_{\rm tr.L,1} + \frac{1}{3} \dot{m}_{\rm tr.L,2}$$
 (4)

$$\dot{m}_{\text{tr.L},2} = \frac{3}{2}\dot{m}_{\text{tr.L},1} = \frac{3}{2} \cdot 0.2 \,\frac{\text{kg}}{\text{s}} = 0.3 \,\frac{\text{kg}}{\text{s}}$$
 (5)

Fachgebiet Thermodynamik Fakultät III - Prozesswissenschaften

Punkt 2 liegt auf der Mischungsgerade zwischen 1 und 4:

$$x_1 = 30 \frac{g}{\text{kg}} \tag{6}$$

$$x_4 = x_5 = 15 \frac{g}{\text{kg}}$$
 (7)

$$x_2 = \frac{2}{3}x_1 + \frac{1}{3}x_4 = \frac{2}{3} \cdot 30 \,\frac{g}{kg} + \frac{1}{3} \cdot 15 \,\frac{g}{kg} = 25 \,\frac{g}{kg} \tag{8}$$

Somit gilt:

$$\Delta \dot{m}_{w,23} = \dot{m}_{\text{tr.L},2} \cdot (x_3 - x_2) = 0.3 \,\frac{\text{kg}}{\text{s}} \cdot \left(11.2 \,\frac{\text{g}}{\text{kg}} - 25 \,\frac{\text{g}}{\text{kg}}\right) = \boxed{-4.14 \,\frac{\text{g}}{\text{s}}}$$
(9)

Eine Entfeuchtung der Luft beim Wassergehalt x_3 erfolgt dort, wo die relative Feuchte 100% beträgt. Im weiteren Zustand 3* genannt.

Dementsprechend kann die Temperatur $t_s(x_3) = 15.9$ °C und somit auch die spezifische Enthalpie $h_{1+x,3E} = 45 \,\mathrm{kJ/kg}$ (siehe Zustand 3E in Aufgabenteil d)) vom Mollier-Diagramm abgelesen werden.

Weiterhin werden folgende spezifische Entalpien vom Mollier Diagramm abgelesen:

$$h_{1+x,3*} = 44.5 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}},$$

 $h_{1+x,2} = 97 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}},$
 $h_{1+x,3} = 52.5 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$

$$\dot{Q}_{ab} = \dot{m}_{tr.L,2} \cdot (h_{1+x,3E} - h_{1+x,2})$$
 (10)

$$\dot{Q}_{ab} = \dot{m}_{tr.L,2} \cdot \left(h_{1+x,3E} - h_{1+x,2} \right)$$

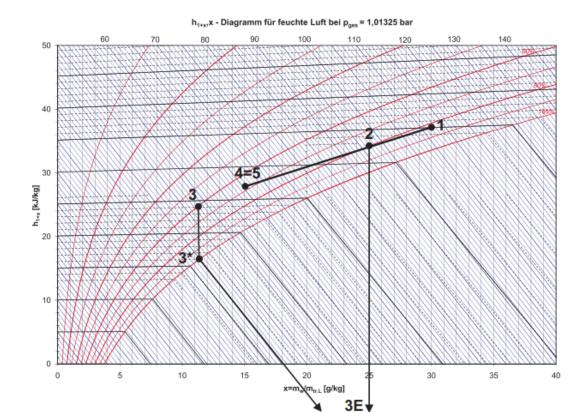
$$0.3 \frac{kg}{s} \cdot (45 - 97) \frac{kJ}{kg} = \boxed{-15.6 \, kW}$$
(10)

$$\dot{Q}_{\text{zu}} = \dot{m}_{\text{tr.L},2} \cdot (h_{1+x,3} - h_{1+x,3*})$$
 (12)

$$0.3 \,\frac{\text{kg}}{\text{s}} \cdot (52.5 - 44.5) \,\frac{\text{kJ}}{\text{kg}} = \boxed{2.4 \,\text{kW}} \tag{13}$$

d)

Prof. Dr.-Ing. habil. Jadran Vrabec Fachgebiet Thermodynamik Fakultät III – Prozesswissenschaften



e)

$$\Delta \dot{m}_{\rm D} = N \cdot \Delta \dot{m}_{\rm P,D} \tag{14}$$

$$= \dot{m}_{\text{tr.L},2} \cdot \Delta x_{34} \tag{15}$$

$$= 0.3 \frac{\text{kg}}{\text{s}} \cdot (15 - 11.2) \frac{\text{g}}{\text{kg}} = 1.14 \frac{\text{g}}{\text{s}}$$
 (16)

$$N = \frac{\Delta \dot{m}_{\rm D}}{\dot{m}_{\rm P,D}} = \boxed{46 \text{ Personen}}$$
 (17)

f) Überprüfen von b):

$$x_3 = \frac{p_{\rm D,3}}{p_{\rm ges} - p_{\rm D,3}} \cdot \frac{M_{\rm W}}{M_{\rm L}}$$
 (18)

$$p_{\mathrm{D},3} = p_{\mathrm{D},s,3} \cdot \varphi_3 \tag{19}$$

$$= \exp\left(18.9141 - \frac{4010.823}{24 \,^{\circ}\text{C} + 234.4623}\right) \cdot 0.6 = 17.9081 \,\text{mbar} \tag{20}$$

Prof. Dr.-Ing. habil. Jadran Vrabec Fachgebiet Thermodynamik Fakultät III – Prozesswissenschaften

$$x_3 = \frac{17.9081}{1013.25 - 17.9081} \cdot \frac{18.015}{28.96} = \boxed{11.1921 \frac{g}{kg}}$$
 (21)

$$\Delta \dot{m}_{\text{w,23}} = \dot{m}_{\text{tr.L.2}} \cdot (x_3 - x_2)$$
 (22)

$$= 0.3 \frac{\text{kg}}{\text{s}} \cdot (11.1921 - 25) \frac{\text{g}}{\text{kg}} = \boxed{-4.1424 \frac{\text{g}}{\text{s}}}$$
 (23)

Überprüfen von c):

$$\dot{Q}_{ab} = \dot{m}_{tr.L.2} \cdot (h_{1+x.3E} - h_{1+x.2})$$
 (24)

$$\dot{Q}_{\text{zu}} = \dot{m}_{\text{tr.L.2}} \cdot (h_{1+x,3} - h_{1+x,3*}) \tag{25}$$

Die spezifische Enthalpie in Zustand 3*:

$$h_{1+x,3*} = c_{p,L} \cdot t_{3*} + x_{3*} \cdot (\Delta h_v + c_{p,D} \cdot t_{3*})$$
 (26)

mit:

$$x_{3*} = 11.1921 \frac{g}{kg} \Rightarrow p_{D,s,3*} = 17.908 \text{ mbar} \Rightarrow t_{3*} = 15.763 \,^{\circ}\text{C}$$
 (27)

$$h_{1+x,3*} = 1.007 \cdot 15.763 + 0.0111921 \cdot (2500 + 1.86 \cdot 15.763) = 44.1817 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$
 (28)

Die spezifische Enthalpie in Zustand 3:

$$h_{1+x,3} = c_{p,L} \cdot t_3 + x_3 \cdot (\Delta h_v + c_{p,D} \cdot t_3)$$
 (29)

$$h_{1+x,3} = 1.007 \cdot 24 + 0.0111921 \cdot (2500 + 1.86 \cdot 24) = 52.6479 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$
 (30)

Die spezifische Enthalpie in Zustand 3E:

$$h_{1+x,3E} = c_{p,L} \cdot t_{3E} + x_{S,3E} \cdot (\Delta h_v + c_{p,D} \cdot t_{3E})$$
 (31)

$$+ (x_{3E} - x_{S,3E}) \cdot (c_{p,W} \cdot t_{3E})$$

$$(32)$$

mit:

$$x_{3E} = 25 \frac{g}{kg}, x_{S,3E} = 11.1921 \frac{g}{kg}, t_{3E} = 15.763 \,^{\circ}\text{C}$$
 (33)



Prof. Dr.-Ing. habil. Jadran Vrabec Fachgebiet Thermodynamik Fakultät III – Prozesswissenschaften

$$h_{1+x,3E} = 1.007 \cdot 15.673 + 0.0111921 \cdot (2500 + 1.86 \cdot 15.673) + (0.025 - 0.0111921)$$
(34)

$$= 45.0937 \, \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} \tag{35}$$

Die spezifische Enthalpie in Zustand 2:

$$h_{1+x,2} = \frac{1}{3}h_{1+x,4} + \frac{2}{3}h_{1+x,1} = 96.6128 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$
 (36)

Die spezifische Enthalpie in Zustand 4:

$$h_{1+x,4} = 1.007 \cdot 27 + 0.015 \cdot (2500 + 1.86 \cdot 27) = 65.4423 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$
 (37)

Die spezifische Enthalpie in Zustand 1:

$$h_{1+x,1} = 1.007 \cdot 35 + 0.030 \cdot (2500 + 1.86 \cdot 35) = 112.198 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$
 (38)

$$\dot{Q}_{\rm ab} = 0.3 \,\frac{\rm kg}{\rm s} \cdot \left(45.0937 \,\frac{\rm kJ}{\rm kg} - 96.6128 \,\frac{\rm kJ}{\rm kg}\right)$$
 (39)

$$= \boxed{-15.7293 \,\mathrm{kW}}$$
 (40)

$$\dot{Q}_{\rm zu} = 0.3 \,\frac{\rm kg}{\rm s} \cdot \left(52.6479 \,\frac{\rm kJ}{\rm kg} - 44.1817 \,\frac{\rm kJ}{\rm kg}\right)$$
 (41)

$$= 2.5399 \,\mathrm{kW} \tag{42}$$