

## \*\*\*\*\*本章教学要求\*\*\*\*\*

- 1、理解运动的绝对性与运动描述的相对性，理解参考系、坐标系、时间、空间等概念在描述物体运动中的作用；
- 2、理解质点、质点系、刚体模型的意义，相互关系和适用条件；
- 3、掌握描述质点运动的物理量：位置矢量、位移、速度、加速度、切向加速度、法向加速度的定义；掌握描述质点圆周运动和刚体定轴转动运动的物理量：角速度、角加速度的定义及角量与线量的关系；
- 4、掌握运动学中两类基本问题的求解方法（微分法、积分法），避免只用中学的方法去解决；
- 5、掌握伽利略坐标变换公式、伽利略速度变换公式并能用于解决相对运动的力学问题。

## 一、选择题

1. 一质点在平面上运动, 已知质点位置矢量的表达式为  $\vec{r} = a\sin 2t\vec{i} + b\cos(2t + \frac{\pi}{2})\vec{j}$  (其中  $a, b$  为常量), 则该质点作[ B ]

- (A) 匀速直线运动.  
(B) 变速直线运动.  
(C) 抛物线运动.  
(D) 一般曲线运动.

运动方程写成参数形式为:  $\begin{cases} x = a\sin 2t \\ y = b\cos(2t + \frac{\pi}{2}) = -b\sin 2t \end{cases}$ , 则对应的轨迹为一直线; 再由运动方程得到其加速度为:  $\vec{a} = (-4a\sin 2t)\vec{i} + (4b\sin 2t)\vec{j}$ , 随时间变化, 所以答案为 B.

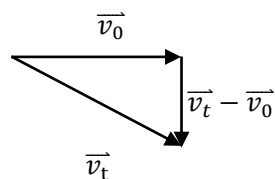
2. 以下五种运动形式中,  $\vec{a}$  保持不变的运动是[ D ]

- (A) 单摆的运动. (B) 匀速率圆周运动.  
(C) 行星的椭圆轨道运动. (D) 抛体运动.  
(E) 圆锥摆运动.

3. 一物体从某一确定高度以  $\vec{v}_0$  的速度水平抛出, 不考虑空气阻力, 已知它落地时的速度为  $\vec{v}_t$ , 那么它运动的时间是[ C ]

- (A)  $\frac{v_t - v_0}{g}$ . (B)  $\frac{v_t - v_0}{2g}$ .  
(C)  $\frac{(v_t^2 - v_0^2)^{1/2}}{g}$ . (D)  $\frac{(v_t^2 - v_0^2)^{1/2}}{2g}$

由速度的矢量性可以得到物体增加的速度为  $\vec{v}_t - \vec{v}_0$  且在竖直方, 如图所示。  
 $\vec{v}_t - \vec{v}_0$  的大小为:  $|\vec{v}_t - \vec{v}_0| = (v_t^2 - v_0^2)^{1/2}$ , 因此所花时间为答案 C.



4. 下列说法哪一条正确? [ D ]

- (A) 加速度恒定不变时, 物体运动方向也不变.  
(B) 平均速率等于平均速度的大小.

(C) 不管加速度如何, 平均速率表达式总可以写成( $v_1$ 、 $v_2$  分别为初、末速率)

$$\bar{v} = (v_1 + v_2)/2.$$

(D) 运动物体速率不变时, 速度可以变化.

5. 质点做半径为 1m 的圆周运动, 运动方程为  $\theta = 3 + 2t^3$  (SI), 则 1s 时质点的切向加速度大小为[ A ]

- (A)  $12\text{m/s}^2$ ; (B)  $6\text{m/s}^2$ ; (C)  $4\text{m/s}^2$ ; (D)  $8\text{m/s}^2$ .

由运动方程  $\theta = 3 + 2t^3$  可以知道质点的角加速度为  $\beta = \frac{d^2\theta}{dt^2} = 12t$ , 再由角量与线量的关系可知

切向加速度为  $a_t = R\beta = 12Rt$ , 将  $R = 1\text{m}$ ,  $t = 1\text{s}$  代入, 答案为 A。

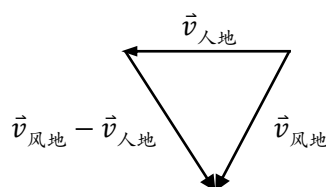
6. 今有风以速率  $v$  从北偏东  $30^\circ$  方向吹来, 某人骑自行车以相同速率向西行驶, 试问人感到风从哪个方向吹来? [ C ]

- (A) 北偏东  $30^\circ$ ; (B) 南偏东  $30^\circ$ ;  
(C) 北偏西  $30^\circ$ ; (D) 南偏西  $30^\circ$ .

根据相对速度的相互关系可得:

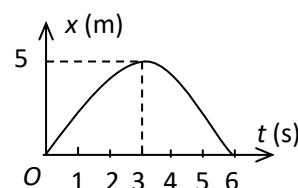
$$\vec{v}_{\text{风人}} = \vec{v}_{\text{风地}} + \vec{v}_{\text{地人}} = \vec{v}_{\text{风地}} - \vec{v}_{\text{人地}},$$

画图可知答案为 C。



7. 一质点作 OXY 平面内的平面运动, 其坐标  $x$  与时间  $t$  的关系曲线如图所示的抛物线. 则关于该质点水平速度为零的时刻和轨迹曲线正确的是[ C ]

- (A) 0 秒时速度为零; 轨迹为抛物线  
(B) 3 秒时速度为零; 轨迹为抛物线  
(C) 3 秒时速度为零; 轨迹不能确定  
(D) 0 秒时速度为零; 轨迹不能确定



8. 质点沿半径为  $R$  的圆周作匀速率运动, 每  $t$  时间转一周, 在  $2t$  时间间隔中, 其平均速度大小与平均速率大小分别为[ B ]

- (A)  $2\pi R/t$ ;  $2\pi R/t$ .  
(B) 0;  $2\pi R/t$ .  
(C) 0; 0.  
(D)  $2\pi R/t$ ; 0.

9. 质点作曲线运动,  $\vec{r}$  表示位置矢量, 其大小为  $r$ ,  $s$  表示路程,  $a_t$  表示切向加速度大小,  $a$  表示加速度大小,  $\vec{v}$  表示速度矢量,  $v$  表示速率。有下列表达式:

- (1)  $dv/dt=a$ ; (2)  $dr/dt=v$ ; (3)  $ds/dt=v$ ; (4)  $|\frac{d\vec{v}}{dt}| = a_t$

其中正确的有[ D ]

- (A) 只有(1)、(4)是正确的  
(B) 只有(2)、(4)是正确的.  
(C) 只有(2) 是正确的.  
(D) 只有(3)是正确的.

(1) 表示切向加速度; (2) 没有常用的运动物理量与之对应; (4) 表示加速度大小, 应综合考虑切向加速度和法向加速度。

## 二、判断题

1. [F] 圆周运动中的质点的加速度一定和速度的方向垂直。

2. [F] 作曲线运动的物体，必有切向加速度。

3. [F] 质点作直线运动，平均速度公式  $\bar{v} = \frac{\bar{v}_0 + \bar{v}}{2}$  一定成立。

4. [F] 瞬时速度就是很短时间内的平均速度。

瞬时速度是平均速度在时间段  $\Delta t$  趋于零的时候的极限，是跟某一个时刻而不是时间段有关。举例来说，竖直上抛运动中，当质点达到最高点时的瞬时速度为 0，但无论取多么短的时间段，这段时间内的平均速度都不为 0。在某些实际情况下，我们可以用一个非常短的时间段的平均速度来近似瞬时速度。

5. [T] 质点的位置矢量方向不变，质点一定作直线运动。

当然，这一结论是对选定了参考系之后来说的。我们在讨论运动学问题时，都是已经选定了参考系的。

6. [F] 质点  $P$  从  $x_0$  开始做直线运动，其速度  $v$  与时间  $t$  的关系为： $v=2t$ (SI)，则其位置  $x$  与时间关系的计算式为  $x = x_0 + 2t \cdot t$ 。

注意微积分在物理学中的运用，对数学工具的熟练掌握是解决物理问题的基础。

7. [F] 物体具有恒定的加速度，必作匀加速直线运动。

8. [F] 所有圆周运动的加速度都指向圆心。

9. [T] 平面运动中，自然坐标系中计算  $\sqrt{a_\tau^2 + a_n^2}$  和直角坐标系中计算  $\sqrt{a_x^2 + a_y^2}$  是相等的。

## 三、计算题

1. 质点  $P$  在水平面内沿一半径为 1m 的圆轨道转动，转动的角速度  $\omega$  与时间  $t$  的关系为  $\omega = kt^2$ ，已知  $t = 2s$  时，质点  $P$  的速率为 16m/s，试求  $t=1s$  时，质点  $P$  的速率与加速度的大小。

解：

$$\text{由线速度公式 } v = R\omega = Rkt^2 = 1 \times kt^2 \quad \text{得} \quad k = \frac{v}{t^2} = \frac{16}{2^2} = 4$$

$$P \text{ 点的速率为 } v = 4t^2 \text{ m/s} \quad a_t = \frac{dv}{dt} = 8t \text{ m/s}^2 \quad a_n = \frac{v^2}{R} = \frac{(4t^2)^2}{1} = 16t^4 \text{ (m/s}^2\text{)}$$

$$t=1 \text{ 时: } v = 4t^2 = 4 \times 1^2 = 4(\text{m/s}) \quad a_t = 8t = 8(\text{m/s}^2)$$

$$a_n = 16t^4 = 16 \times 1^4 = 16(\text{m/s}^2) \quad a = \sqrt{a_t^2 + a_n^2} = \sqrt{16^2 + 8^2} = 8\sqrt{5} \approx 17.9(\text{m/s}^2)$$

2. 一质点沿  $x$  轴运动，其加速度为  $a=4t$  (SI)，已知  $t=0$  时，质点位于  $x_0 = 10m$  处，初速度  $v_0 = 0$ 。试求其位置和时间关系式。

解：

根据加速度的定义式  $a = \frac{dv}{dt}$  得

$$dv = a dt = 4t dt$$

积分得

$$\int_{v_0}^v dv = \int_0^t 4t dt$$

即

$$v = 2t^2$$

根据速度的定义式  $v = \frac{dx}{dt}$  得

$$dx = v dt$$

积分得

$$x - x_0 = \frac{2}{3} t^3$$

即

$$x = x_0 + \frac{2}{3} t^3$$

将  $x_0 = 10\text{m}$  代入得

$$x = 10 + \frac{2}{3} t^3 \quad (\text{m})$$

3. 一敞顶电梯以恒定速率  $v=10\text{ m/s}$  上升. 当电梯离地面  $h=10\text{ m}$  时, 一小孩竖直向上抛出一球. 球相对于电梯初速率  $v_0=20\text{m/s}$ . 试问:

- (1) 从地面算起, 球能达到的最大高度为多大?
- (2) 抛出后经过多长时间再回到电梯上?

**解:**

(1) 球相对地面的初速度

$$v' = v_0 + v = 30\text{m/s}$$

抛出后上升高度

$$h = \frac{v'^2}{2g} = 45.9\text{ m/s}$$

离地面高度

$$H = (45.9+10)\text{ m} = 55.9\text{ m}$$

(2) 球回到电梯上时电梯上升高度=球上升高度

$$vt = (v + v_0)t - \frac{1}{2}gt^2$$

$$t = \frac{2v_0}{g} = 4.08\text{ s}$$