

# Laborprotokoll

Studiengang: Informations- und E	lektrotechnik, Ba	
Laborpraktikum: Grundlagen der I	Elektrotechnik II	
Versuchsbezeichnung: Frequenzve	erhalten einfacher RLC-Netzv	werke
Datum: 0.7.05.2019		
Raum: Haus 16		
Versuchsbetreuer: Prof. DrIng. A	nsgar Wego	
Teilnehmer:		
Name, Vorname (Blockschrift)	Matrikelnummer	Versuchsgruppe
Grünert, Richard	289427	Gruppe 1
Protokollführer (Unterschrift):	D. JANTAA	
(Wird vom Betreuer ausgefüllt) Abgabedatum:		
Bemerkungen:		
Bestätigung:		



## Grundlagen der Elektrotechnik II

# Frequenzverhalten einfacher RLC-Netzwerke

Studien- und Versuchsaufgaben

Autor: Richard Grünert 25.4.2019

# 1 Vorbereitungsaufgaben

## 1.1

$$i(t) = \hat{I} \cdot \cos(\omega t + \phi_i)$$

(3)

$$-\underbrace{\begin{array}{c}R\\i(t)\\u_R(t)\end{array}}$$

$$u_R(t) = R \cdot i(t)$$
$$= \underbrace{R \cdot \hat{I}}_{\hat{U}_R} \cdot \cos(\omega t + \phi_i)$$

Da sich die Phase nicht ändert, gilt außerdem  $\phi_i = \phi_u$  und somit:

$$u_R(t) = \hat{U} \cdot \cos(\omega t + \phi_u)$$

(4)



$$u_L(t) = L \cdot \frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t}$$

$$= L \cdot \hat{I} \cdot \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} \left(\cos(\omega t + \phi_i)\right)$$

$$= -\underbrace{\omega \cdot L \cdot \hat{I}}_{\hat{U}_L} \cdot \sin(\omega t + \phi_i)$$

Um die Spannung  $(-\sin x)$  wieder durch  $\cos x$  auszudrücken, muss auf den ursprünglichen Phasenwinkel  $\pi/2$  addiert werden:

$$u_L(t) = \hat{U}_L \cdot \cos(\omega t + \underbrace{\phi_i + \frac{\pi}{2}}_{\phi_u})$$

(5)

$$\begin{array}{c|c}
C \\
\hline
u_C(t)
\end{array}$$

$$u_C(t) = \frac{\hat{I}}{C} \cdot \int_0^t i(t) dt$$

$$= \frac{\hat{I}}{C} \cdot \int_0^t \cos(\omega t + \phi_i) dt$$

$$= \frac{\hat{I}}{C} \cdot \frac{1}{\omega} [\sin(\omega t + \phi_i)]_0^t + \underbrace{U_0}_{\text{initialer Ladezustand}}$$

$$= \underbrace{\hat{I}}_{C \cdot \omega} [\sin(\omega t + \phi_i) - \sin(\phi_i)] + U_0$$

Um die Spannung  $(\sin x)$  wieder durch  $\cos x$  auszudrücken, muss von dem ursprünglichen Phasenwinkel  $\pi/2$  subtrahiert werden:

$$u_C(t) = \hat{U}_C \cdot \left(\cos(\omega t + \underbrace{\phi_i - \frac{\pi}{2}}_{\phi_u}) - \cos(\underbrace{\phi_i - \frac{\pi}{2}}_{\phi_u})\right) + U_0$$

1.2

(3)

$$u_R(t) = R \cdot i(t)$$
$$i(t) = \frac{u(t)}{R}$$

(4)

$$u_L(t) = L \cdot \frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t}$$
$$\mathrm{d}i(t) = \frac{1}{L} \cdot u_L(t) \,\mathrm{d}t$$
$$i(t) = \frac{1}{L} \cdot \int_0^t u_L(t) \,\mathrm{d}t + i_0$$

(5)

$$u_C(t) = \frac{1}{C} \cdot \int_0^t i(t) dt$$
$$i(t) = C \cdot \frac{du_C(t)}{dt}$$

## 1.3

Zur Anwendung der symbolischen Methode werden folgende Bedingungen vorausgesetzt:

- $\bullet$   $Linearit \ddot{a}t \colon$  Die Kenngrößen der Elemente R,L,C sind von den Kenngrößen der Erregung  $(U,I,\omega)$  unabhängig
- Es liegt eine harmonische Erregung (sin / cos) vor

• Der *stationäre Zustand* ist erreicht, das System ist "eingeschwungen" und es treten keine Schaltvorgänge auf

#### 1.4

Der Betragsgang ist die Funktion  $f(\omega)$ , die den Verlauf des Verhältnisses der Amplituden (komplexer Betrag) oder Effektivwerte zweier Größen (z.B. Aus -und Eingangssignal) mit der (Kreis-)Frequenz abbildet.

$$f(\omega) = \frac{|\underline{U}_2|}{|\underline{U}_1|} = \frac{U_{2_eff}}{U_{1_eff}}$$

Der Phasengang  $\phi(\omega)$  ist das von der (Kreis-)Frequenz abhängige Argument des komplexen Verhältnisses des Aus- und Eingangssignals.

$$\phi(\omega) = \arg\left(\frac{\underline{U}_2}{\underline{U}_1}\right)$$

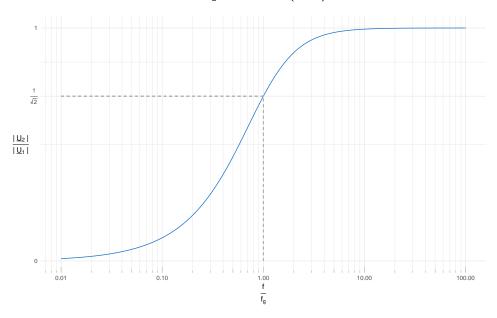
Sind Real- und Imaginärteil dieses komplexen Verhältnisses gleich, so wird das Amplitudenverhältnis  $1/\sqrt{2}$  und die Phasenverschiebung 45°. Die dabei präsente Frequenz wird dann *Grenzfrequenz* genannt.

$$|\operatorname{Re}\left(\frac{\underline{U}_2}{\underline{U}_1}\right)| = |\operatorname{Im}\left(\frac{\underline{U}_2}{\underline{U}_1}\right)|$$

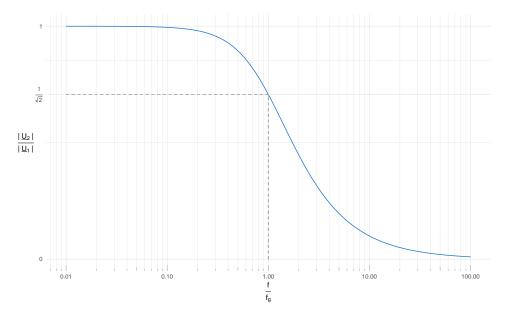
#### 1.5

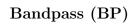
Im Folgenden wurden normierte Darstellungen der Betragsgänge gewählt, um von den Kenngrößen unabhängige Graphen zu erhalten. Zusätzlich sind die Abszissen dieser logarithmisch eingeteilt.

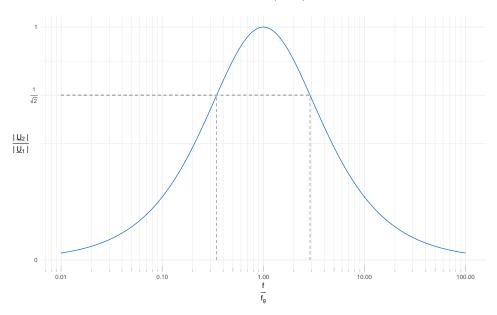
# Hochpassfilter (HP)



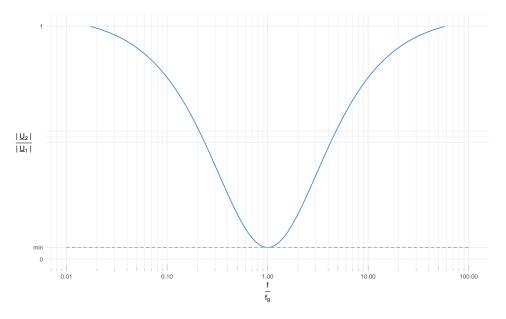
# Tiefpassfilter (TP)





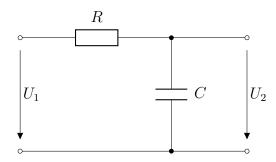


# Bandsperre (BS)



## 1.6

#### **RC-Tiefpass**



$$\frac{\underline{U}_2}{\underline{U}_1} = \frac{\frac{1}{j\omega C}}{R + \frac{1}{j\omega C}} = \frac{1}{1 + jR\omega C}$$

Amplitude:

$$\frac{\mid \underline{U}_2 \mid}{\mid U_1 \mid} = \frac{\mid 1 \mid}{\mid 1 + jR\omega C \mid} = \frac{1}{\sqrt{1 + \omega^2 R^2 C^2}}$$

Phase:

$$\phi = \arg\left(\frac{\underline{U}_2}{U_1}\right) = 0 - \arctan\frac{\omega RC}{1} = -\arctan(\omega RC)$$

Grenzfrequenz:

$$|\operatorname{Re}\left(\frac{\underline{U}_2}{\underline{U}_1}\right)| = |\operatorname{Im}\left(\frac{\underline{U}_2}{\underline{U}_1}\right)|$$

Nach komplex-konjugierter Erweiterung:

$$\frac{1}{1+\omega_g^2R^2C^2} = \frac{\omega_gRC}{1+\omega_g^2R^2C^2}$$

$$\omega_g RC = 1$$

$$\omega_g = \frac{1}{RC}$$

Normierung:

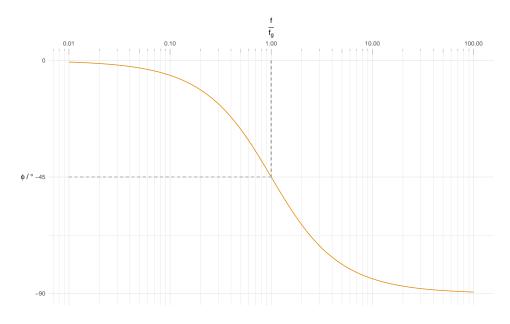
$$\frac{\mid \underline{U}_2 \mid}{\mid \underline{U}_1 \mid} \left(\frac{\omega}{\omega_g}\right) = \frac{1}{\sqrt{1 + \left(\frac{\omega}{\omega_g}\right)^2}} = \frac{1}{\sqrt{1 + \left(\frac{f}{f_g}\right)^2}}$$

$$\phi\left(\frac{\omega}{\omega_g}\right) = -\arctan\frac{\omega}{\omega_g}$$

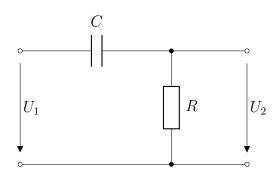
Betragsgang:

siehe 1.5: Tiefpassfilter

Phasengang:



#### **RC-Hochpass**



$$\frac{\underline{U}_2}{\underline{U}_1} = \frac{R}{R + \frac{1}{j\omega C}} = \frac{1}{1 - j\frac{1}{\omega RC}}$$

Amplitude:

$$\frac{\mid \underline{U}_2 \mid}{\mid \underline{U}_1 \mid} = \frac{\mid 1 \mid}{\mid 1 - j \frac{1}{\omega RC} \mid} = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{\omega^2 R^2 C^2}}}$$

Phase:

$$\phi = \arg\left(\frac{\underline{U}_2}{\underline{U}_1}\right) = 0 - \arctan\left(-\frac{1}{\omega RC}\right) = \arctan\frac{1}{\omega RC}$$

Grenzfrequenz:

$$|\operatorname{Re}\left(\frac{\underline{U}_2}{\underline{U}_1}\right)| = |\operatorname{Im}\left(\frac{\underline{U}_2}{\underline{U}_1}\right)|$$

Nach komplex-konjugierter Erweiterung:

$$\frac{1}{1 + \frac{1}{\omega_a^2 R^2 C^2}} = \frac{\frac{1}{\omega_g R C}}{1 + \frac{1}{\omega_a^2 R^2 C^2}}$$

$$\frac{1}{\omega_g RC} = 1$$
 
$$\omega_g = \frac{1}{RC}$$

Normierung:

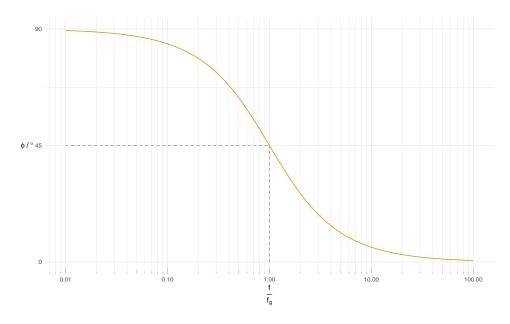
$$\frac{\mid \underline{U}_2 \mid}{\mid \underline{U}_1 \mid} \left(\frac{\omega}{\omega_g}\right) = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{\left(\frac{\omega}{\omega_g}\right)^2}}} = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{\left(\frac{f}{f_g}\right)^2}}}$$

$$\phi\left(\frac{\omega}{\omega_g}\right) = \arctan\frac{1}{\frac{\omega}{\omega_g}}$$

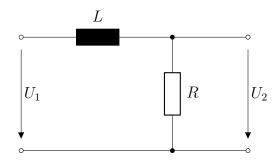
Betragsgang:

siehe 1.5: Hochpassfilter

#### Phasengang:



#### **RL-Tiefpass**



$$\frac{\underline{U}_2}{\underline{U}_1} = \frac{R}{R + j\omega L} = \frac{1}{1 + j\frac{\omega L}{R}}$$

Amplitude:

$$\frac{\mid \underline{U}_2 \mid}{\mid \underline{U}_1 \mid} = \frac{\mid 1 \mid}{\mid 1 + j \frac{\omega L}{R} \mid} = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{\omega^2 L^2}{R^2}}}$$

Phase:

$$\phi = \arg\left(\frac{\underline{U}_2}{\underline{U}_1}\right) = 0 - \arctan\frac{\frac{\omega L}{R}}{1} = -\arctan\left(\frac{\omega L}{R}\right)$$

Grenzfrequenz:

$$|\operatorname{Re}\left(\frac{\underline{U}_2}{\underline{U}_1}\right)| = |\operatorname{Im}\left(\frac{\underline{U}_2}{\underline{U}_1}\right)|$$

Nach komplex-konjugierter Erweiterung:

$$\frac{1}{1 + \frac{\omega_g^2 L^2}{R^2}} = \frac{\frac{\omega_g L}{R}}{1 + \frac{\omega_g^2 L^2}{R^2}}$$

$$\frac{\omega_g L}{R} = 1$$

$$\omega_g = \frac{R}{L}$$

Normierung:

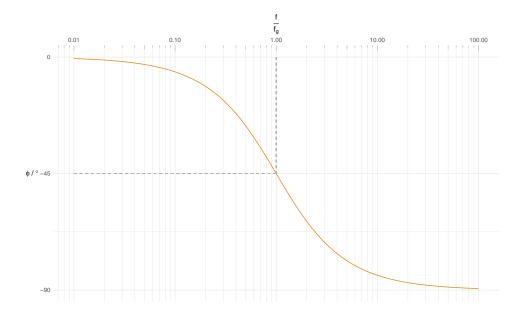
$$\frac{\mid \underline{U}_2 \mid}{\mid \underline{U}_1 \mid} \left(\frac{\omega}{\omega_g}\right) = \frac{1}{\sqrt{1 + \left(\frac{\omega}{\omega_g}\right)^2}} = \frac{1}{\sqrt{1 + \left(\frac{f}{f_g}\right)^2}}$$

$$\phi\left(\frac{\omega}{\omega_g}\right) = -\arctan\frac{\omega}{\omega_g}$$

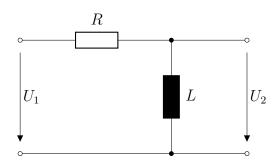
Betragsgang:

siehe 1.5: Tiefpassfilter

Phasengang:



#### **RL-Hochpass**



$$\frac{\underline{U}_2}{\underline{U}_1} = \frac{j\omega L}{R + j\omega L} = \frac{1}{1 - j\frac{R}{\omega L}}$$

Amplitude:

$$\frac{\mid \underline{U}_2 \mid}{\mid \underline{U}_1 \mid} = \frac{\mid 1 \mid}{\mid 1 - j \frac{R}{\omega L} \mid} = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{R^2}{\omega^2 L^2}}}$$

Phase:

$$\phi = \arg \left( \frac{\underline{U}_2}{\underline{U}_1} \right) = 0 - \arctan \left( -\frac{R}{\omega L} \right) = \arctan \frac{R}{\omega L}$$

Grenzfrequenz:

$$|\operatorname{Re}\left(\frac{\underline{U}_2}{\underline{U}_1}\right)| = |\operatorname{Im}\left(\frac{\underline{U}_2}{\underline{U}_1}\right)|$$

Nach komplex-konjugierter Erweiterung:

$$\frac{1}{1 + \frac{R^2}{\omega_q^2 L^2}} = \frac{\frac{R}{\omega_g L}}{1 + \frac{R^2}{\omega_q^2 L^2}}$$

$$\frac{R}{\omega_g L} = 1$$

$$\omega_g = \frac{R}{L}$$

Normierung:

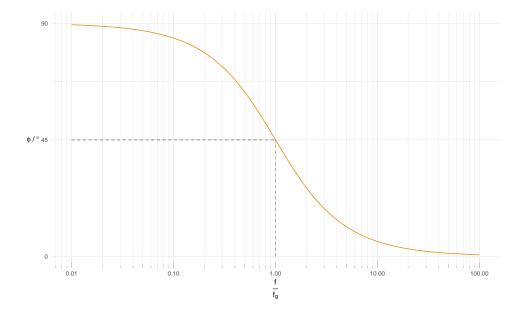
$$\frac{\mid \underline{U}_2 \mid}{\mid \underline{U}_1 \mid} \left(\frac{\omega}{\omega_g}\right) = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{\left(\frac{\omega}{\omega_g}\right)^2}}} = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{\left(\frac{f}{f_g}\right)^2}}}$$

$$\phi\left(\frac{\omega}{\omega_g}\right) = \arctan\frac{1}{\frac{\omega}{\omega_g}}$$

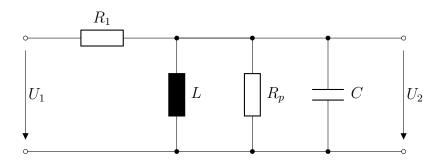
Betragsgang:

siehe 1.5: Hochpassfilter

#### Phasengang:



## 1.7



$$R_1=1~\mathrm{k}\Omega,\,R_p=1~\mathrm{k}\Omega,\,L=1~\mathrm{mH},\,C=1~\mathrm{\mu F}$$

$$\underline{Z} = R_1 + \frac{1}{j\omega C + \frac{1}{\omega L} + \frac{1}{R_p}}$$

$$\frac{\frac{U_2}{\overline{U_1}}}{\frac{1}{U_1}} = \frac{\frac{1}{j\omega C + \frac{1}{\omega L} + \frac{1}{R_p}}}{R_1 + \frac{1}{j\omega C + \frac{1}{\omega L} + \frac{1}{R_p}}} = \frac{1}{jR_1\omega C + \frac{R_1}{j\omega L} + \frac{R_1}{R_p} + 1}$$

$$\frac{\frac{U_2}{U_1}}{\frac{1}{R_1}} = \frac{1}{1 + \frac{R_1}{R_p} + j\left(\omega R_1 C - \frac{R_1}{\omega L}\right)}$$

Grenzfrequenzen:

$$|\operatorname{Re}\left(\frac{\underline{U}_{2}}{\underline{U}_{1}}\right)| = |\operatorname{Im}\left(\frac{\underline{U}_{2}}{\underline{U}_{1}}\right)|$$

$$R_{1}\left(\omega_{\pm 45}C - \frac{1}{\omega_{\pm 45}L}\right) = 1 + \frac{R_{1}}{R_{p}}$$

$$\omega_{\pm 45}C - \frac{1}{\omega_{\pm 45}L} = \frac{1}{R_{1}} + \frac{1}{R_{p}}$$

$$\frac{1}{\omega_{\pm 45}}\left(\omega_{\pm 45}^{2}C - \frac{1}{L}\right) = \frac{R_{1} + R_{p}}{R_{1} \cdot R_{p}}$$

$$\omega_{\pm 45}^{2}C - \frac{1}{L} = \omega_{\pm 45}\frac{R_{1} + R_{p}}{R_{1} \cdot R_{p}}$$

$$\omega_{\pm 45}^{2} - \omega_{\pm 45}\frac{R_{1} + R_{p}}{C \cdot R_{1} \cdot R_{p}} - \frac{1}{LC} = 0$$

$$\omega_{\pm 45} = \sqrt{\left(\frac{R_1 + R_p}{2 \cdot CR_1 R_p}\right)^2 + \frac{1}{LC}} \pm \frac{R_1 + R_p}{2 \cdot CR_1 R_p}$$

Mit den Beispielwerten:

$$\omega_{\pm 45} = \sqrt{\left(\frac{1 \text{k}\Omega + 1 \text{k}\Omega}{2 \cdot 1 \text{\mu} \text{F} \cdot 1 \text{k}\Omega \cdot 1 \text{k}\Omega}\right)^2 + \frac{1}{1 \text{mH} \cdot 1 \text{\mu} \text{F}}} \pm \frac{1 \text{k}\Omega + 1 \text{k}\Omega}{2 \cdot 1 \text{\mu} \text{F} \cdot 1 \cdot \text{k}\Omega \cdot 1 \text{k}\Omega}$$

$$\omega_{+45} = 32638.584 \text{ s}^{-1}, \ f_{+45} = 5194.592 \text{ Hz}$$

$$\omega_{-45} = 30638.584 \text{ s}^{-1}, \ f_{+45} = 4876.282 \text{ Hz}$$

$$B_{\omega} = \omega_{+45} - \omega_{-45} = 2000 \text{ s}^{-1}$$

$$B_{f} = 318.31 \text{Hz}$$

Resonanzfrequenz:

$$\operatorname{Im}\left(\frac{\underline{U}_{2}}{\underline{U}_{1}}\right) = 0$$

$$\frac{\omega_{0}R_{1}C - \frac{R_{1}}{\omega_{0}L}}{\left(1 + \frac{R_{1}}{R_{p}}\right)^{2} + \left(\omega_{0}R_{1}C - \frac{R_{1}}{\omega_{0}L}\right)^{2}} = 0$$

$$\omega_{0}R_{1}C = \frac{R_{1}}{\omega_{0}L}$$

$$\omega_{0}^{2} = \frac{1}{LC}$$

$$\omega_{0} = \frac{1}{\sqrt{LC}} = \frac{1}{\sqrt{\operatorname{Im}H \cdot 1\mu F}} = 31622.777 \text{ s}^{-1}$$

$$f_{0} = 5032.921 \text{Hz}$$

Betrag:

$$\frac{\mid \underline{U}_2 \mid}{\mid \underline{U}_1 \mid} = \frac{1}{\sqrt{\left(1 + \frac{R_1}{R_p}\right)^2 + R_1^2 \left(\omega C - \frac{1}{\omega L}\right)^2}}$$

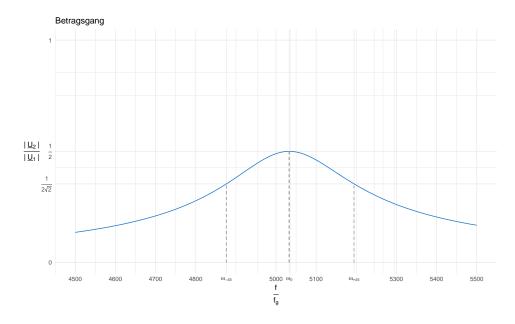
Betrag bei Resonanzfrequenz:

$$\begin{split} &\frac{\mid \underline{U}_2 \mid}{\mid \underline{U}_1 \mid} (\omega = \omega_0) = \frac{1}{\sqrt{\left(1 + \frac{R_1}{R_p}\right)^2 + R_1^2 \left(\frac{1}{\sqrt{LC}}C - \frac{1}{\frac{1}{\sqrt{LC}}L}\right)^2}} \\ &= \frac{1}{\sqrt{\left(1 + \frac{R_1}{R_p}\right)^2 + R_1^2 \left(\frac{LC - \sqrt{LC}^2}{\sqrt{LC}L}\right)^2}} = \frac{1}{1 + \frac{R_1}{R_p}} = \frac{R_p}{R_1 + R_p} \end{split}$$

Mit den Beispielwerten:

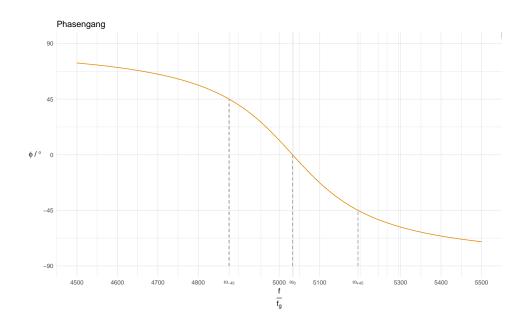
$$\frac{\left| \ \underline{U}_2 \ \right|}{\left| \ \underline{U}_1 \ \right|} \left( \omega = \omega_0 \right) = \frac{1 k\Omega}{1 k\Omega + k\Omega} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{\left| \ \underline{U}_2 \ \right|}{\left| \ \underline{U}_1 \ \right|} \left( \omega = \omega_{\pm 45} \right) = \frac{R_p}{R_1 + R_p} \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{8}}$$



Phase:

$$\phi = 0 - \arctan\left(\frac{\omega R_1 C - \frac{R_1}{\omega L}}{1 + \frac{R_1}{R_p}}\right) = -\arctan\left(\frac{\omega C - \frac{1}{\omega L}}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_p}}\right)$$



# 2 Versuchsaufgaben

Alle Messungen von Spannung, Frequenz sowie Phase erfolgten mithilfe eines digitalen Oszilloskops; alle Messungen von Bauteilkenngrößen mithilfe eines LCR-Meters.

## 2.1 RC-Tiefpass

$\frac{f}{f_g}$	<u>U</u> 1   /V	$\mid \underline{U_2} \mid /V$	$\phi/^{\circ}$
0.01	1.02	1	-1.3
0.1	1.02	1	-5.6
0.2	1.02	0.98	-11.2
0.3	1.01	0.95	-16.7
0.4	1.01	0.92	-22.8
0.5	1.01	0.9	-27.4
0.8	1.01	0.79	-39.8
1	1.01	0.71	-45.7
2	0.99	0.45	-63
4	0.99	0.25	-76.1
7	0.99	0.15	-83
10	0.99	0.11	-86
30	0.99	0.036	-89
100	1.01	0.01	-99

Messwerte aus Aufgabe 4.1

Am verwendeten Tiefpassfilter wurden die folgenden Kenngrößen gemessen:  $R=6~\mathrm{k\Omega},\,C=4.4~\mathrm{nF}.$ 

Daraus ließ sich die Grenzfrequenz rechnerisch ermitteln:

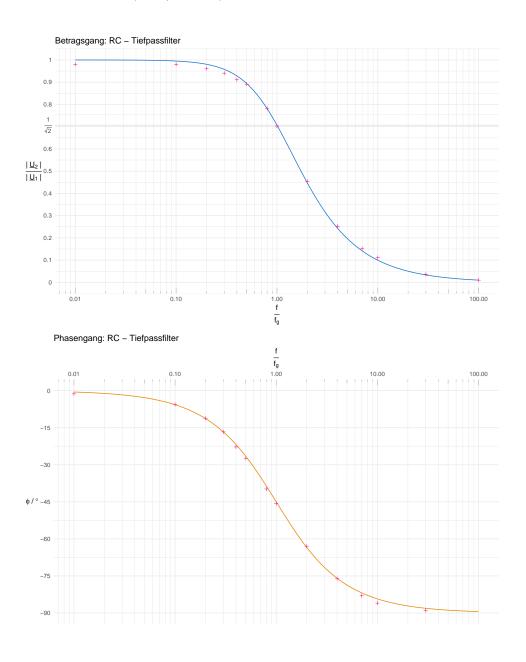
$$f_g = \frac{1}{2\pi RC} = \frac{1}{2\pi \cdot 6k\Omega \cdot 4.4 \text{nF}} \approx 6.03 \text{ kHz}$$

Die Grenzfrequenz wurde dann auch durch Einstellen der Frequenz und gleichzeitiger Messung des Phasenwinkels zu  $-45^{\circ}$  gemessen:

$$f_{g_{gemessen}} = 5.902 \text{ kHz}$$

Zur Bildung der Verhältnisse  $\frac{f}{f_g}$  für die Messreihe wurde die berechnete Grenzfrequenz verwendet.

Die folgenden Diagramme zeigen die Messwerte (rosa) im Vergleich zum theoretischen Verlauf (blau/orange).



## 2.2 RL-Hochpass

$\frac{f}{f_q}$	<u>U</u> 1   /V	$\mid \underline{U_2} \mid /V$	φ/°
0.01	1.01	0.0145	80
0.05	1.03	0.05	83
0.1	1.03	0.0975	81
0.2	1.03	0.201	76
0.4	1.03	0.378	66.8
0.7	1.03	0.58	53.5
1	1.03	0.7	44.5
2	1.01	0.92	25
4	1.01	1	11.1
7	1.02	1.01	3.4

Messwerte aus Aufgabe 4.2

Am verwendeten Hochpassfilter wurden die folgenden Kenngrößen gemessen:  $R=3.23~{\rm k\Omega},~L=102.35~{\rm mH}.$ 

Daraus ließ sich die Grenzfrequenz rechnerisch ermitteln:

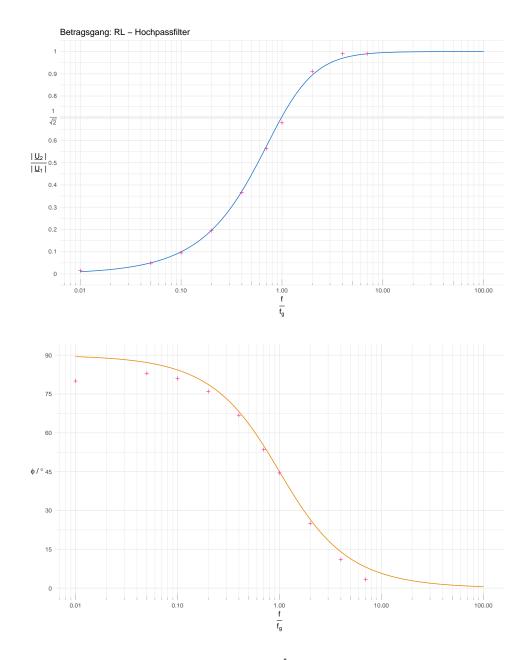
$$f_g = \frac{R}{2\pi L} = \frac{3.23 \text{k}\Omega}{2\pi \cdot 102.35 \text{mH}} \approx 5.02218 \text{ kHz}$$

Die Grenzfrequenz wurde dann auch durch Einstellen der Frequenz und gleichzeitiger Messung des Phasenwinkels zu  $45^{\circ}$  gemessen:

$$f_{q_{gemessen}} = 5.020 \text{ kHz}$$

Zur Bildung der Verhältnisse  $\frac{f}{f_g}$  für die Messreihe wurde die gemessene Grenzfrequenz verwendet.

Die folgenden Diagramme zeigen die Messwerte (rosa) im Vergleich zum theoretischen Verlauf (blau/orange).



Bemerkung: Ab der Messung für  $\frac{f}{f_g}=10$  wurde diese ungenau. Es wurde ein negativer Winkel gemessen, was von den mit steigender Frequenz zunehmenden parasitären Eigenschaften (kapazitiv) der Anordnung zeugt.

#### 2.3 RLC-Netzwerk

$f/\mathrm{Hz}$	$  \underline{U_1}   /V$	$  \underline{U_2}   / V$	$\phi/^{\circ}$
3000	0.97	0.031	80
4000	0.97	0.066	74.8
4500	0.97	0.123	62.6
4700	0.96	0.179	52
4800	0.96	0.23	41
4900	0.98	0.265	27.3
5000	0.98	0.297	8
5036	0.98	0.302	0.3
5100	0.98	0.297	-13
5200	0.98	0.265	-31.2
5300	0.97	0.223	-44.8
5500	0.96	0.159	-59.9
5600	0.97	0.09	-76.1
5700	0.96	0.047	-82.6

Messwerte der Aufgabe 4.3

Das Amplitudenverhältnis sowie die Phase des RLC-Netzwerks wurden für Frequenzen im Intervall 3 kHz bis 5.7 kHz gemessen.

Die gemessenen Grenzfrequenzen sind:

$$\begin{array}{l} f_{+45} = 5.304 \ \mathrm{kHz} \\ f_{-45} = 4.768 \ \mathrm{kHz} \end{array}$$

Die daraus resultierende Bandbreite ist: (theoretisch: 318.31 Hz)  $B_f=(5.304-4.768){\rm kHz}=536~{\rm Hz}$ 

Dies entspricht einer Abweichung von etwa -2.2% von den theoretischen Werten der Grenzfrequenzen (siehe 1.7)

Die gemessene Resonanzfrequenz ist: (theoretisch: 5.033 kHz)  $f_0 = 5.036 \, \text{kHz}$ 

Die folgenden Diagramme zeigen die Messwerte (rosa) im Vergleich zum theoretischen Verlauf (blau/orange).

