

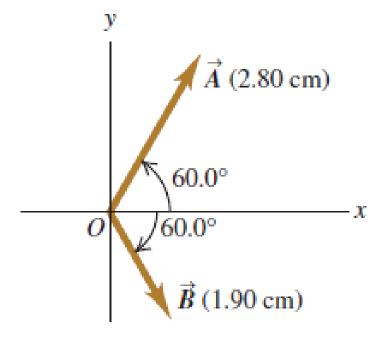


David González, PhD.
Profesor Principal
Escuela de Ingeniería, Ciencia y Tecnología
Febrero 20, 2023



1.39 •• El vector \overrightarrow{A} mide 2.80 cm y está 60.0° sobre el eje x en el primer cuadrante. El vector \vec{B} mide 1.90 cm y está 60.0° bajo el eje x en el cuarto cuadrante (figura E1.39). Utilice las componentes para obtener la magnitud y la dirección de a) $\vec{A} + \vec{B}$; b) $\vec{A} - \vec{B}$; c) $\vec{B} - \vec{A}$. En cada caso, dibuje la suma o resta de vectores, y demuestre que sus respuestas numéricas concuerdan cualitativamente con el dibujo.

Figura E1.39

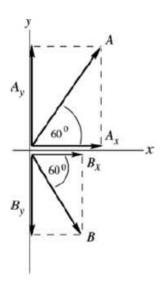




IDENTIFY: Vector addition problem. $\vec{A} - \vec{B} = \vec{A} + (-\vec{B})$.

SET UP: Find the x- and y-components of \vec{A} and \vec{B} . Then the x- and y-components of the vector sum are calculated from the x- and y-components of \vec{A} and \vec{B} .

EXECUTE:



$$A_x = A\cos(60.0^\circ)$$

 $A_x = (2.80 \text{ cm})\cos(60.0^\circ) = +1.40 \text{ cm}$
 $A_y = A\sin(60.0^\circ)$
 $A_y = (2.80 \text{ cm})\sin(60.0^\circ) = +2.425 \text{ cm}$
 $B_x = B\cos(-60.0^\circ)$
 $B_x = (1.90 \text{ cm})\cos(-60.0^\circ) = +0.95 \text{ cm}$
 $B_y = B\sin(-60.0^\circ)$
 $B_y = (1.90 \text{ cm})\sin(-60.0^\circ) = -1.645 \text{ cm}$

Note that the signs of the components correspond to the directions of the component vectors.

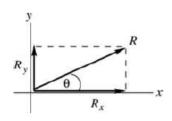




(a) Now let
$$\vec{R} = \vec{A} + \vec{B}$$
.

$$R_x = A_x + B_x = +1.40 \text{ cm} + 0.95 \text{ cm} = +2.35 \text{ cm}.$$

$$R_v = A_v + B_v = +2.425 \text{ cm} - 1.645 \text{ cm} = +0.78 \text{ cm}.$$



$$R = \sqrt{R_x^2 + R_y^2} = \sqrt{(2.35 \text{ cm})^2 + (0.78 \text{ cm})^2}$$

$$R = 2.48 \text{ cm}$$

$$\tan \theta = \frac{R_y}{R_x} = \frac{+0.78 \text{ cm}}{+2.35 \text{ cm}} = +0.3319$$

$$\theta$$
 = 18.4°

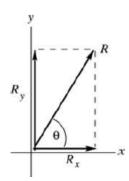
Figure 1.39b

(c) EXECUTE:

(b) EXECUTE: Now let $\vec{R} = \vec{A} - \vec{B}$.

$$R_{\rm y} = A_{\rm y} - B_{\rm y} = +1.40 \text{ cm} - 0.95 \text{ cm} = +0.45 \text{ cm}.$$

$$R_v = A_v - B_v = +2.425 \text{ cm} + 1.645 \text{ cm} = +4.070 \text{ cm}.$$

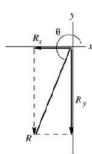


$$R = \sqrt{R_x^2 + R_y^2} = \sqrt{(0.45 \text{ cm})^2 + (4.070 \text{ cm})^2}$$

$$R = 4.09 \text{ cm}$$

$$\tan \theta = \frac{R_y}{R_x} = \frac{4.070 \text{ cm}}{0.45 \text{ cm}} = +9.044$$

$$\theta = 83.7^{\circ}$$



$$\vec{B} - \vec{A} = -(\vec{A} - \vec{B})$$

 $\vec{B} - \vec{A}$ and $\vec{A} - \vec{B}$ are equal in magnitude and opposite in direction.

$$R = 4.09$$
 cm and $\theta = 83.7^{\circ} + 180^{\circ} = 264^{\circ}$





1.42 •• Dados dos vectores $\vec{A} = 4.00\hat{i} + 7.00\hat{j}$ y $\vec{B} = 5.00\hat{i} - 2.00\hat{j}$, a) calcule las magnitudes de cada uno; b) escriba una expresión para $\vec{A} - \vec{B}$ usando vectores unitarios; c) obtenga la magnitud y la dirección de la diferencia $\vec{A} - \vec{B}$. d) Dibuje un diagrama vectorial que muestre \vec{A} , \vec{B} y $\vec{A} - \vec{B}$, y demuestre que su diagrama coincide cualitativamente con su respuesta del inciso c).





1.42. IDENTIFY: Find A and B. Find the vector difference using components.

SET UP: Deduce the x- and y-components and use Eq. (1.8).

EXECUTE: (a)
$$\vec{A} = 4.00\hat{i} + 7.00\hat{j}$$
; $A_x = +4.00$; $A_y = +7.00$.

$$A = \sqrt{A_x^2 + A_y^2} = \sqrt{(4.00)^2 + (7.00)^2} = 8.06$$
. $\vec{B} = 5.00\hat{i} - 2.00\hat{j}$; $B_x = +5.00$; $B_y = -2.00$;

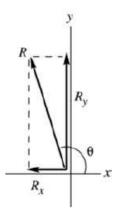
$$B = \sqrt{B_x^2 + B_y^2} = \sqrt{(5.00)^2 + (-2.00)^2} = 5.39.$$

EVALUATE: Note that the magnitudes of \vec{A} and \vec{B} are each larger than either of their components.

EXECUTE: **(b)**
$$\vec{A} - \vec{B} = 4.00\hat{i} + 7.00\hat{j} - (5.00\hat{i} - 2.00\hat{j}) = (4.00 - 5.00)\hat{i} + (7.00 + 2.00)\hat{j}$$
.

$$\vec{A} - \vec{B} = -1.00\hat{i} + 9.00\hat{j}$$

(c) Let
$$\vec{R} = \vec{A} - \vec{B} = -1.00\hat{i} + 9.00\hat{j}$$
. Then $R_x = -1.00$, $R_y = 9.00$.



$$R = \sqrt{R_x^2 + R_y^2}$$

$$R = \sqrt{(-1.00)^2 + (9.00)^2} = 9.06.$$

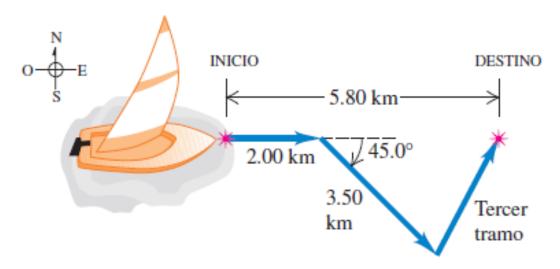
$$\tan \theta = \frac{R_y}{R_x} = \frac{9.00}{-1.00} = -9.00$$

$$\theta = -83.6^{\circ} + 180^{\circ} = 96.3^{\circ}.$$



1.72 •• Un marinero en un velero pequeño se topa con vientos cambiantes. Navega 2.00 km al este, luego 3.50 km al sureste y después otro tramo en una dirección desconocida. Su posición final es 5.80 km directamente al este del punto inicial (figura P1.72). Determine la magnitud y la dirección del tercer tramo. Dibuje el diagrama de suma vectorial y demuestre que concuerda cualitativamente con su solución numérica.

Figura **P1.72**







1.72. IDENTIFY: Solve for one of the vectors in the vector sum. Use components.

SET UP: Use coordinates for which +x is east and +y is north. The vector displacements are:

 $\vec{A} = 2.00$ km, 0° of east; $\vec{B} = 3.50$ m, 45° south of east; and $\vec{R} = 5.80$ m, 0° east

EXECUTE: $C_x = R_x - A_x - B_x = 5.80 \text{ km} - (2.00 \text{ km}) - (3.50 \text{ km})(\cos 45^\circ) = 1.33 \text{ km}; C_y = R_y - A_y - B_y = 1.33 \text{ km}; C_y = R_y - R_y -$

= 0 km - 0 km - (-3.50 km)(sin 45°) = 2.47 km; $C = \sqrt{(1.33 \text{ km})^2 + (2.47 \text{ km})^2} = 2.81 \text{ km}$;

 $\theta = \tan^{-1}[(2.47 \text{ km})/(1.33 \text{ km})] = 61.7^{\circ}$ north of east. The vector addition diagram in Figure 1.72 shows good qualitative agreement with these values.

EVALUATE: The third leg lies in the first quadrant since its x and y components are both positive.

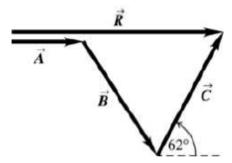
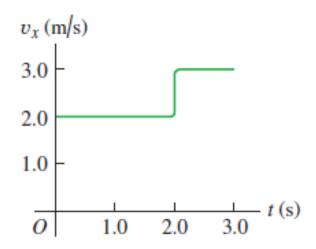


Figure 1.72



2.9 •• Una pelota se mueve en línea recta (el eje x). En la figura E2.9 la gráfica muestra la velocidad de esta pelota en función del tiempo. a) ¿Cuáles son la rapidez media y la velocidad media de la pelota durante los primeros 3.0 s? b) Suponga que la pelota se mueve de tal manera que el segmento de la gráfica después de 2.0 s es -3.0 m/s en lugar de +3.0 m/s. En este caso, calcule la rapidez y la velocidad medias de la pelota.

Figura **E2.9**







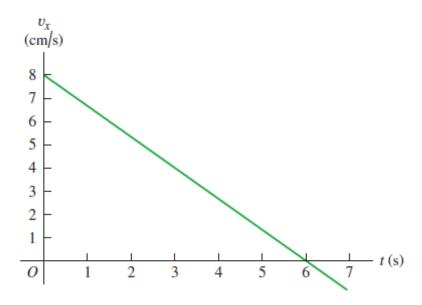
2.9. IDENTIFY: The average velocity is given by $v_{\text{av-}x} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$. We can find the displacement Δt for each constant velocity time interval. The average speed is the distance traveled divided by the time. SET UP: For t=0 to t=2.0 s, $v_x=2.0$ m/s. For t=2.0 s to t=3.0 s, $v_x=3.0$ m/s. In part (b), $v_x=-3.0$ m/s for t=2.0 s to t=3.0 s. When the velocity is constant, $\Delta x=v_x\Delta t$. EXECUTE: (a) For t=0 to t=2.0 s, $\Delta x=(2.0 \text{ m/s})(2.0 \text{ s})=4.0 \text{ m}$. For t=2.0 s to t=3.0 s, $\Delta x=(3.0 \text{ m/s})(1.0 \text{ s})=3.0 \text{ m}$. For the first 3.0 s, $\Delta x=4.0 \text{ m}+3.0 \text{ m}=7.0 \text{ m}$. The distance traveled is also 7.0 m. The average velocity is $v_{\text{av-}x}=\frac{\Delta x}{\Delta t}=\frac{7.0 \text{ m}}{3.0 \text{ s}}=2.33 \text{ m/s}$. The average speed is also 2.33 m/s. (b) For t=2.0 s to 3.0 s, $\Delta x=(-3.0 \text{ m/s})(1.0 \text{ s})=-3.0 \text{ m}$. For the first 3.0 s, $\Delta x=4.0 \text{ m}+(-3.0 \text{ m})=+1.0 \text{ m}$. The dog runs 4.0 m in the +x-direction and then 3.0 m in the -x-direction, so the distance traveled is still 7.0 m. $v_{\text{av-}x}=\frac{\Delta x}{\Delta t}=\frac{1.0 \text{ m}}{3.0 \text{ s}}=0.33 \text{ m/s}$. The average speed is $\frac{7.00 \text{ m}}{3.00 \text{ s}}=2.33 \text{ m/s}$.

CUIDADO Rapidez media y velocidad media La rapidez media *no* es la magnitud de la velocidad media. Cuando César Cielo estableció un récord mundial en 2009 nadando 100.0 m en 46.91 s, su rapidez media fue de (100.0 m)/(46.91 s) = 2.132 m/s. No obstante, como nadó dos veces la longitud de una alberca de 50 m, terminó en el punto de donde partió, con un desplazamiento total de cero ¡y una *velocidad* media de cero! Tanto la rapidez media como la rapidez instantánea son escalares, no vectores, porque no incluyen información de dirección.



2.30 •• Un gato camina en línea recta en lo que llamaremos eje x con la dirección positiva a la derecha. Usted, que es un físico observador, efectúa mediciones del movimiento del gato y elabora una gráfica de la velocidad del felino en función del tiempo (figura E2.30). a) Determine la velocidad del gato en t = 4.0 s y en t = 7.0 s. b) ¿Qué aceleración tiene el gato en t = 3.0 s? ¿En t = 6.0 s? ¿En t = 7.0 s? c) ¿Qué distancia cubre el gato durante los primeros 4.5 s? ¿Entre t = 0 y t = 7.5 s? d) Dibuje gráficas claras de la aceleración del gato y su posición en función del tiempo, suponiendo que partió del origen.

Figura E2.30







2.30. IDENTIFY: The acceleration a_x is the slope of the graph of v_x versus t.

SET UP: The signs of v_x and of a_x indicate their directions.

EXECUTE: (a) Reading from the graph, at t = 4.0 s, $v_x = 2.7$ cm/s, to the right and at t = 7.0 s, $v_x = 1.3$ cm/s, to the left.

(b) v_x versus t is a straight line with slope $-\frac{8.0 \text{ cm/s}}{6.0 \text{ s}} = -1.3 \text{ cm/s}^2$. The acceleration is constant and

equal to 1.3 cm/s², to the left. It has this value at all times.

(c) Since the acceleration is constant, $x - x_0 = v_{0x}t + \frac{1}{2}a_xt^2$. For t = 0 to 4.5 s,

$$x - x_0 = (8.0 \text{ cm/s})(4.5 \text{ s}) + \frac{1}{2}(-1.3 \text{ cm/s}^2)(4.5 \text{ s})^2 = 22.8 \text{ cm}$$
. For $t = 0$ to 7.5 s,

$$x - x_0 = (8.0 \text{ cm/s})(7.5 \text{ s}) + \frac{1}{2}(-1.3 \text{ cm/s}^2)(7.5 \text{ s})^2 = 23.4 \text{ cm}$$

(d) The graphs of a_x and x versus t are given in Figure 2.30.

EVALUATE: In part (c) we could have instead used $x - x_0 = \left(\frac{v_{0x} + v_x}{2}\right)t$.

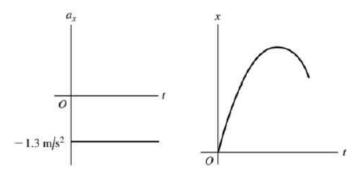


Figure 2.30



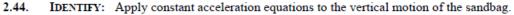
2.44 · El tripulante de un globo aerostático, que sube verticalmente con velocidad constante de magnitud 5.00 m/s, suelta un saco de arena cuando el globo está a 40.0 m sobre el suelo (figura E2.44). Después de que se suelta, el saco de arena está en caída libre. a) Calcule la posición y velocidad del saco a 0.250 s y 1.00 s después de soltarse. b) ¿Cuántos segundos tardará el saco en chocar con el suelo después de soltarse? c) ¿Con qué velocidad chocará? d) ¿Qué altura máxima alcanza el saco en relación con el suelo? e) Dibuje las gráficas a_v -t, v_v -t y y-t para el movimiento.

Figura E2.44

$$v = 5.00 \text{ m/s}$$







SET UP: Take +y upward. $a_y = -9.80 \text{ m/s}^2$. The initial velocity of the sandbag equals the velocity of the balloon, so $v_{0y} = +5.00 \text{ m/s}$. When the balloon reaches the ground, $y - y_0 = -40.0 \text{ m}$. At its maximum height the sandbag has $v_y = 0$.

EXECUTE: (a) t = 0.250 s: $y - y_0 = v_{0y}t + \frac{1}{2}a_yt^2 = (5.00 \text{ m/s})(0.250 \text{ s}) + \frac{1}{2}(-9.80 \text{ m/s}^2)(0.250 \text{ s})^2 = 0.94 \text{ m}$.

The sandbag is 40.9 m above the ground. $v_v = v_{0v} + a_v t = +5.00 \text{ m/s} + (-9.80 \text{ m/s}^2)(0.250 \text{ s}) = 2.55 \text{ m/s}.$

t = 1.00 s: $y - y_0 = (5.00 \text{ m/s})(1.00 \text{ s}) + \frac{1}{2}(-9.80 \text{ m/s}^2)(1.00 \text{ s})^2 = 0.10 \text{ m}$. The sandbag is 40.1 m above the

ground.
$$v_y = v_{0y} + a_y t = +5.00 \text{ m/s} + (-9.80 \text{ m/s}^2)(1.00 \text{ s}) = -4.80 \text{ m/s}.$$

(b)
$$y - y_0 = -40.0 \text{ m}, \ v_{0y} = 5.00 \text{ m/s}, \ a_y = -9.80 \text{ m/s}^2. \ y - y_0 = v_{0y}t + \frac{1}{2}a_yt^2 \text{ gives}$$

$$-40.0 \text{ m} = (5.00 \text{ m/s})t - (4.90 \text{ m/s}^2)t^2$$
. $(4.90 \text{ m/s}^2)t^2 - (5.00 \text{ m/s})t - 40.0 \text{ m} = 0$ and

$$t = \frac{1}{9.80} \left(5.00 \pm \sqrt{(-5.00)^2 - 4(4.90)(-40.0)} \right)$$
 s = (0.51 ± 2.90) s. t must be positive, so $t = 3.41$ s.

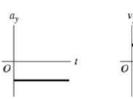
(c)
$$v_y = v_{0y} + a_y t = +5.00 \text{ m/s} + (-9.80 \text{ m/s}^2)(3.41 \text{ s}) = -28.4 \text{ m/s}$$

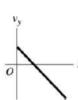
(d)
$$v_{0y} = 5.00 \text{ m/s}$$
, $a_y = -9.80 \text{ m/s}^2$, $v_y = 0$. $v_y^2 = v_{0y}^2 + 2a_y(y - y_0)$ gives

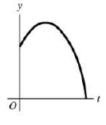
$$y - y_0 = \frac{v_y^2 - v_{0y}^2}{2a_y} = \frac{0 - (5.00 \text{ m/s})^2}{2(-9.80 \text{ m/s}^2)} = 1.28 \text{ m}$$
. The maximum height is 41.3 m above the ground.

(e) The graphs of a_y , v_y , and y versus t are given in Figure 2.44. Take y = 0 at the ground.

EVALUATE: The sandbag initially travels upward with decreasing velocity and then moves downward with increasing speed.











3.2 • Un rinoceronte se encuentra en el origen de las coordenadas en t₁ = 0. Para el intervalo de t₁ = 0 a t₂ = 12.0 s, la velocidad media del animal tiene una componente x de −3.8 m/s y una componente y de 4.9 m/s. En t₂ = 12.0 s, a) ¿qué coordenadas x y y tiene el rinoceronte?
b) ¿A qué distancia está del origen?





3.2. IDENTIFY: Use Eq. (3.2), written in component form. The distance from the origin is the magnitude of \vec{r} . SET UP: At time t_1 , $x_1 = y_1 = 0$.

EXECUTE: (a) $x = (v_{av-x})\Delta t = (-3.8 \text{ m/s})(12.0 \text{ s}) = -45.6 \text{ m}$ and $y = (v_{av-y})\Delta t = (4.9 \text{ m/s})(12.0 \text{ s}) = 58.8 \text{ m}$.

(b)
$$r = \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{(-45.6 \text{ m})^2 + (58.8 \text{ m})^2} = 74.4 \text{ m}.$$





3.6 •• Un perro que corre en un campo tiene componentes de velocidad $v_x = 2.6 \text{ m/s y } v_y = -1.8 \text{ m/s en } t_1 = 10.0 \text{ s.}$ Para el intervalo de $t_1 = 10.0 \text{ s a } t_2 = 20.0 \text{ s, la aceleración media del perro tiene magnitud de 0.45 m/s² y dirección de 31.0° medida del eje <math>+x$ al eje +y. En $t_2 = 20.0 \text{ s, a}$ ¿qué componentes x y y tiene la velocidad del perro? b) ¿Qué magnitud y dirección tiene esa velocidad? c) Dibuje los vectores velocidad en t_1 y t_2 . ¿En qué difieren?





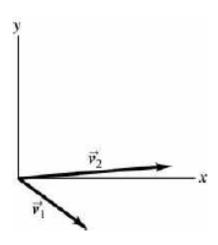
3.6. IDENTIFY: Use Eq. (3.8), written in component form.

SET UP:
$$a_x = (0.45 \text{ m/s}^2)\cos 31.0^\circ = 0.39 \text{ m/s}^2$$
, $a_y = (0.45 \text{ m/s}^2)\sin 31.0^\circ = 0.23 \text{ m/s}^2$

EXECUTE: (a)
$$a = \frac{\Delta v_x}{\Delta t}$$
 and $v_x = 2.6 \text{ m/s} + (0.39 \text{ m/s}^2)(10.0 \text{ s}) = 6.5 \text{ m/s}$. $a_{av-y} = \frac{\Delta v_y}{\Delta t}$ and $v_y = -1.8 \text{ m/s} + (0.23 \text{ m/s}^2)(10.0 \text{ s}) = 0.52 \text{ m/s}$.

(b)
$$v = \sqrt{(6.5 \text{m/s})^2 + (0.52 \text{m/s})^2} = 6.52 \text{m/s}$$
, at an angle of $\arctan\left(\frac{0.52}{6.5}\right) = 4.6^\circ$ above the horizontal.

(c) The velocity vectors \vec{v}_1 and \vec{v}_2 are sketched in Figure 3.6. The two velocity vectors differ in magnitude and direction.







3.16 • Se dispara un proyectil desde el nivel del suelo con una velocidad inicial de 50.0 m/s a 60.0° por encima de la horizontal sin que sufra resistencia del aire. a) Determine las componentes horizontal y vertical de la velocidad inicial del proyectil. b) ¿Cuánto tarda el proyectil en alcanzar su punto más alto? c) Calcule su altura máxima por encima del suelo. d) ¿Qué tan lejos del punto de lanzamiento cae el proyectil al suelo? e) Determine las componentes horizontal y vertical de su aceleración y velocidad en el punto de su máxima altura.





3.16. IDENTIFY: The shell moves in projectile motion.

SET UP: Let +x be horizontal, along the direction of the shell's motion, and let +y be upward. $a_x = 0$, $a_y = -9.80 \text{ m/s}^2$.

EXECUTE: (a) $v_{0x} = v_0 \cos \alpha_0 = (50.0 \text{ m/s}) \cos 60.0^\circ = 25.0 \text{ m/s},$ $v_{0y} = v_0 \sin \alpha_0 = (50.0 \text{ m/s}) \sin 60.0^\circ = 43.3 \text{ m/s}.$

(b) At the maximum height $v_y = 0$. $v_y = v_{0y} + a_y t$ gives $t = \frac{v_y - v_{0y}}{a_y} = \frac{0 - 43.3 \text{ m/s}}{-9.80 \text{ m/s}^2} = 4.42 \text{ s.}$

(c)
$$v_y^2 = v_{0y}^2 + 2a_y(y - y_0)$$
 gives $y - y_0 = \frac{v_y^2 - v_{0y}^2}{2a_y} = \frac{0 - (43.3 \text{ m/s})^2}{2(-9.80 \text{ m/s}^2)} = 95.7 \text{ m}.$

- (d) The total time in the air is twice the time to the maximum height, so $x x_0 = v_{0x}t + \frac{1}{2}a_xt^2 = (25.0 \text{ m/s})(8.84 \text{ s}) = 221 \text{ m}.$
- (e) At the maximum height, $v_x = v_{0x} = 40.0$ m/s and $v_y = 0$. At all points in the motion, $a_x = 0$ and $a_y = -9.80$ m/s².





3.72 ••• Lanzamiento de almuerzo. Henrietta va a su clase de física trotando por la acera, a 3.05 m/s. Su esposo Bruce se da cuenta de que ella salió con tanta prisa que olvidó su almuerzo, así que corre a la ventana de su apartamento, que está a 38.0 m directamente arriba de la acera, para lanzárselo. Bruce lanza el almuerzo horizontalmente 9.00 s después de que Henrietta pasó debajo de la ventana, y ella lo atrapa corriendo. Ignore la resistencia del aire. *a*) ¿Con qué rapidez inicial debe haber lanzado Bruce el almuerzo para que Henrietta lo atrapara justo antes de tocar la acera? *b*) ¿Dónde está ella cuando atrapa el almuerzo?





3.72. IDENTIFY: The bagels move in projectile motion. Find Henrietta's location when the bagels reach the ground, and require the bagels to have this horizontal range.

SET UP: Let +y be downward and let $x_0 = y_0 = 0$. $a_x = 0$, $a_y = +g$. When the bagels reach the ground, y = 38.0 m.

EXECUTE: (a) When she catches the bagels, Henrietta has been jogging for 9.00 s plus the time for the bagels to fall 38.0 m from rest. Get the time to fall: $y = \frac{1}{2}gt^2$, 38.0 m = $\frac{1}{2}$ (9.80 m/s²) t^2 and t = 2.78 s.

So, she has been jogging for 9.00 s + 2.78 s = 11.78 s. During this time she has gone x = vt = (3.05 m/s)(11.78 s) = 35.9 m. Bruce must throw the bagels so they travel 35.9 m horizontally in 2.78 s. This gives x = vt. 35.9 m = v (2.78 s) and v = 12.9 m/s.

(b) 35.9 m from the building.



Bibliografía

[1] Sears & Zemansky's University Physics (13th ed.); H.D. Young, R.A. Freedman. Addison-Wesley (2012)





¿Preguntas?

David González, PhD. Profesor Principal

<u>Davidfeli.gonzalez@urosario.edu.co</u>

Escuela de Ingeniería, Ciencia y Tecnología Universidad del Rosario

