

# Inteligencia Artificial

## Búsqueda en espacio de estados

Edgar Andrade, Ph.D.

Matemáticas Aplicadas y Ciencias de la computación

Última revisión: Agosto de 2023



MACC  
Matemáticas Aplicadas y  
Ciencias de la Computación

# Contenido

Entornos

Espacios de estados

Listas

Búsqueda a ciegas

Tiempos de CPU

Viaje a Rumania

Usando valores de estados



# Contenido

Entornos

Espacios de estados

Listas

Búsqueda a ciegas

Tiempos de CPU

Viaje a Rumania

Usando valores de estados



## Ambientes de tarea

La IA no es un alma perdida en un universo vacío. Más bien, el objetivo aquí es construir un agente que percibe y actúa en un entorno para atender una tarea concreta.



Sensores	Actuadores	Entorno	Medida de desempeño
----------	------------	---------	---------------------

Ajedrez



MACC  
Matemáticas Aplicadas y  
Ciencias de la Computación

# Ambientes de tarea

La IA no es un alma perdida en un universo vacío. Más bien, el objetivo aquí es construir un agente que percibe y actúa en un entorno para atender una tarea concreta.



	Sensores	Actuadores	Entorno	Medida de desempeño
Ajedrez	Percepción del Tablero			



# Ambientes de tarea

La IA no es un alma perdida en un universo vacío. Más bien, el objetivo aquí es construir un agente que percibe y actúa en un entorno para atender una tarea concreta.



	Sensores	Actuadores	Entorno	Medida de desempeño
Ajedrez	Percepción del Tablero	Movimiento de las fichas		



# Ambientes de tarea

La IA no es un alma perdida en un universo vacío. Más bien, el objetivo aquí es construir un agente que percibe y actúa en un entorno para atender una tarea concreta.



	Sensores	Actuadores	Entorno	Medida de desempeño
Ajedrez	Percepción del Tablero	Movimiento de las fichas	Tablero	



## Ambientes de tarea

La IA no es un alma perdida en un universo vacío. Más bien, el objetivo aquí es construir un agente que percibe y actúa en un entorno para atender una tarea concreta.



	Sensores	Actuadores	Entorno	Medida de desempeño
Ajedrez	Percepción del Tablero	Movimiento de las fichas	Tablero	Ganar> Empatar> Perder -tiempo





## Ambientes de tarea

La IA no es un alma perdida en un universo vacío. Más bien, el objetivo aquí es construir un agente que percibe y actúa en un entorno para atender una tarea concreta.



	Sensores	Actuadores	Entorno	Medida de desempeño
Ajedrez	Percepción del Tablero	Movimiento de las fichas	Tablero	Ganar> Empatar> Perder -tiempo
C3PO				



## Propiedades (1/4)

### Fully observable

vs.

### Partially observable

El agente puede percibir  
todo el entorno

El agente NO puede percibir  
todo el entorno



# Propiedades (1/4)

## Fully observable

vs.

## Partially observable

El agente puede percibir todo el entorno

El agente NO puede percibir todo el entorno

## Single agent

vs.

## Multiagent

El agente está solo en el entorno

Varios agentes interactúan en el entorno



## Propiedades (2/4)

### Deterministic

vs.

### Stochastic

El entorno tiene una  
dinámica completamente  
determinada

La dinámica del  
entorno exhibe  
aleatoriedad



## Propiedades (2/4)

### Deterministic

vs.

### Stochastic

El entorno tiene una  
dinámica completamente  
determinada

La dinámica del  
entorno exhibe  
aleatoriedad

### Episodic

vs.

### Sequential

La solución se obtiene  
mediante una sola acción

Se requiere una secuencia  
de acciones para  
lograr el objetivo



## Propiedades (3/4)

### Static

vs.

### Dynamic

El entorno no cambia  
si el agente no lo cambia

El entorno tiene una  
dinámica independiente del  
agente



## Propiedades (3/4)

### Static

vs.

### Dynamic

El entorno no cambia  
si el agente no lo cambia

El entorno tiene una  
dinámica independiente del  
agente

### Discreto

vs.

### Continuo

El entorno está constituido  
por bloques distintos

El entorno está compuesto  
por un espacio continuo



## Propiedades (4/4)

### Known

vs.

### Unknown

El agente conoce  
las reglas del entorno

El agente desconoce en parte  
cómo funciona el entorno





# Contenido

Entornos

Espacios de estados

Listas

Búsqueda a ciegas

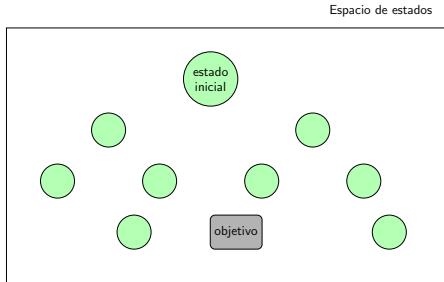
Tiempos de CPU

Viaje a Rumania

Usando valores de estados



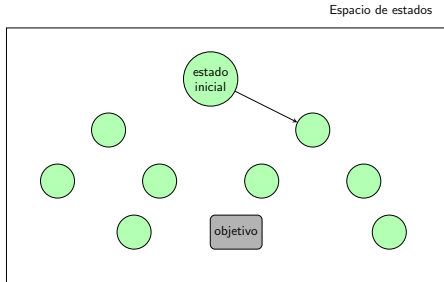
## Idea general



- ▶ Estado inicial
- ▶ Acciones aplicables
- ▶ Transición
- ▶ Test objetivo



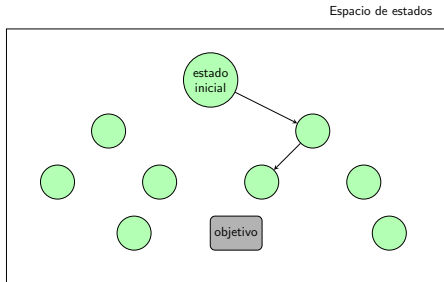
## Idea general



- ▶ Estado inicial
- ▶ Acciones aplicables
- ▶ Transición
- ▶ Test objetivo



# Idea general

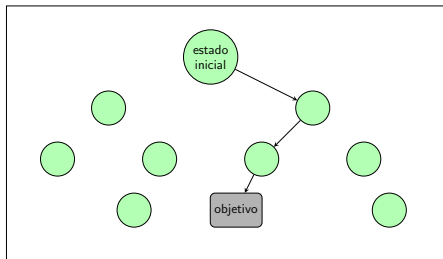


- ▶ Estado inicial
- ▶ Acciones aplicables
- ▶ Transición
- ▶ Test objetivo



# Idea general

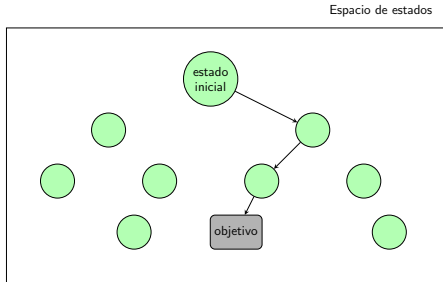
Espacio de estados



- ▶ Estado inicial
- ▶ Acciones aplicables
- ▶ Transición
- ▶ Test objetivo



## Idea general

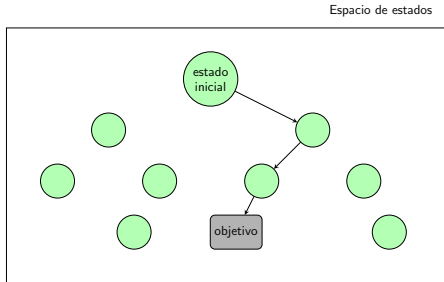


- ▶ Estado inicial
- ▶ Acciones aplicables
- ▶ Transición
- ▶ Test objetivo

👉 ¿Cómo hacer una búsqueda sistemática del espacio de estados?



## Idea general



- ▶ Estado inicial
- ▶ Acciones aplicables
- ▶ Transición
- ▶ Test objetivo

👉 ¿Cómo hacer una búsqueda sistemática del espacio de estados?

👉 Búsqueda a ciegas vs. Búsqueda heurística



# Contenido

Entornos

Espacios de estados

Listas

Búsqueda a ciegas

Tiempos de CPU

Viaje a Rumania

Usando valores de estados





## Tipos de listas — FIFO y LIFO

*First In First Out*

FIFO =



# Tipos de listas — FIFO y LIFO

*First In First Out*

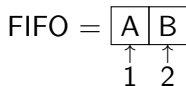
FIFO = A  
  
 1

ADD(FIFO, A)



# Tipos de listas — FIFO y LIFO

*First In First Out*

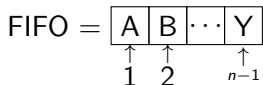


ADD(FIFO, B)



# Tipos de listas — FIFO y LIFO

*First In First Out*

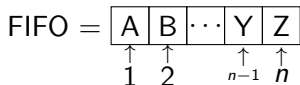


ADD(FIFO, Y)



# Tipos de listas — FIFO y LIFO

*First In First Out*

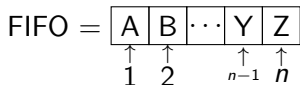


ADD(FIFO, Z)



# Tipos de listas — FIFO y LIFO

*First In First Out*

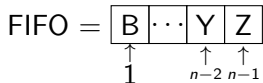


$s \leftarrow \text{POP}(\text{FIFO})$



# Tipos de listas — FIFO y LIFO

*First In First Out*

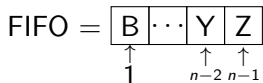


$s \leftarrow A$



# Tipos de listas — FIFO y LIFO

*First In First Out*



$s \leftarrow A$

*Last In First Out*

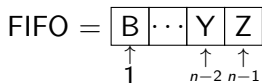
LIFO =





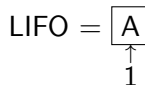
# Tipos de listas — FIFO y LIFO

*First In First Out*



$s \leftarrow A$

*Last In First Out*

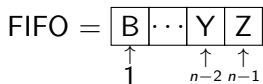


ADD(FIFO, A)



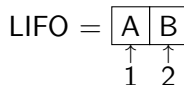
# Tipos de listas — FIFO y LIFO

*First In First Out*



$s \leftarrow A$

*Last In First Out*

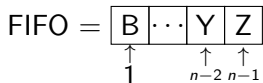


ADD(FIFO, B)



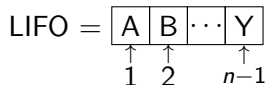
# Tipos de listas — FIFO y LIFO

*First In First Out*



$s \leftarrow A$

*Last In First Out*

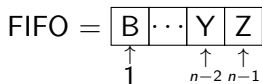


ADD(FIFO, Y)



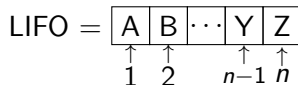
# Tipos de listas — FIFO y LIFO

*First In First Out*



$s \leftarrow A$

*Last In First Out*

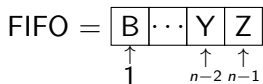


ADD(FIFO, Z)



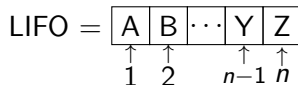
# Tipos de listas — FIFO y LIFO

*First In First Out*



$s \leftarrow A$

*Last In First Out*

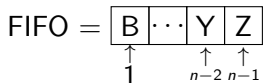


$s \leftarrow \text{POP}(\text{LIFO})$



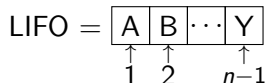
# Tipos de listas — FIFO y LIFO

*First In First Out*



$s \leftarrow A$

*Last In First Out*



$s \leftarrow Z$



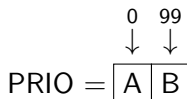
## Tipos de listas — Lista prioritaria

0  
↓  
PRIO = A

ADD(PRIO, A, 0)



## Tipos de listas — Lista prioritaria

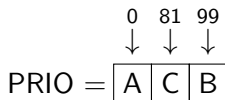


ADD(PRIO, B, 99)





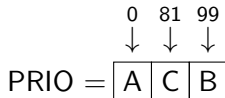
## Tipos de listas — Lista prioritaria



ADD(PRIO, C, 81)



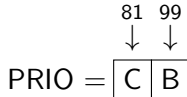
# Tipos de listas — Lista prioritaria



$s \leftarrow \text{POP}(\text{PRIO})$



# Tipos de listas — Lista prioritaria



$s \leftarrow A$



# Contenido

Entornos

Espacios de estados

Listas

**Búsqueda a ciegas**

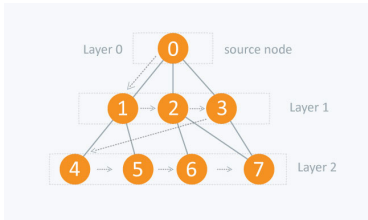
Tiempos de CPU

Viaje a Rumania

Usando valores de estados



# Algoritmo primero en anchura



Se busca un estado objetivo un nivel a la vez. Se expande primero el nodo de menor altura en la frontera.

**Ventajas:** Siempre encuentra una solución. Es una solución óptima en términos de número de acciones.

**Desventajas:** Crecimiento exponencial en el uso de recursos computacionales.



# Algoritmo primero en anchura



*Frontera*  
FIFO =



# Algoritmo primero en anchura



*Frontera*  
FIFO = A



# Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

FIFO = A

*estado*  $\leftarrow$  POP(Frontera)





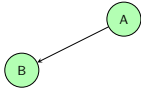
# Algoritmo primero en anchura



*Frontera*  
 FIFO =  
*estado*  $\leftarrow$  A



## Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

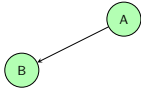
FIFO =

$estado \leftarrow A$

$hijo \leftarrow B$  (test = False)



## Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

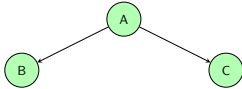
FIFO = B

*estado*  $\leftarrow$  A

ADD(*frontera*, B)



## Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

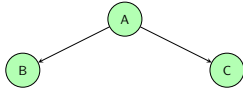
FIFO = B

*estado*  $\leftarrow$  A

*hijo*  $\leftarrow$  C (test = False)



## Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

FIFO = 

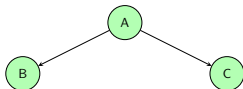
B	C
---	---

$estado \leftarrow A$

ADD(*frontera*, C)



## Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

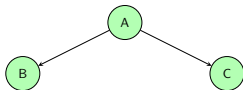
FIFO = 

B	C
---	---

*estado*  $\leftarrow$  POP(Frontera)



## Algoritmo primero en anchura



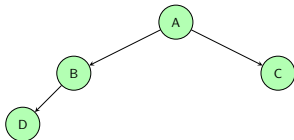
*Frontera*

FIFO = C

*estado*  $\leftarrow$  B



## Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

FIFO = C

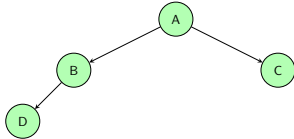
*estado*  $\leftarrow$  B

*hijo*  $\leftarrow$  D (test = False)





## Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

FIFO = 

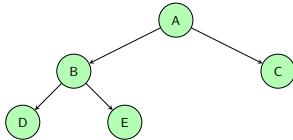
C	D
---	---

$estado \leftarrow B$

ADD(*frontera*, D)



## Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

FIFO = 

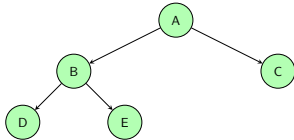
C	D
---	---

*estado*  $\leftarrow$  B

*hijo*  $\leftarrow$  E (test = False)



## Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

FIFO = 

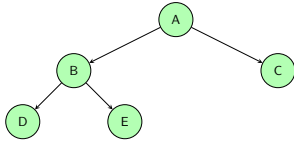
C	D	E
---	---	---

$estado \leftarrow B$

ADD(*frontera*, E)



## Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

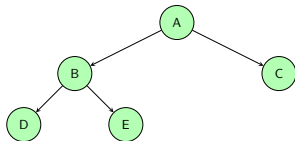
FIFO = 

C	D	E
---	---	---

*estado*  $\leftarrow$  POP(Frontera)



## Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

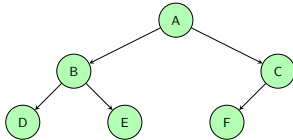
FIFO = 

D	E
---	---

*estado*  $\leftarrow$  C



## Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

FIFO = 

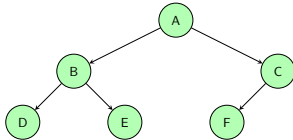
D	E
---	---

*estado*  $\leftarrow$  C

*hijo*  $\leftarrow$  F (test = False)



## Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

FIFO = 

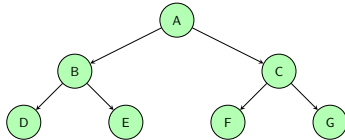
D	E	F
---	---	---

$estado \leftarrow C$

ADD(*frontera*, F)



## Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

FIFO = 

D	E	F
---	---	---

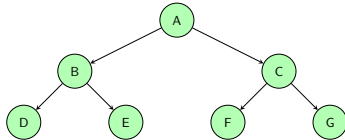
*estado*  $\leftarrow$  C

*hijo*  $\leftarrow$  G (test = False)





## Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

FIFO = 

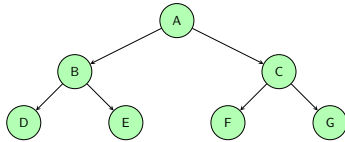
D	E	F	G
---	---	---	---

$estado \leftarrow C$

ADD(*frontera*, G)



## Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

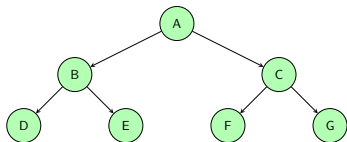
FIFO = 

D	E	F	G
---	---	---	---

*estado*  $\leftarrow$  POP(Frontera)



## Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

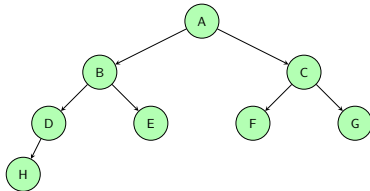
FIFO = 

E	F	G
---	---	---

*estado*  $\leftarrow$  D



# Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

FIFO = 

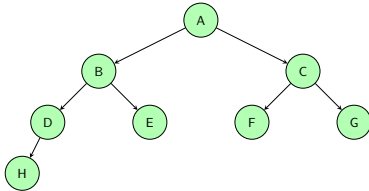
E	F	G
---	---	---

*estado*  $\leftarrow$  D

*hijo*  $\leftarrow$  H (test = False)



## Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

FIFO = 

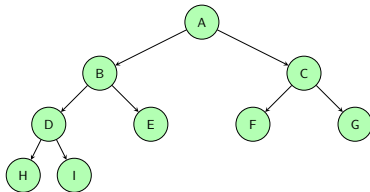
E	F	G	H
---	---	---	---

$estado \leftarrow D$

ADD(*frontera*, H)



# Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

FIFO = 

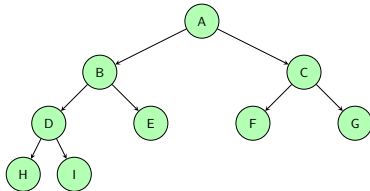
E	F	G	H
---	---	---	---

*estado*  $\leftarrow$  D

*hijo*  $\leftarrow$  I (test = False)



# Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

FIFO = 

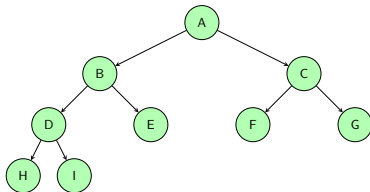
E	F	G	H	I
---	---	---	---	---

$estado \leftarrow D$

ADD(*frontera*, I)



# Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

FIFO = 

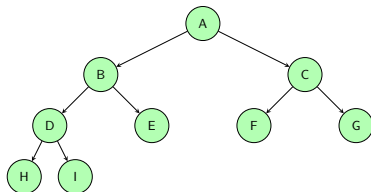
E	F	G	H	I
---	---	---	---	---

*estado*  $\leftarrow$  POP(Frontera)





## Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

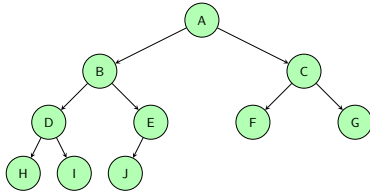
FIFO = 

F	G	H	I
---	---	---	---

*estado*  $\leftarrow$  E



## Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

FIFO = 

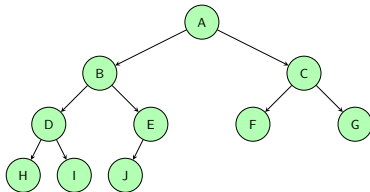
F	G	H	I
---	---	---	---

*estado*  $\leftarrow$  E

*hijo*  $\leftarrow$  J (test = False)



# Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

FIFO = 

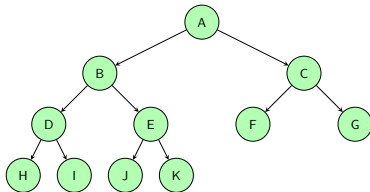
F	G	H	I	J
---	---	---	---	---

*estado*  $\leftarrow$  E

ADD(*frontera*, J)



# Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

FIFO = 

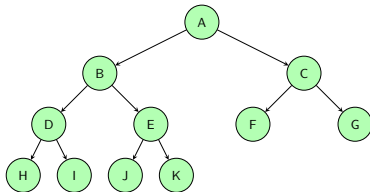
F	G	H	I	J
---	---	---	---	---

*estado*  $\leftarrow$  E

*hijo*  $\leftarrow$  K (test = False)



# Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

FIFO = 

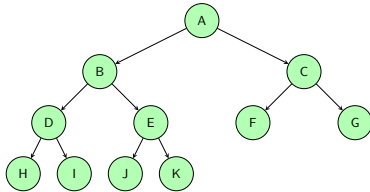
F	G	H	I	J	K
---	---	---	---	---	---

*estado*  $\leftarrow$  E

ADD(*frontera*, K)



## Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

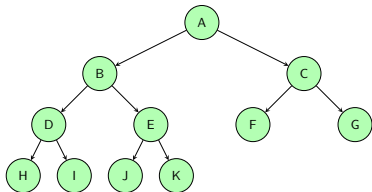
FIFO = 

F	G	H	I	J	K
---	---	---	---	---	---

$estado \leftarrow \text{POP}(\text{Frontera})$



# Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

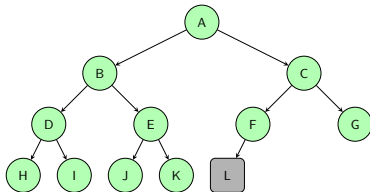
FIFO = 

G	H	I	J	K
---	---	---	---	---

*estado*  $\leftarrow$  F



# Algoritmo primero en anchura



*Frontera*

FIFO = 

G	H	I	J	K
---	---	---	---	---

*estado*  $\leftarrow$  F

*hijo*  $\leftarrow$  L (test = **True**)





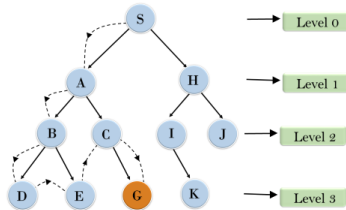
# Complejidad computacional

Depth	Nodes	Time	Memory
2	110	.11 milliseconds	107 kilobytes
4	11,110	11 milliseconds	10.6 megabytes
6	$10^6$	1.1 seconds	1 gigabyte
8	$10^8$	2 minutes	103 gigabytes
10	$10^{10}$	3 hours	10 terabytes
12	$10^{12}$	13 days	1 petabyte
14	$10^{14}$	3.5 years	99 petabytes
16	$10^{16}$	350 years	10 exabytes

**Figure 3.13** Time and memory requirements for breadth-first search. The numbers shown assume branching factor  $b = 10$ ; 1 million nodes/second; 1000 bytes/node.



# Algoritmo primero en profundidad



Se busca un estado objetivo siguiendo un camino hacia abajo en niveles. Se expande primero el nodo de mayor altura en la frontera.

**Ventajas:** Si se tiene suerte, se debe explorar solo una parte pequeña del espacio.

**Desventajas:** La solución encontrada no necesariamente es óptima.



# Algoritmo primero en profundidad



*Frontera*  
LIFO =



# Algoritmo primero en profundidad



*Frontera*  
LIFO = A



# Algoritmo primero en profundidad



*Frontera*

LIFO = A

*estado*  $\leftarrow$  POP(*Frontera*)



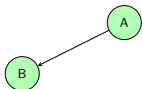
# Algoritmo primero en profundidad



*Frontera*  
LIFO =  
*estado*  $\leftarrow$  A



## Algoritmo primero en profundidad



*Frontera*

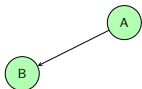
LIFO =

*estado*  $\leftarrow$  A

*hijo*  $\leftarrow$  B (test = False)



# Algoritmo primero en profundidad



*Frontera*

LIFO = B

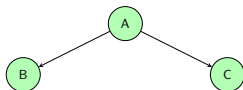
$estado \leftarrow A$

ADD(*frontera*, B)





## Algoritmo primero en profundidad



*Frontera*

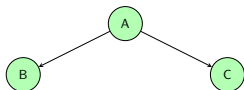
LIFO = B

*estado*  $\leftarrow$  A

*hijo*  $\leftarrow$  C (test = False)



## Algoritmo primero en profundidad



*Frontera*

LIFO = 

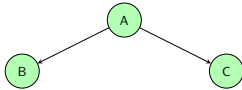
B	C
---	---

$estado \leftarrow A$

ADD(*frontera*, C)



# Algoritmo primero en profundidad



*Frontera*

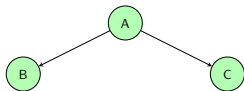
LIFO = 

B	C
---	---

$estado \leftarrow \text{POP}(\text{Frontera})$



## Algoritmo primero en profundidad



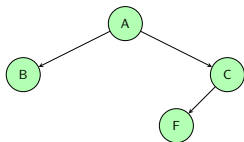
*Frontera*

LIFO = B

*estado*  $\leftarrow$  C



# Algoritmo primero en profundidad



*Frontera*

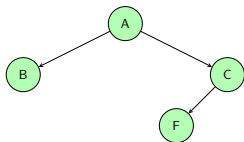
LIFO = B

*estado*  $\leftarrow$  C

*hijo*  $\leftarrow$  F (test = False)



# Algoritmo primero en profundidad



*Frontera*

LIFO = 

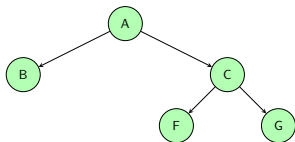
B	F
---	---

*estado*  $\leftarrow$  C

ADD(*frontera*, F)



# Algoritmo primero en profundidad



*Frontera*

LIFO = 

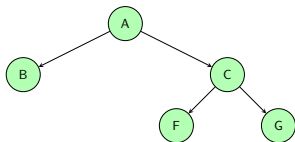
B	F
---	---

*estado*  $\leftarrow$  C

*hijo*  $\leftarrow$  G (test = False)



## Algoritmo primero en profundidad



*Frontera*

LIFO = 

B	F	G
---	---	---

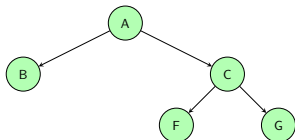
*estado*  $\leftarrow$  C

ADD(*frontera*, G)





## Algoritmo primero en profundidad



*Frontera*

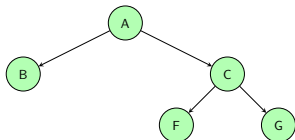
LIFO = 

B	F	G
---	---	---

$estado \leftarrow \text{POP}(\text{Frontera})$



## Algoritmo primero en profundidad



*Frontera*

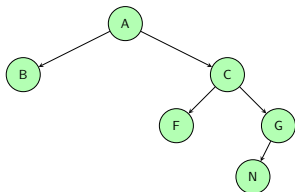
LIFO = 

B	F
---	---

*estado*  $\leftarrow$  G



## Algoritmo primero en profundidad



*Frontera*

LIFO = 

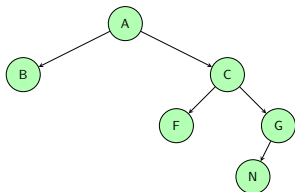
B	F
---	---

*estado*  $\leftarrow$  G

*hijo*  $\leftarrow$  N (test = False)



# Algoritmo primero en profundidad



*Frontera*

LIFO = 

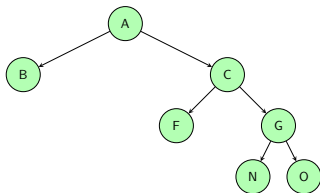
B	F	N
---	---	---

*estado*  $\leftarrow$  G

ADD(*frontera*, N)



## Algoritmo primero en profundidad



*Frontera*

LIFO = 

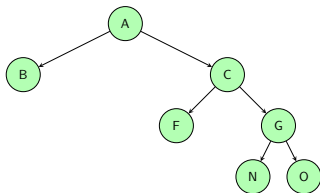
B	F	N
---	---	---

*estado*  $\leftarrow$  G

*hijo*  $\leftarrow$  O (test = False)



## Algoritmo primero en profundidad



*Frontera*

LIFO = 

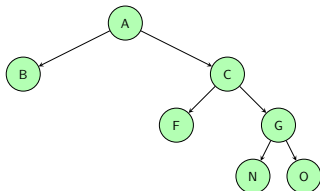
B	F	N	O
---	---	---	---

*estado*  $\leftarrow$  G

ADD(*frontera*, O)



## Algoritmo primero en profundidad



*Frontera*

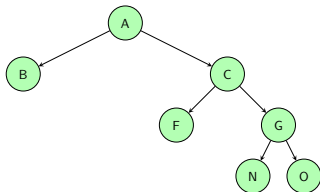
LIFO = 

B	F	N	O
---	---	---	---

*estado*  $\leftarrow$  POP(*Frontera*)



## Algoritmo primero en profundidad



*Frontera*

LIFO = 

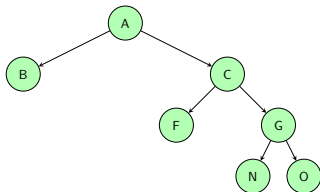
B	F	N
---	---	---

*estado*  $\leftarrow$  O





## Algoritmo primero en profundidad



*Frontera*

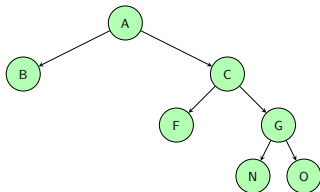
LIFO = 

B	F	N
---	---	---

*estado*  $\leftarrow$  POP(Frontera)



## Algoritmo primero en profundidad



*Frontera*

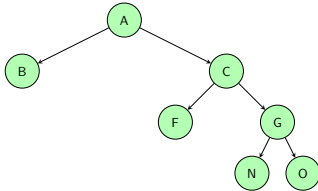
LIFO = 

B	F
---	---

*estado*  $\leftarrow$  N



## Algoritmo primero en profundidad



*Frontera*

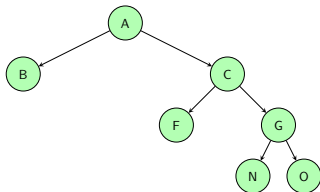
LIFO = 

B	F
---	---

$estado \leftarrow \text{POP}(\text{Frontera})$



## Algoritmo primero en profundidad



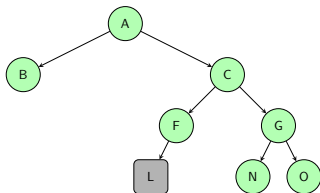
*Frontera*

LIFO = B

*estado*  $\leftarrow$  F



## Algoritmo primero en profundidad



*Frontera*

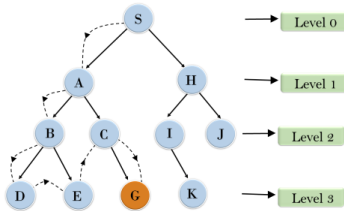
LIFO = B

*estado*  $\leftarrow$  F

*hijo*  $\leftarrow$  L (test = **True**)



# Algoritmo backtracking



Se busca un estado objetivo siguiendo un camino hacia abajo en niveles mediante una llamada recursiva.

**Ventajas:** Usa recursos computacionales de complejidad lineal (solo se guarda el camino actual). Si se tiene suerte, se debe explorar solo una parte pequeña del espacio.

**Desventajas:** La solución encontrada no necesariamente es óptima.



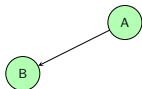
# Algoritmo backtracking



$\text{backtracking}(A) = ?$



# Algoritmo backtracking



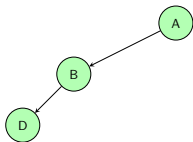
$\text{backtracking}(A) = ?$

$\text{backtracking}(B) = ?$





# Algoritmo backtracking



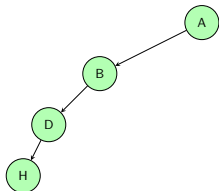
$\text{backtracking}(A) = ?$

$\text{backtracking}(B) = ?$

$\text{backtracking}(D) = ?$



# Algoritmo backtracking



$\text{backtracking}(A) = ?$

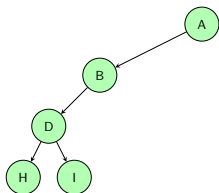
$\text{backtracking}(B) = ?$

$\text{backtracking}(D) = ?$

$\text{backtracking}(H) = \text{falla}$



# Algoritmo backtracking



backtracking(A) = ?

backtracking(B) = ?

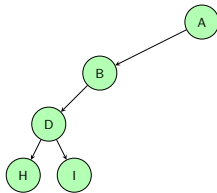
backtracking(D) = ?

backtracking(H) = falla

backtracking(I) = falla



# Algoritmo backtracking



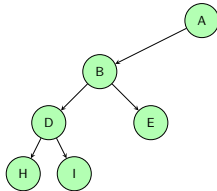
$\text{backtracking}(A) = ?$

$\text{backtracking}(B) = ?$

$\text{backtracking}(D) = \text{falla}$



# Algoritmo backtracking



$\text{backtracking}(A) = ?$

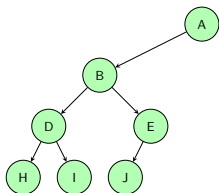
$\text{backtracking}(B) = ?$

$\text{backtracking}(D) = \text{falla}$

$\text{backtracking}(E) = ?$



# Algoritmo backtracking



$\text{backtracking}(A) = ?$

$\text{backtracking}(B) = ?$

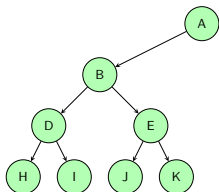
$\text{backtracking}(D) = \text{falla}$

$\text{backtracking}(E) = ?$

$\text{backtracking}(J) = \text{falla}$



# Algoritmo backtracking



$\text{backtracking}(A) = ?$

$\text{backtracking}(B) = ?$

$\text{backtracking}(D) = \text{falla}$

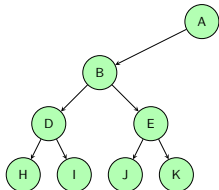
$\text{backtracking}(E) = ?$

$\text{backtracking}(J) = \text{falla}$

$\text{backtracking}(K) = \text{falla}$



# Algoritmo backtracking



$\text{backtracking}(A) = ?$

$\text{backtracking}(B) = ?$

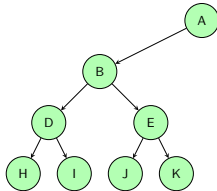
$\text{backtracking}(D) = \text{falla}$

$\text{backtracking}(E) = \text{falla}$





# Algoritmo backtracking

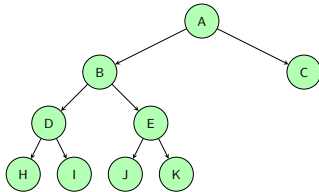


$\text{backtracking}(A) = ?$

$\text{backtracking}(B) = \text{falla}$



# Algoritmo backtracking



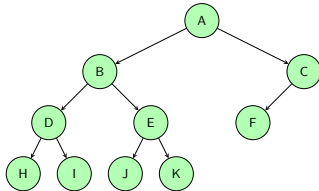
$\text{backtracking}(A) = ?$

$\text{backtracking}(B) = \text{falla}$

$\text{backtracking}(C) = ?$



# Algoritmo backtracking



$\text{backtracking}(A) = ?$

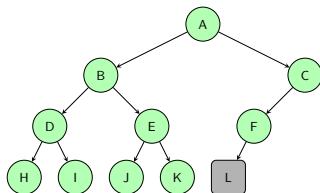
$\text{backtracking}(B) = \text{falla}$

$\text{backtracking}(C) = ?$

$\text{backtracking}(F) = ?$



# Algoritmo backtracking



$\text{backtracking}(A) = ?$

$\text{backtracking}(B) = \text{falla}$

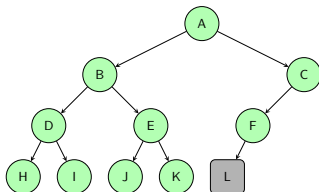
$\text{backtracking}(C) = ?$

$\text{backtracking}(F) = ?$

$\text{backtracking}(L) = L$



# Algoritmo backtracking



$\text{backtracking}(A) = ?$

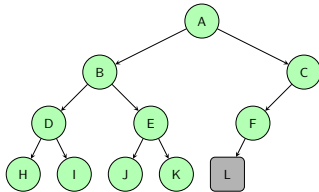
$\text{backtracking}(B) = \text{falla}$

$\text{backtracking}(C) = ?$

$\text{backtracking}(F) = L$



# Algoritmo backtracking



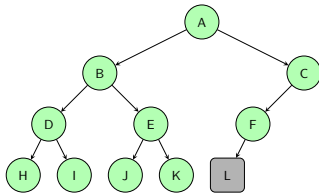
$\text{backtracking}(A) = ?$

$\text{backtracking}(B) = \text{falla}$

$\text{backtracking}(C) = L$



# Algoritmo backtracking



$$\text{backtracking}(A) = L$$



# Algoritmo profundidad limitada

Límite  
2



Se establece un límite a la profundidad de los nodos. Se expande primero el nodo de mayor altura en la frontera. Cuando se explora el primer nodo que supera el límite de profundidad, se corta la exploración por esa rama (como si el nodo no tuviera acciones aplicables).

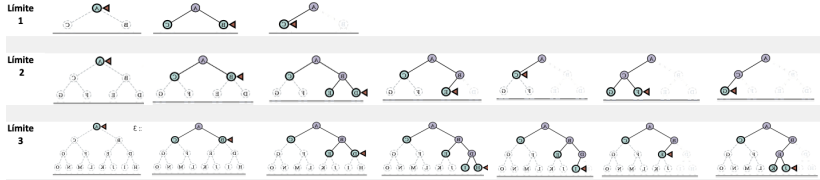
**Ventajas:** Usa menos recursos que backtracking.

**Desventajas:** No siempre encuentra una solución.





# Algoritmo profundización iterativa



Se realiza profundidad limitada cada vez aumentando el límite de profundidad.

**Ventajas:** Uso de memoria es de complejidad lineal (solo se guarda el camino actual). Si encuentra una solución, es óptima.

**Desventajas:** Uso de tiempo es exponencial.



# Contenido

Entornos

Espacios de estados

Listas

Búsqueda a ciegas

Tiempos de CPU

Viaje a Rumania

Usando valores de estados



# Eficiencia de un algoritmo

Aspecto teórico:

**Complejidad de tiempo:** Cantidad de pasos que toma un algoritmo para resolver un problema.



# Eficiencia de un algoritmo

Aspecto teórico:

**Complejidad de tiempo:** Cantidad de pasos que toma un algoritmo para resolver un problema.

**Complejidad de espacio:** Cantidad de memoria usada por un algoritmo para resolver un problema.



## Análisis empírico

👉 Comparamos la eficiencia de dos algoritmos con base en sus tiempos en CPU.



# Análisis empírico

☞ Comparamos la eficiencia de dos algoritmos con base en sus tiempos en CPU.

## Inconvenientes del proceso:

- ▶ La CPU realiza múltiples procesos que pueden afectar la velocidad de ejecución de un algoritmo.



# Análisis empírico

☞ Comparamos la eficiencia de dos algoritmos con base en sus tiempos en CPU.

## Inconvenientes del proceso:

- ▶ La CPU realiza múltiples procesos que pueden afectar la velocidad de ejecución de un algoritmo.
- ▶ La velocidad de un algoritmo depende del lenguaje de programación y la compilación interna para su ejecución en CPU.



# Análisis empírico

👉 Comparamos la eficiencia de dos algoritmos con base en sus tiempos en CPU.

## Inconvenientes del proceso:

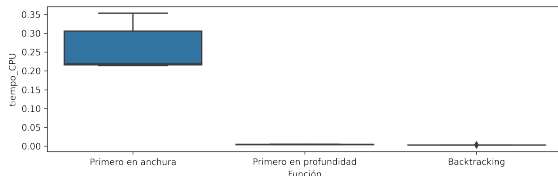
- ▶ La CPU realiza múltiples procesos que pueden afectar la velocidad de ejecución de un algoritmo.
- ▶ La velocidad de un algoritmo depende del lenguaje de programación y la compilación interna para su ejecución en CPU.
- ▶ P.ej., No todas las implementaciones de ciclos son igualmente rápidas en todos los lenguajes de programación, especialmente en Python.





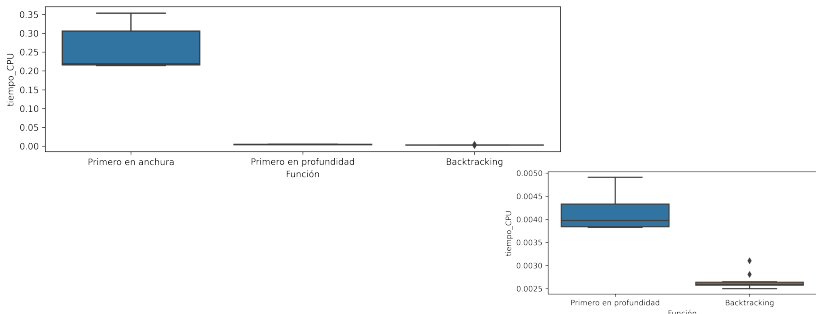
## Múltiples mediciones

Usamos múltiples mediciones para aproximar la velocidad de ejecución de un algoritmo.



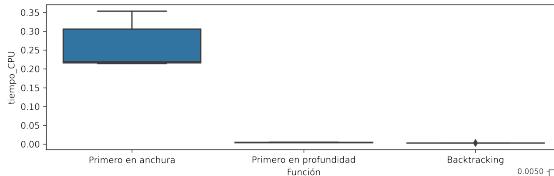
## Múltiples mediciones

Usamos múltiples mediciones para aproximar la velocidad de ejecución de un algoritmo.

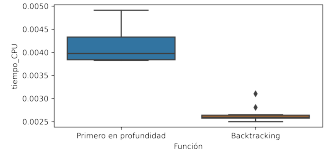


## Múltiples mediciones

Usamos múltiples mediciones para aproximar la velocidad de ejecución de un algoritmo.



Función	tiempo_CPU	
	mean	std
Backtracking	0.002655	0.000177
Primero en anchura	0.260836	0.059783
Primero en profundidad	0.004162	0.000432



# Contenido

Entornos

Espacios de estados

Listas

Búsqueda a ciegas

Tiempos de CPU

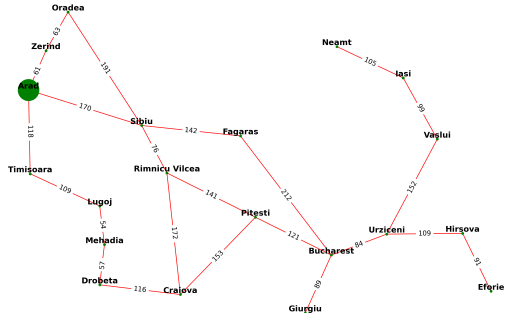
Viaje a Rumania

Usando valores de estados



# Comparación algoritmos ciegos

Problema: Ir de Arad a Bucharest.



# Comparación algoritmos ciegos

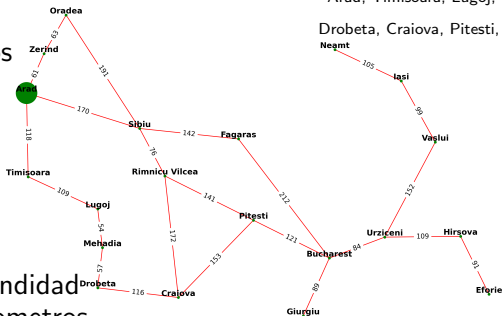
Problema: Ir de Arad a Bucharest.

Primero anchura  
Costo: 524 kilometros

Arad, Sibiu, Fagaras, Bucharest

Backtracking  
Costo: 728 kilometros

Arad, Timisoara, Lugoj, Mehadia,  
Drobeta, Craiova, Pitesti, Bucharest



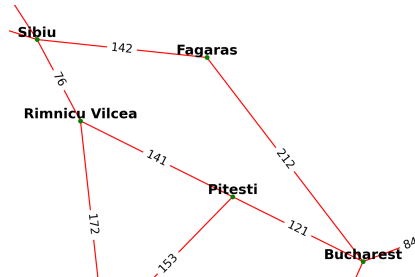
Primero profundidad  
Costo: 653 kilometros

Arad, Zerind, Oradea, Sibiu, Rimnicu Vilcea, Pitesti, Bucharest



matemáticas aplicadas y  
Ciencias de la Computación

## Pedazo complicado para hallar la ruta óptima



En el trayecto de Sibiu a Bucharest, aunque haya más nodos, es óptimo tomar el camino Rimnicu Vilcea, Pitesti, Bucharest.



# Contenido

Entornos

Espacios de estados

Listas

Búsqueda a ciegas

Tiempos de CPU

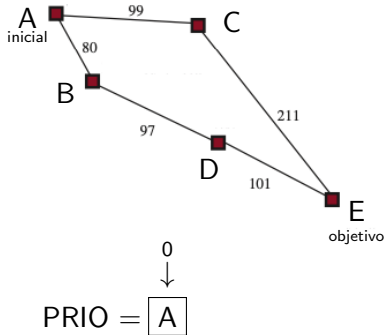
Viaje a Rumania

Usando valores de estados





# Algoritmo best first search



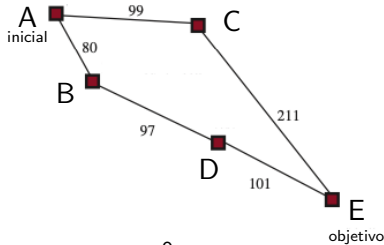
Se busca un estado objetivo siguiendo un camino hacia abajo en niveles. Se expande primero el nodo prioritario en la frontera.

**Ventajas:** Si se tiene suerte, se debe explorar solo una parte pequeña del espacio. Siempre encuentra la solución óptima.

**Desventajas:** Uso exponencial de recursos computacionales en el peor caso.



# Algoritmo best first search



0  
↓

PRIO = A

$nodo \leftarrow POP(Frontera)$

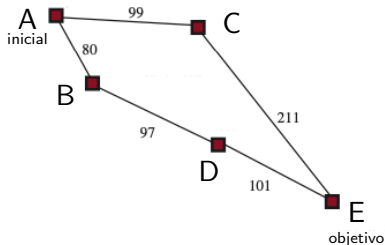
Se busca un estado objetivo siguiendo un camino hacia abajo en niveles. Se expande primero el nodo prioritario en la frontera.

**Ventajas:** Si se tiene suerte, se debe explorar solo una parte pequeña del espacio. Siempre encuentra la solución óptima.

**Desventajas:** Uso exponencial de recursos computacionales en el peor caso.



# Algoritmo best first search



Se busca un estado objetivo siguiendo un camino hacia abajo en niveles. Se expande primero el nodo prioritario en la frontera.

**Ventajas:** Si se tiene suerte, se debe explorar solo una parte pequeña del espacio. Siempre encuentra la solución óptima.

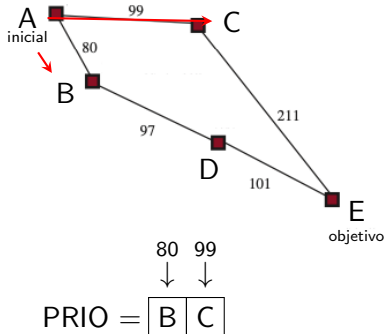
**Desventajas:** Uso exponencial de recursos computacionales en el peor caso.

PRIO =

$nodo \leftarrow A$  (test = false)



# Algoritmo best first search



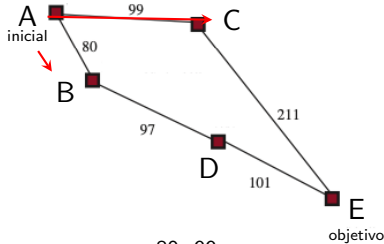
Se busca un estado objetivo siguiendo un camino hacia abajo en niveles. Se expande primero el nodo prioritario en la frontera.

**Ventajas:** Si se tiene suerte, se debe explorar solo una parte pequeña del espacio. Siempre encuentra la solución óptima.

**Desventajas:** Uso exponencial de recursos computacionales en el peor caso.



# Algoritmo best first search



80 99  
↓ ↓  
PRIO = 

B	C
---	---

$nodo \leftarrow \text{POP}(\text{Frontera})$

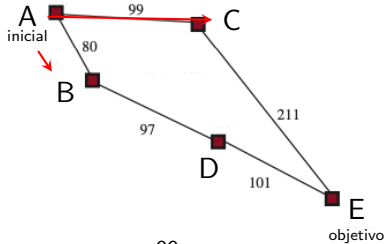
Se busca un estado objetivo siguiendo un camino hacia abajo en niveles. Se expande primero el nodo prioritario en la frontera.

**Ventajas:** Si se tiene suerte, se debe explorar solo una parte pequeña del espacio. Siempre encuentra la solución óptima.

**Desventajas:** Uso exponencial de recursos computacionales en el peor caso.



# Algoritmo best first search



99  
↓  
PRIO = C

$nodo \leftarrow B$  (test = false)

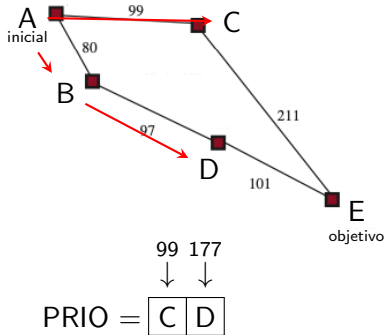
Se busca un estado objetivo siguiendo un camino hacia abajo en niveles. Se expande primero el nodo prioritario en la frontera.

**Ventajas:** Si se tiene suerte, se debe explorar solo una parte pequeña del espacio. Siempre encuentra la solución óptima.

**Desventajas:** Uso exponencial de recursos computacionales en el peor caso.



# Algoritmo best first search



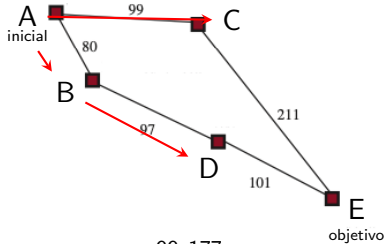
Se busca un estado objetivo siguiendo un camino hacia abajo en niveles. Se expande primero el nodo prioritario en la frontera.

**Ventajas:** Si se tiene suerte, se debe explorar solo una parte pequeña del espacio. Siempre encuentra la solución óptima.

**Desventajas:** Uso exponencial de recursos computacionales en el peor caso.



# Algoritmo best first search



99 177  
 ↓ ↓  
 PRIO = 

C	D
---	---

$nodo \leftarrow \text{POP}(\text{Frontera})$

Se busca un estado objetivo siguiendo un camino hacia abajo en niveles. Se expande primero el nodo prioritario en la frontera.

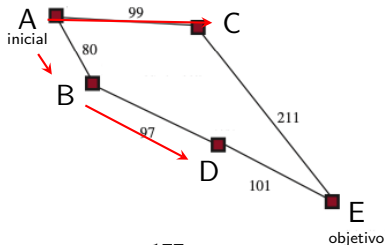
**Ventajas:** Si se tiene suerte, se debe explorar solo una parte pequeña del espacio. Siempre encuentra la solución óptima.

**Desventajas:** Uso exponencial de recursos computacionales en el peor caso.





# Algoritmo best first search



177  
↓  
PRIO = D

$nodo \leftarrow C$  (test = false)

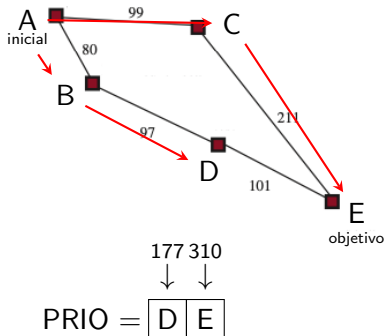
Se busca un estado objetivo siguiendo un camino hacia abajo en niveles. Se expande primero el nodo prioritario en la frontera.

**Ventajas:** Si se tiene suerte, se debe explorar solo una parte pequeña del espacio. Siempre encuentra la solución óptima.

**Desventajas:** Uso exponencial de recursos computacionales en el peor caso.



# Algoritmo best first search



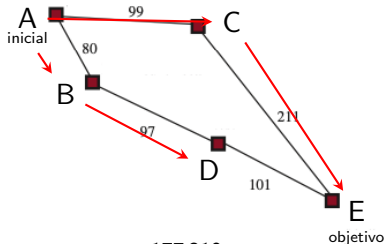
Se busca un estado objetivo siguiendo un camino hacia abajo en niveles. Se expande primero el nodo prioritario en la frontera.

**Ventajas:** Si se tiene suerte, se debe explorar solo una parte pequeña del espacio. Siempre encuentra la solución óptima.

**Desventajas:** Uso exponencial de recursos computacionales en el peor caso.



# Algoritmo best first search



177 310



PRIO = 

D	E
---	---

$nodo \leftarrow \text{POP}(\text{Frontera})$

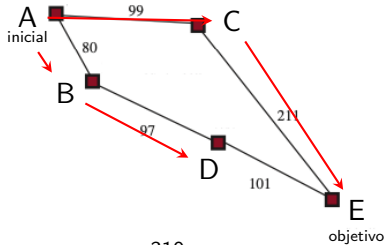
Se busca un estado objetivo siguiendo un camino hacia abajo en niveles. Se expande primero el nodo prioritario en la frontera.

**Ventajas:** Si se tiene suerte, se debe explorar solo una parte pequeña del espacio. Siempre encuentra la solución óptima.

**Desventajas:** Uso exponencial de recursos computacionales en el peor caso.



# Algoritmo best first search



310  
↓  
PRIO = E

$nodo \leftarrow D$  (test = false)

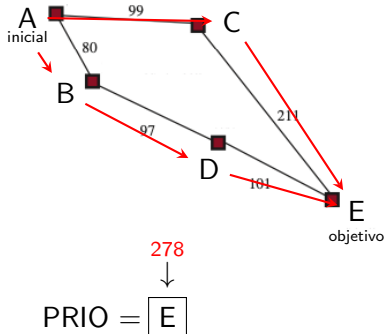
Se busca un estado objetivo siguiendo un camino hacia abajo en niveles. Se expande primero el nodo prioritario en la frontera.

**Ventajas:** Si se tiene suerte, se debe explorar solo una parte pequeña del espacio. Siempre encuentra la solución óptima.

**Desventajas:** Uso exponencial de recursos computacionales en el peor caso.



# Algoritmo best first search



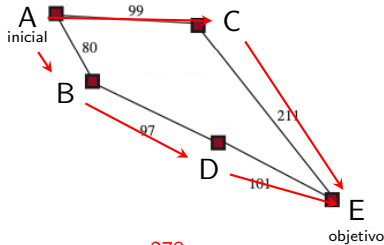
Se busca un estado objetivo siguiendo un camino hacia abajo en niveles. Se expande primero el nodo prioritario en la frontera.

**Ventajas:** Si se tiene suerte, se debe explorar solo una parte pequeña del espacio. Siempre encuentra la solución óptima.

**Desventajas:** Uso exponencial de recursos computacionales en el peor caso.



# Algoritmo best first search



278



PRIO = E

$nodo \leftarrow POP(Frontera)$

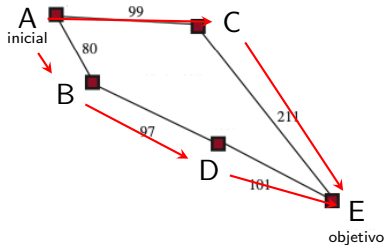
Se busca un estado objetivo siguiendo un camino hacia abajo en niveles. Se expande primero el nodo prioritario en la frontera.

**Ventajas:** Si se tiene suerte, se debe explorar solo una parte pequeña del espacio. Siempre encuentra la solución óptima.

**Desventajas:** Uso exponencial de recursos computacionales en el peor caso.



## Algoritmo best first search



Se busca un estado objetivo siguiendo un camino hacia abajo en niveles. Se expande primero el nodo prioritario en la frontera.

**Ventajas:** Si se tiene suerte, se debe explorar solo una parte pequeña del espacio. Siempre encuentra la solución óptima.

**Desventajas:** Uso exponencial de recursos computacionales en el peor caso.

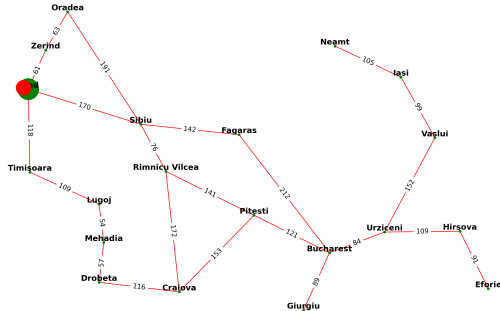
PRI0 =

$nodo \leftarrow E$  (test = true)

# Costo camino (Dijkstra)

Problema: Ir de Arad a Bucharest.

valor = costo\_camino

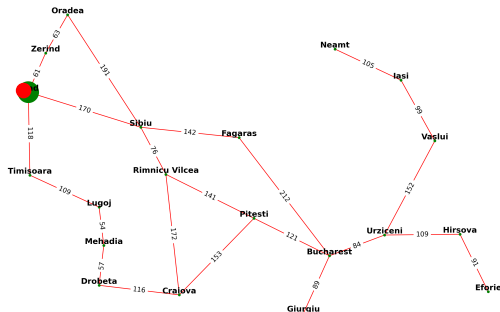




## Costo camino (Dijkstra)

Problema: Ir de Arad a Bucharest.

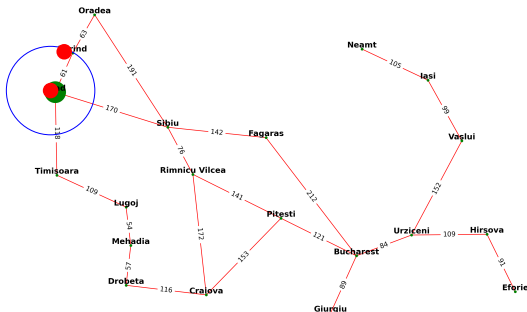
```
valor = costo_camino
```


$$\text{FRONTIERA} = [(\text{Arad}, 61), (\text{Arad}, 118), (\text{Arad}, 170)]$$

# Costo camino (Dijkstra)

Problema: Ir de Arad a Bucharest.

valor = costo\_camino



FRONTERA = [(Arad, 61), (Arad, 118), (Arad, 170)]

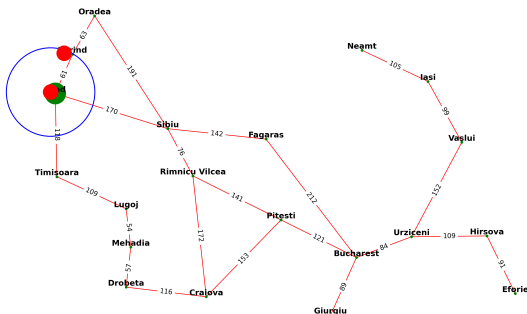
Zerind                      Timisoara                      Sibiu



# Costo camino (Dijkstra)

Problema: Ir de Arad a Bucharest.

valor = costo\_camino



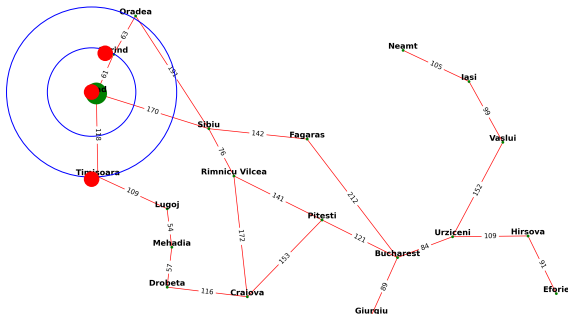
FRONTERA =  $\left[ \left( \begin{smallmatrix} \text{Arad} \\ \text{Timisoara} \end{smallmatrix}, 118 \right), \left( \begin{smallmatrix} \text{Arad} \\ \text{Zerind} \end{smallmatrix}, 124 \right), \left( \begin{smallmatrix} \text{Arad} \\ \text{Oradea} \end{smallmatrix}, 170 \right) \right]$



# Costo camino (Dijkstra)

Problema: Ir de Arad a Bucharest.

valor = costo\_camino



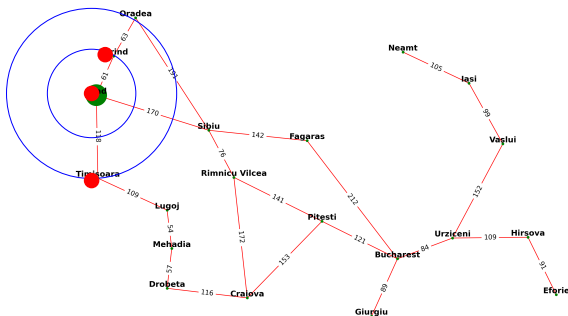
FRONTERA =  $\left[ \left( \begin{smallmatrix} \text{Arad} \\ \text{Timisoara} \end{smallmatrix}, 118 \right), \left( \begin{smallmatrix} \text{Arad} \\ \text{Zerind} \end{smallmatrix}, 124 \right), \left( \begin{smallmatrix} \text{Arad} \\ \text{Sibiu} \end{smallmatrix}, 170 \right) \right]$



## Costo camino (Dijkstra)

Problema: Ir de Arad a Bucharest.

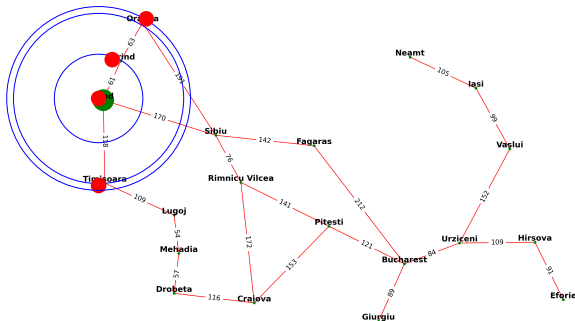
```
valor = costo_camino
```


$$\text{FRONTERA} = [(\overset{\text{Arad}}{\underset{\text{Oradea}}{\text{Zerind}}}, 124), (\overset{\text{Arad}}{\underset{\text{Sibiu}}{170}}, (\overset{\text{Arad}}{\underset{\text{Lugoj}}{\text{Timisoara}}}, 227)]$$

# Costo camino (Dijkstra)

Problema: Ir de Arad a Bucharest.

valor = costo\_camino



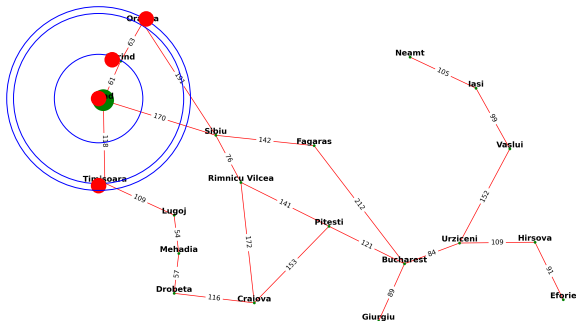
FRONTERA = [(Arad, 124), (Arad, 170), (Arad, 227)]  
 Zerind Sibiu Timisoara  
 Oradea Lugoj



## Costo camino (Dijkstra)

### Problema: Ir de Arad a Bucharest.

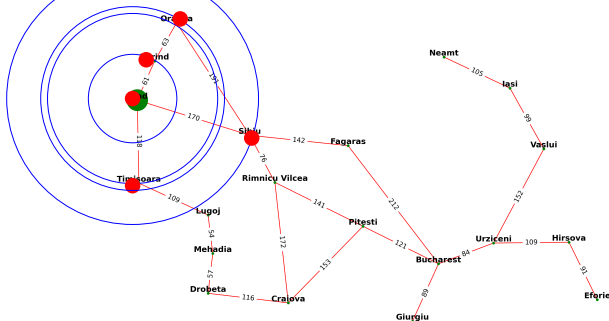
```
valor = costo_camino
```


$$\text{FRONTIERA} = [(\overset{\text{Arad}}{\underset{\text{Sibiu}}{\text{Arad}}}, 170), (\overset{\text{Arad}}{\underset{\text{Lugoj}}{\text{Timisoara}}}, 227), (\overset{\text{Arad}}{\underset{\text{Oradea}}{\underset{\text{Sibiu}}{\text{Zerind}}}}, 315))]$$

# Costo camino (Dijkstra)

Problema: Ir de Arad a Bucharest.

valor = costo\_camino



FRONTERA = [(Arad, 170), (Arad, 227), (Arad, 315))]  
 Sibiu Timisoara Oradea  
 Lugoj Sibiu



MACC  
Matemáticas Aplicadas y  
Ciencias de la Computación



# Take away

En esta sesión usted aprendió:

- ▶ Tipos de entornos de tarea.
- ▶ Idea general de la búsqueda en un espacio de estados.
- ▶ Algunas estrategias de búsqueda a ciegas.
- ▶ El algoritmo general de búsqueda del mejor y su implementación sobre los costos (algoritmo de Dijkstra).

