# Reporte sobre el proyecto de Modelos de Optimización 2

Laura Tamayo
Grupo C411
Yasmin Cisneros
Grupo C411
Jessy Gigato
Grupo C411
Nelson Mendoza Alvarez
Grupo C411

LAURA.TAMAYO@ESTUDIANTES.MATCOM.UH.CU

Y.CISNEROS@ESTUDIANTES.MATCOM.UH.CU

J.GIGATO@ESTUDIANTES.MATCOM.UH

NELSON.MENDOZA@ESTUDIANTES.MATCOM.UH

### Problema

### Conformación automática de grupos en la facultad:

Una de las primeras tareas de Secretaría Docente de la facultad cuando matriculan los estudiantes de primer año es formar los grupos. Los grupos deben ser los más homogéneos posibles. Al formar los grupos hay varios criterios que se deben tener en cuenta. Esos criterios pueden variar de un año a otro, pero usualmente es conveniente que sean lo más parecidos posibles con respecto a varios criterios, como la relación entre varones y hembras, becados y no becados, las procedencia de los alumnos, etc.

El objetivo de este proyecto es diseñar e implementar una aplicación que le permita a las personas encargadas de confeccionar los grupos hacerlo de la mejor manera posible. "De la mejor manera posible" depende de los intereses del año en cuestión, así que la propuesta debe ser lo suficientemente flexible como para incorporar diversos criterios.

### Un primer enfoque

Al leer el objetivo del problema se aprecia que puede resultar conveniente modelar un problema de asignación para dar solución al mismo y obtener así los grupos deseados. Un problema de asignación consiste en encontrar un emparejamiento de costo óptimo en un grafo bipartito ponderado. Generalmente para resolver este tipo de problemas se utilizan mecanismos como el algoritmo húngaro o el método simplex y se obtienen buenos resultados.

Entonces solo quedaría modelar el problema para aplicar uno de los algoritmos mencionados. Lo más intuitivo sería poner de un lado de la partición los nodos que representan los grupos y a los estudiantes del otro, desafortunadamente al existir más de una categoría con respecto a cómo clasificar a los estudiantes se deben añadir aristas que hacen que el grafo deje de ser bipartito volviendo el problema un emparejamiento en un grafo cualquiera por lo que los algoritmos mencionados previamente dejan de ser aplicables.

# Refinando el enfoque anterior

La idea de ver el problema como un problema de asignación puede seguir siendo aplicada si se le da una prioridad a cada criterio por el que se quiere clasificar a los estudiantes y se resuelve

#### Modelos de Optimización

el problema para cada categoría teniendo en cuenta la asignación que se tiene hasta el momento.

Para resolver el problema con este enfoque no es necesario utilizar algoritmos de gran complejidad temporal como el húngaro, se puede resolver el problema con trabajar con listas de la siguiente forma:

Supongamos que se tiene una lista con todos los estudiantes agrupados con respecto a los distintos valores de una categoría, entonces para generar la respuesta deseadas bastaría con tomar estudiantes de cada uno de estos grupos y distribuirlos de manera pareja, si hubiera más de una categoría basta con ordenar cada grupo por los valores de la siguiente categoría y así sucesivamente hasta obtener una lista donde se tienen todos los estudiantes distribuidos de una forma pareja. En otras palabras, se particionaría el conjunto con respecto a la categoría actual (la cual tendrá mayor prioridad que la siguiente) y se ordenara el grupo de estudiantes con respecto a la misma y luego por cada uno de los subconjuntos anteriores se realiza el mismo proceso con la categoría siguiente, efectuandose esto de forma recursiva.

El siguiente pseudocódigo muestra el algoritmo descrito:

```
ordenar por categoría (estudiantes, categorías)
    if categorías.length == 0
        return estudiantes
    lista = ordenar y dividir(estudiantes, categorías[0]) #agrupa con respecto a una categoría resultado = []
    for item in lista:
        resultado ++ ordenar por categoría(item, categorías[1:])
    return resultado
```

Figura 1: Pseudocodigo del algoritmo

El metodo "ordenar\_y\_dividir" devuelve una lista de listas de estudiantes, esta se particiona por categorías iguales. Este método presenta complejidad temporal O(m\*logm) ya que:

```
m: representa la cantidad de estudiantes de la lista
La ordenación de los elementos se realiza en: O(m * log m) y su división en O(m)
Luego por ley de la suma: O(m * log m) + O(m) = O(m * log m)
```

La complejidad temporal de este algoritmo es  $O(n*m*\log m)$  donde n es la cantidad de categorías y m la cantidad de estudiantes, ya que en el peor de los casos si cada uno de los elementos de las categorías seleccionadas son iguales este entrara las n veces de las categorías y realizara la ordenación con el conjunto de los m estudiantes.

Luego de Generar esta lista que ya estará ordenada por el conjunto de categorías se reparte entre los N grupos, asignando cada uno de los valores de uno en uno por cada grupo.

#### Reunión con el cliente

Después de realizar una reunión con el cliente final de la aplicación se añaden nuevas restricciones al problema:

- Los grupos deben distribuirse en dos sesiones.
- Existen diferentes criterios para distribuir a los estudiantes entre los grupos de cada sesión.

#### Modelos de Optimización

• Existen criterios que deben tenerse en cuenta para todos los grupos independientemente de la sesión.

Cuando se consideran estos elemento es posible percatarse de que es necesario reajustar el algoritmo que se tenía para cumplir con las nuevas restricciones. Con el algoritmo que se tenía hasta el momento es posible obtener el resultado solicitado organizando las categorías para que se apliquen primero las de la primera sesión y luego las generales.

Se consideró el uso de otro tipo de algoritmo como por ejemplo k-means pero este tipo de algoritmo agrupa por similitudes por lo que su uso conllevaría a grupos que son homogéneos internamente pero no entre ellos.

Dada la generalidad del problema y la variedad de posibles categorías no es posible encontrar en la literatura un algoritmo que garantice una solución óptima en todos los posibles casos por lo que este algoritmo aunque presenta buenos resultados para los ejemplos que propuso el cliente no es infalible. Esta dificultad fue discutida con el cliente y se le explicó que existía ese riesgo cuando se le presentó la aplicación.

# Tutorial de uso de la aplicación

A continuación se presentan los pasos a seguir para utilizar la aplicación:

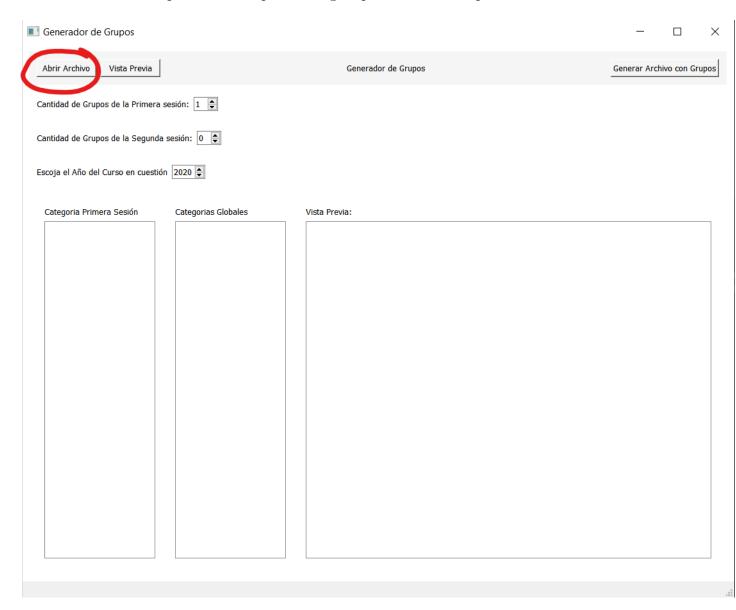


Figura 2: Para su uso primeramente debe de agregar el archivo excel (.xlsx)

Generador de Grupos			-	
Abrir Archivo Vista Previa		Generador de Grupos	Generar Archivo con Grupos	
Cantidad de Grupos de la Primera sesión: 3				
Cantidad de Grupos de la Segunda	a sesión: 3 🖨			
Escoja el Año del Curso en cuestió	in 2021 🖨			
<b>↓</b>	<b>₽</b>			
Categoria Primera Sesión	Categorias Globales	Vista Previa:		
☐ Identidad ▲	☐ Identidad ▲			
Nombre	Nombre			
Apellidos	Apellidos			
País	País			
Provincia	Provincia			
Municipio	Municipio			
Situación académica	Situación académica			
Estado	Estado			
Dirección	Dirección			
Fecha de Nacimiento	Fecha de Nacimiento			
Grupo	Grupo			
Carrera	Carrera			
Facultad/Filial	Facultad/Filial			
☐ Tipo de curso	Tipo de curso			
Correo electrónico	Correo electrónico			
Fuente de Ingreso	Fuente de Ingreso			
Origen Académico	Origen Académico			
Régimen de estudio	Régimen de estudio			
1	1			

Figura 3: Se desplegara el menú de categorías por las cuales se puede seleccionar para realizar una repartición de los grupos de forma homogénea tomando como referencia las mismas.

Generador de Grupos			- 🗆 ×
Abrir Archivo Vista Previa		Generador de Grupos	Generar Archivo con Grupos
Cantidad de Grupos de la Primera s	sesión: 3 🖨 🛑		
Cantidad de Grupos de la Segunda	sesión: 3		
Escoja el Año del Curso en cuestión	n 2021 🗣		
Categoria Primera Sesión	Categorias Globales	Vista Previa:	
		The state of the s	
Identidad —	Identidad		
Nombre	Nombre		
Apellidos	Apellidos		
País	País		
Provincia	Provincia		
Municipio	Municipio		
Situación académica	Situación académica		
Estado	Estado		
Dirección	Dirección		
Fecha de Nacimiento	Fecha de Nacimiento		
Grupo	☐ Grupo		
Carrera	Carrera		
Facultad/Filial	Facultad/Filial		
Tipo de curso	Tipo de curso		
Correo electrónico	Correo electrónico		
Fuente de Ingreso	Fuente de Ingreso		
Origen Académico	Origen Académico		
Régimen de estudio	Régimen de estudio		
<u> </u>	<u> </u>		

Figura 4: Una vez que se seleccionan las categorías se decide la cantidad de grupos por sesión y el curso

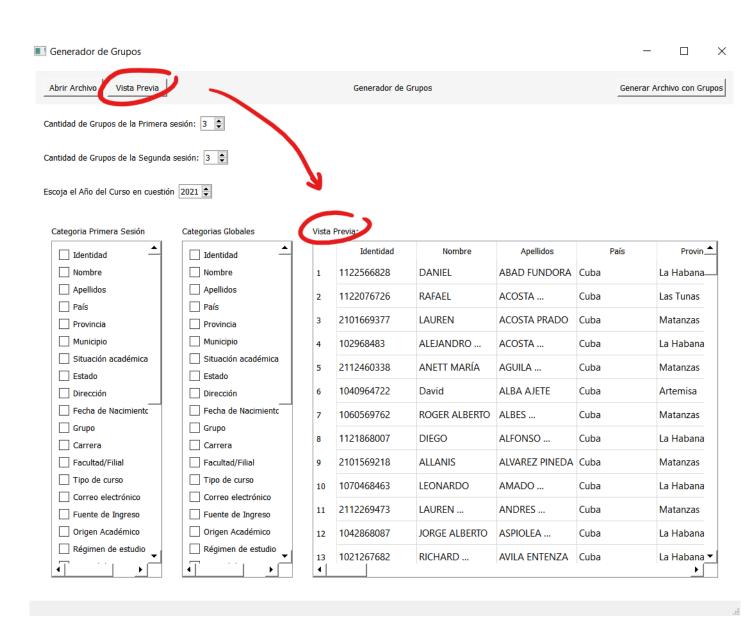


Figura 5: Para chequear si el archivo que abrió es el correcto siempre puede previsualizarlo

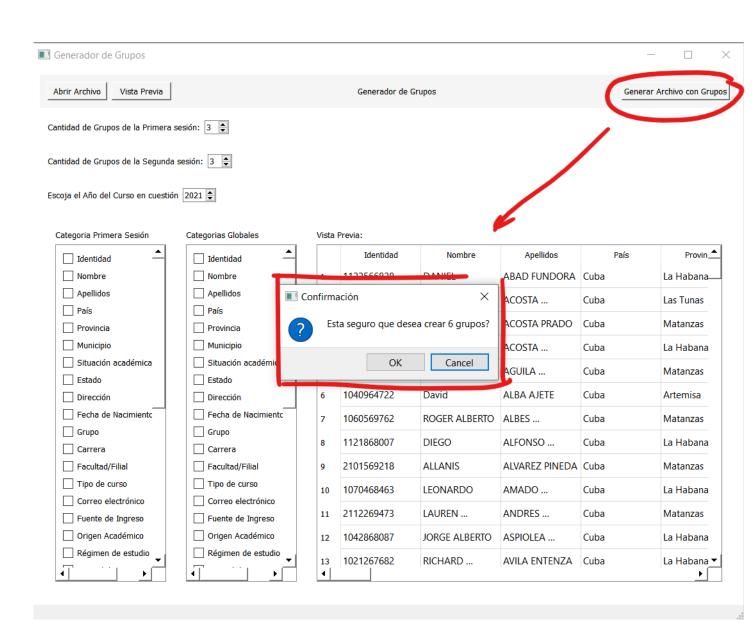


Figura 6: Una vez se han introducido los datos se pueden generar los grupos tras confirmar que se desea hacerlo.