# CIFRADOS QUE PRESERVAN EL FORMATO TRABAJO TERMINAL NO. 2017-B008

Daniel Ayala Zamorano

DAZ23AYALA@GMAIL.COM

Laura Natalia Borbolla Palacios

I.N. BORBOLLA42@GMAIL..COM

RICARDO QUEZADA FIGUEROA

QF7.RICARDO@GMAIL.COM

ESCUELA SUPERIOR DE CÓMPUTO INSTITUTO POLITÉCNICO NACIONAL



Febrero de 2018

Cifrados que preservan el formato	
Introducción	2
Clasificación	,

Cifrados que preservan el formato	
Introducción	4
Clasificación	7
FFX	
Redes Feistel	10
Definición de parámetros	12

Cifrados que preservan el formato	
Introducción	4
Clasificación	7
FFX	
Redes Feistel	10
Definición de parámetros	12
BPS	
Introducción a BPS	14
Cifrador interno BC	15
Modo de operación	26
Conclusiones y recomendaciones	30

Cifrados que preservan el formato	
Introducción	4
Clasificación	7
FFX	
Redes Feistel	10
Definición de parámetros	12
BPS	
Introducción a BPS	14
Cifrador interno BC	15
Modo de operación	26
Conclusiones y recomendaciones	30

Anatomía de un número de tarjeta

Cifrados que preservan el formato Introducción Clasificación	$\frac{4}{7}$
FFX	
Redes Feistel	10
Definición de parámetros	12
BPS	
Introducción a BPS	14
Cifrador interno BC	15
Modo de operación	26
Conclusiones y recomendaciones	30

Planteamiento del problema

Los cifradores estándar (por ejemplo, AES) convierten un mensaje en una cadena binaria.



PLANTEAMIENTO DEL PROBLEMA

Los cifradores estándar (por ejemplo, AES) convierten un mensaje en una cadena binaria.

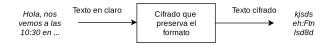


La cual, al ser interpretada, se compone principalmente de caracteres no imprimibles.

```
[ricardogrqf7 presentacion_fpe]s
[ricardogrqf7 presentacion_fpe]s
[ricardogrqf7 presentacion_fpe]s ipg _-encrypt.-recipient "Ricardo Quezada Figuerea _sqf7, ricardogranit.com> presentacion_fpe.tex
[ricardogrqf7 presentacion_fpe]s cat presentacion_fpe.tex.gpg
[ricardogrqf7 presentacion_fpe]s cat presentacion_fpe.tex.gpg
[ricardogrqf7 presentacion_fpe]s ipg__encomposition_fpe.tex.gpg
[ricardogrqf7 presentacion_fpe]s ipg__encomposition_fpe]s ipg__encomposition_fpe]s ipg__encomposition_fpe]s ipg__encompositio
```

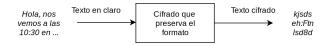
PLANTEAMIENTO DEL PROBLEMA

El objeto de los cifrados que preservan el formato (Format-preserving Encryption, FPE) es convertir un texto en claro con un formato dado en un texto cifrado con el mismo formato.



PLANTEAMIENTO DEL PROBLEMA

El objeto de los cifrados que preservan el formato (Format-preserving Encryption, FPE) es convertir un texto en claro con un formato dado en un texto cifrado con el mismo formato.



Formalmente, se busca obtener una permutación

$$\mathcal{E}:\mathcal{K}\times\mathcal{X}\to\mathcal{X}$$

que sea difícil de invertir sin el conocimiento de la llave.

APLICACIONES

La utilidad de los cifrados que preservan el formato se centra principalmente en *agregar* seguridad a sistemas y protocolos que ya se encuentran en un entorno de producción. Estos son algunos ejemplos de dominios comunes en FPE:

APLICACIONES

La utilidad de los cifrados que preservan el formato se centra principalmente en *agregar* seguridad a sistemas y protocolos que ya se encuentran en un entorno de producción. Estos son algunos ejemplos de dominios comunes en FPE:

▶ Números de tarjetas de crédito. 5827 5423 6584 2154  $\rightarrow$  6512 8417 6398 7423

#### APLICACIONES

La utilidad de los cifrados que preservan el formato se centra principalmente en *agregar* seguridad a sistemas y protocolos que ya se encuentran en un entorno de producción. Estos son algunos ejemplos de dominios comunes en FPE:

- ▶ Números de tarjetas de crédito. 5827 5423 6584 2154  $\rightarrow$  6512 8417 6398 7423
- ▶ Números de teléfono. 55 55 54 75 65  $\rightarrow$  55 55 12 36 98

#### APLICACIONES

La utilidad de los cifrados que preservan el formato se centra principalmente en *agregar* seguridad a sistemas y protocolos que ya se encuentran en un entorno de producción. Estos son algunos ejemplos de dominios comunes en FPE:

- ▶ Números de tarjetas de crédito. 5827 5423 6584 2154  $\rightarrow$  6512 8417 6398 7423
- ▶ Números de teléfono. 55 55 54 75 65  $\rightarrow$  55 55 12 36 98
- ► CURP. GHUJ887565HGBTOK01 ightarrow QRGH874528JUHY01

En [1], Phillip Rogaway clasifica a los algoritmos que preservan el formato según el tamaño del espacio de mensajes (N = |X|).

- ► Espacios minúsculos.
- ► Espacios pequeños.
- ► Espacios grandes.

En [1], Phillip Rogaway clasifica a los algoritmos que preservan el formato según el tamaño del espacio de mensajes (N = |X|).

- ► Espacios minúsculos.
- ► Espacios pequeños.
- ► Espacios grandes.

Espacios minúsculos: el espacio es tan pequeño que es aceptable gastar O(N) en el proceso de cifrado.

Por ejemplo, se puede inicializar una tabla de N elementos, y realizar las operaciones de cifrado y descifrado con consultas. Para esto se pueden ocupar métodos como el  $Knuth\ shuffle$  o un cifrado con prefijo.

En [1], Phillip Rogaway clasifica a los algoritmos que preservan el formato según el tamaño del espacio de mensajes (N = |X|).

- ► Espacios minúsculos.
- ► Espacios pequeños.
- ► Espacios grandes.

Espacios pequeños: el espacio no es más grande que  $2^w$ , en donde w es el tamaño de bloque del cifrado subyacente. Para AES, en donde  $w=128,\,N=2^{128}\approx 10^{38}.$ 

En este esquema, el mensaje se ve como una cadena de n elementos pertenecientes a un alfabeto de cardinalidad m (i. e.  $N=m^n$ ).

Por ejemplo, para números de tarjetas de crédito,  $n\approx 16$  y m=10, por lo que  $N=10^{16}$  (diez mil trillones); lo cual es aproximadamente  $2.93\times 10^{-21}\,\%$  de  $2^{128}$ .

En [1], Phillip Rogaway clasifica a los algoritmos que preservan el formato según el tamaño del espacio de mensajes (N = |X|).

- ► Espacios minúsculos.
- ► Espacios pequeños.
- ► Espacios grandes.

Espacios grandes: el espacio es más grande que  $2^w$ .

Para estos casos, el mensaje se ve como una cadena binaria. Las técnicas utilizadas incluyen cualquier cifrado cuya salida sea de  $la\ misma$  longitud que la entrada (e. g. los TES: CMC, EME, HCH, etc.).

Cifrados que preservan el formato Introducción Clasificación	4 7
FFX Redes Feistel Definición de parámetros	10 12
BPS	
Introducción a BPS	14
Cifrador interno BC	15
Modo de operación	26
Conclusiones y recomendaciones	30

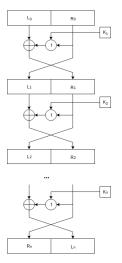
Introducción

FFX (Format-preserving, Feistel-based encryption) es un modo de operación para lograr FPE en espacios pequeños.

El mecanismo general usado en FFX son las redes Feistel, aplicadas sobre alfabetos arbitrarios.

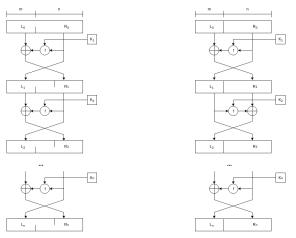
La primera versión fue presentada al NIST en [2], en noviembre de 2009; en la segunda versión [3], se agregó el perfil de parámetros FF2, para cadenas binarias.

#### Redes Feistel



Red Feistel, versión original.

#### Redes Feistel



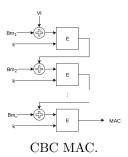
(a) Redes desbalanceadas.

(b) Redes alternantes.

Generalizaciones de las redes Feistel.

#### Función de ronda

La función de ronda propuesta en [3] es AES CBC MAC, aunque también puede ser usado cualquier otro cifrador por bloques o función hash.



La salida de la primitiva utilizada determina el tamaño del espacio de mensajes aceptado.

#### Función de ronda

La salida de la función de ronda se debe adaptar al alfabeto usado:

- ► En el caso de un alfabeto binario, tomar solamente el número de bits que la red Feistel requiere.
- ▶ En el caso de un alfabeto de caracteres, se debe interpretar de manera que produzca el número de caracteres necesarios. La forma más simple para hacer esto es tomar la salida de la primitiva módulo  $m^n$ , en donde m es la cardinalidad del alfabeto y n el número de caracteres ocupados por la red. En [3] se propone partir la salida de CBC MAC en dos: usar la primera mitad para producir n/2 caracteres, y la segunda mitad para los restantes.

#### Parámetros

Los siguientes 9 parámetros hacen de FFX un esquema muy general, que puede ser utilizado para cifrar cadenas de *cualquier* longitud.

### 1. Radix

Número que determina el alfabeto usado.

 $C = \{0, 1, \dots, \text{radix} - 1\}$ . Tanto el texto en claro como el texto cifrado pertenecen a este alfabeto.

### 2. Longitudes

El rango permitido para longitudes de mensaje.

#### 3. Llaves

El conjunto que representa al espacio de llaves.

#### Parámetros

Los siguientes 9 parámetros hacen de FFX un esquema muy general, que puede ser utilizado para cifrar cadenas de *cualquier* longitud.

#### 4. Tweaks

El conjunto que representa al espacio de tweaks.

### 5. Suma

El operador utilizado en la red Feistel para combinar la parte izquierda con la salida de la función de ronda.

#### 6. Método

El tipo de red Feistel a ocupar: desbalanceada o alternante.

#### Parámetros

Los siguientes 9 parámetros hacen de FFX un esquema muy general, que puede ser utilizado para cifrar cadenas de *cualquier* longitud.

### 7. Split

El grado de desbalanceo de la red Feistel.

#### 8. Rondas

El número de rondas de la red Feistel.

### 9. F

La función de ronda. Recibe la llave, el tweak, el número de ronda y un mensaje; regresa una cadena del alfabeto de la longitud apropiada.

Cifrados que preservan el formato	
Introducción	4
Clasificación	7
FFX	
Redes Feistel	10
Definición de parámetros	12
BPS	
Introducción a BPS	14
Cifrador interno BC	15
Modo de operación	26
Conclusiones y recomendaciones	30
Anatomía de un número de tarjeta	

Introducción

BPS es un algoritmo de cifrado que preserva el formato.

Este es capaz de cifrar cadenas de longitudes casi arbitrarias que estén formadas por cualquier conjunto de caracteres.

Se conforma de 2 partes fundamentales:

- ightharpoonup Un cifrado interno BC, que cifrar bloques de longitud fija.
- ▶ Un modo de operación, que usando a BC, permite que BPS cifre cadenas de varias longitudes.

Cifrador interno BC

Este cifrador se define como:

$$BC_{F,s,b,w}(X,K,T)$$

#### Donde:

- $\blacktriangleright$  F es un cifrador por bloques de f bits de salida.
- $\triangleright$  s es la cardinalidad del conjunto de caracteres S.
- ▶ b es la longitud del bloque.  $(b \le 2 \cdot |log_s(2^{f-32})|)$
- $\blacktriangleright$  w es el número de rondas de la red Feistel interna. (par)
- ightharpoonup X es la cadena de longitud b a cifrar.
- $\blacktriangleright$  K es una llave acorde a F.
- ightharpoonup T es un tweak de 64 bits.

Cifrador interno BC

El cifrador BC sigue el siguiente proceso para cifrar un bloque.

1. Dividir el tweak T en 2 subtweaks  $T_L$  y  $T_R$  de 32 bits.

$$T_R = T \mod 2^{32}$$
  
 $T_L = (T - T_R)/2^{32}$ 

#### Cifrador interno BC

 Dividir la cadena X en 2 para obtener X<sub>L</sub> y X<sub>R</sub> con longitudes l y r respectivamente.
 Si b es par:

$$l = r = b/2$$

Si b es impar:

$$l = (b+1)/2$$
$$r = (b-1)/2$$

Cifrador interno BC

3. Definir e inicializar  $L_0$  y  $R_0$ .

$$L_0 = \sum_{j=0}^{l-1} X_L[j] \cdot s^j$$

$$R_0 = \sum_{j=0}^{r-1} X_R[j] \cdot s^j$$

Cifrador interno BC

4. Partiendo de i = 1 hasta i < w: Si i es par:

$$L_{i+1} = L_i \boxplus F_K((T_R \oplus i) \cdot 2^{f-32} + R_i) \pmod{s^l}$$
  
 $R_{i+1} = R_i$ 

Si i es impar:

$$R_{i+1} = R_i \boxplus F_K((T_L \oplus i) \cdot 2^{f-32} + L_i) \pmod{s^r}$$
  
$$L_{i+1} = L_i$$

#### Cifrador interno BC

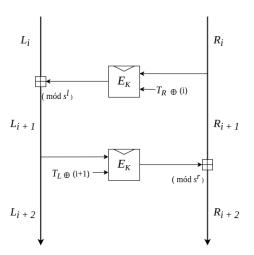


Diagrama de rondas del cifrado.

#### Cifrador interno BC

5. Descomponer  $L_w$  y  $R_w$  para obtener a  $Y_L$  y a  $Y_R$ , las cuales concatenadas  $(Y_L \parallel Y_R)$  dan la cadena de salida Y.

```
entrada: bloque N_w de longitud n. salida: bloque Y_N inicio para i=0 hasta n-1 Y_N[i] = N_w \ mod \ s N_w = (N_w - Y_N[i])/s fin
```

Proceso para descomponer  $L_w$  y  $R_w$ .

Desciprador  $BC^{-1}$ 

Ahora, el proceso para descifrar la cadena Y es:

- 1. Dividir Y para obtener las subcadenas  $Y_L$  y  $Y_R$  con una longitud l y r respectivamente, de igual forma que se hizo con la cadena X en el proceso de cifrado.
- 2. Definir e inicializar  $L_w$  y  $R_w$  en:

$$L_w = \sum_{j=0}^{l-1} Y_L[j] \cdot s^j$$

$$R_w = \sum_{j=0}^{r-1} Y_R[j] \cdot s^j$$

Desciprador  $BC^{-1}$ 

3. Comenzando con i=w-1, para cada ronda  $i \geq 0$ . Si i es par:

$$L_i = L_{i+1} \boxminus E_K((T_R \oplus i) \cdot 2^{f-32} + R_{i+1}) \pmod{s^l}$$
 
$$R_i = R_{i+1}$$

Si i es impar:

$$R_i = R_{i+1} \boxminus E_K((T_L \oplus i) \cdot 2^{f-32} + L_{i+1}) \pmod{s^r}$$
  
 $L_i = L_{i+1}$ 

Descifrador  $BC^{-1}$ 

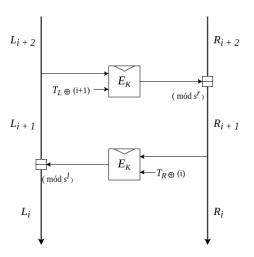


Diagrama de rondas del descifrado.

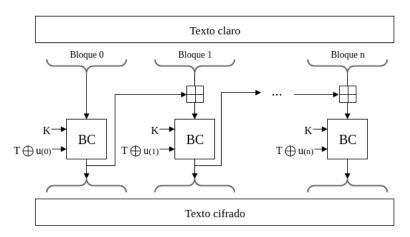
Desciprador  $BC^{-1}$ 

4. Descomponer  $L_0$  y  $R_0$  (con el mismo proceso del cifrado) para obtener a  $X_L$  y  $X_R$ , las cuales concatenadas  $(X_L \parallel X_R)$  dan la cadena de salida X.

Modo de operación

El modo de operación usado por BPS es equivalente al modo de operación CBC, ya que el bloque  $BC_n$  utiliza el texto cifrado de la salida del bloque  $BC_{n-1}$ , con la distinción de que en lugar de aplicar operaciones xor usa sumas modulares caracter por caracter, y de que no utiliza un vector de inicialización.

#### Modo de operación



Modo de operación de BPS.

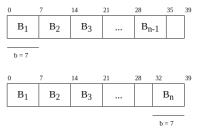
Modo de operación

Como se observó en la figura anterior, se utiliza un contador u de 16 bits para aplicar una xor al tweak T en la entrada de cada BC.

El xor se aplica a los 16 bits más significativos de ambas mitades de tweak, debido a cada mitad de tweak funciona de manera independiente en BC, y a que no se desea un traslape entre el contador externo e interno.

#### Modo de operación

Con este modo de operación, cuando el texto en claro a cifrar no tenga una longitud total que sea múltiplo de la longitud de bloque, el último bloque recorre su cursor de inicio hasta que su longitud concuerde.



Corrimiento de cursor de selección del ultimo bloque.

#### Conclusiones

- ▶ BPS está basado en las redes Feistel y primitivas criptográficas estandarizadas, lo cual puede verse como una ventaja, debido al amplio estudio que tienen, y a que hacen más comprensible y fácil su implementación.
- ▶ BPS es un cifrado que preserva el formato capaz de cifrar cadenas formadas por cualquier conjunto y de un longitud de 2 hasta  $max(b) \cdot 2^b$ .

#### Conclusiones

- ► Se puede considerar que BPS es eficiente, debido a que la llave K usada en cada bloque BC es constante, y a que usa un número reducido de operaciones internas.
- ▶ El uso de *tweaks* protege a *BPS* de ataques de diccionario, los cuales son fáciles de cometer cuando el dominio de la cadena a cifrar es muy pequeño.

#### RECOMENDACIONES

- $\blacktriangleright$  Se recomienda que el número de rondas w de la red Feistel sea 8, dado que es una número de rondas eficiente, y se ha estudiado la seguridad de BPS con este w.
- ► Es recomendable que como tweak se use la salida truncada de una función hash, en donde la entrada de la función puede ser cualquier información relacionada a los datos que se deseen proteger; por ejemplo, fechas, lugares, o parte de los datos que no se deseen cifrar.

## Contenido

Cifrados que preservan el formato Introducción	4
Clasificación	7
FFX	
Redes Feistel	10
Definición de parámetros	12
BPS	
Introducción a BPS	14
Cifrador interno BC	15
Modo de operación	26
Conclusiones y recomendaciones	30
Anatomía de un número de tarjeta	

## Anatomía de un número de tarjeta Sobre el Pan

Un número de tarjeta (PAN, por sus siglas en inglés), se compone por tres partes:



Los números están regidos por el ISO/IEC-7812. La longitud del número de tarjeta puede ir desde 12 hasta 19 dígitos.

El primer dígito de la tarjeta se refiere al *Major Industry Identifier* (MII). La relación entre dígitos e industrias es la siguiente:

▶ 1, 2: Aerolíneas

Sobre el MII

- ➤ 3: Viajes y entretenimiento (American Express, JBC)
- ▶ 4, 5: Bancos e industria financiera (Visa, Electron, Mastercard)
- ► 6: Comercio (Discover, Laser, China UnionPay)
- ▶ 7: Industria petrolera
- ▶ 8: Telecomunicaciones
- ▶ 9: Asignación nacional

# Anatomía de un número de tarjeta sobre el IIn

El *Issuer Identification Number* (IIN) comprende los primeros 6 dígitos, incluyendo el MII. El IIN puede proveer los siguientes datos:

- ▶ Banco emisor de la tarjeta
- ► Tipo de la tarjeta (crédito o débito)
- ► Marca de la tarjeta (Visa, MasterCard, Discover)
- ► Nivel de la tarjeta (Clásica, Gold, Black)

Sobre el IIN

La base de datos BINDB proveé información cuando se ingresa un  ${\rm BIN}^1$  válido. Permite solo 10 consultas gratuitas por computadora.

Bin: 522130

Card Brand: MASTERCARD

Issuing Bank: TARJETAS BANAMEX SA DE CV SOFOM E.R.

Card Type: CREDIT
Card Level: STANDARD

Iso Country Name: MEXICO
Iso Country A2: MX

Iso Country A3: MEX
Iso Country Number: 484

<sup>1</sup>Bank Identifier Number

Sobre el número de cuenta

Los dígitos que siguen al IIN, excepto el último, son el número de cuenta. El número de cuenta puede variar, pero máximo comprende 12 dígitos, por lo que cada emisor tiene  $10^{12}$  posibles números de cuenta.

Sobre el dígito verificador

El dígito verificador se obtiene de la siguiente manera:

1. Comenzando desde la derecha, se obtiene el doble de cada segundo dígito. Si el producto es mayor a 9, se suman sus dígitos.

- 2. Se suman todos los dígitos.
- 3. Se multiplica la suma por 9 mód 10.

$$7+9+9+4+7+6+9+7+7+2=67$$
  
(67 x 9) mod 10 = 3

El proceso para obtener el dígito verificador es conocido como el algoritmo de Luhn.

## Bibliografía I

- Phillip Rogaway. A Synopsis of Format-Preserving Encryption. 2010. URL: http://web.cs.ucdavis.edu/~rogaway/papers/synopsis.pdf (vid. págs. 15-18).
- Mihir Bellare, Phillip Rogaway y Terence Spies. "The FFX Mode of Operation for Format-Preserving Encryption". Ver. 1.0. En: (2009) (vid. pág. 20).
- Mihir Bellare, Phillip Rogaway y Terence Spies. "The FFX Mode of Operation for Format-Preserving Encryption". Ver. 1.1. En: (2010) (vid. págs. 20, 23, 24).