

```
//inizializziamo una matrice generica con la lettera maiuscola
//elenco gli elementi riga per riga. Gli elementi son separati da virgole, le righe da ;
```

```
A = [1,2,3;4 5 6;7 8 9]
```

```
A =
```

```
1   2   3
4   5   6
7   8   9
```

```
A = [1,2,3;4 5;7 8 9] //se ad una riga assegno meno elementi matlab restituisce un errore di dimensione
```

```
//matlab vede la matrice come una serie di colonne, e vede la terza colonna incompleta
```

```
{Error using <a href="matlab:matlab.internal.language.introspective.errorDocCallback('vertcat')"  
style="font-weight:bold">vertcat</a>
```

```
Dimensions of arrays being concatenated are not consistent.
```

```
}
```

```
//inizializzo un vettore colonna
```

```
x = [1;4;6;23;98]
```

```
x =
```

```
1
4
6
23
98
```

```
//il vettore colonna si puo esprimere come vettore riga e trasporlo con ' , usando gli spazi al posto del ;
```

```
//NB: l'apice fa la trasposta dei complessi coniugati, quindi se la matrice è reale allora risulta uguale alla trasposta
```

```
y = [21 34 2 1 -9]'
```

```
y =
```

21

34

2

1

-9

//funzioni per inizializzare matrici particolari

//Matrice IDENTITA'

I = eye(7) //in questo caso la matrice sarà 7x7

I =

1	0	0	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0
0	0	0	1	0	0	0
0	0	0	0	1	0	0
0	0	0	0	0	1	0
0	0	0	0	0	0	1

//matrice DI ZERI

B = zeros(5,4) //5 righe e 4 colonne

B =

0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0

B = zeros(5,5) //quadrata

B =

```
0 0 0 0 0
0 0 0 0 0
0 0 0 0 0
0 0 0 0 0
0 0 0 0 0
```

B = zeros(5) *//seconda modalità di rappresentazione per una matrice quadrata*

B =

```
0 0 0 0 0
0 0 0 0 0
0 0 0 0 0
0 0 0 0 0
0 0 0 0 0
```

//matrice di UNO

C = ones(3,4)

C =

```
1 1 1 1
1 1 1 1
1 1 1 1
```

C = ones(3)

C =

```
1 1 1
```

```
1 1 1
```

```
1 1 1
```

//se voglio creare una matrice di tutti 23 posso moltiplicare 23*la matrice ones

```
D = 23*ones(6)
```

D =

```
23 23 23 23 23 23
```

```
23 23 23 23 23 23
```

```
23 23 23 23 23 23
```

```
23 23 23 23 23 23
```

```
23 23 23 23 23 23
```

```
23 23 23 23 23 23
```

//COMANDI DI TEST

//generazione di numeri pseudocasuali

```
R = rand(5,6)
```

//ci da una matrice di numeri casuali tra 0 e 1 della dimensione che gli diamo noi

//tutti i numeri hanno la stessa probabilità di uscire

R =

```
0.8147 0.0975 0.1576 0.1419 0.6557 0.7577
```

```
0.9058 0.2785 0.9706 0.4218 0.0357 0.7431
```

```
0.1270 0.5469 0.9572 0.9157 0.8491 0.3922
```

```
0.9134 0.9575 0.4854 0.7922 0.9340 0.6555
```

```
0.6324 0.9649 0.8003 0.9595 0.6787 0.1712
```

//se dovessi fare nuovamente rand, si baserà lo stesso seme, e quindi sarà uguale.

//voglio generare dei numeri che vanno da 2 a 100: rand(2,98) perché 2+98=100

//quindi il primo numero è la partenza, il secondo è il numero di elementi dell'intervallo.

//se avessi messo rand(2,100) la finestra sarebbe stata fino a 102

//rand con numeri interi: do un range(posso usare gli estremi questa volta) e la dim della matrice

```
S = randi([2,100],6,8)
```

S =

```
71 70 77 72 13 76 56 82
5 33 80 76 51 27 15 26
29 96 20 29 97 52 16 93
6 5 50 69 35 71 27 36
11 45 46 66 59 90 85 21
83 39 65 18 24 96 27 26
```

S = randi(100,6,8) //in questo caso, non avendo messo il primo numero dell'intervallo, lui mette 0

S =

```
62 92 8 57 32 69 16 11
48 29 6 47 53 75 83 97
36 76 54 2 17 46 54 1
84 76 78 34 61 9 100 78
59 39 94 17 27 23 8 82
55 57 13 80 66 92 45 87
```

T = randn(4,5) //n sta per normal distribution, ovvero la gaussiana a campana. Si ha probabilità maggiore nel valor medio, e la prob è minore allontanandoci da esso
//in questo caso abbiamo molti valori vicini a zero, perché la media è quella
//se volessi cambiare il punto centrale, basta sommare a randn

T =

```
-1.0582 -0.2779 -0.8236 0.0335 -0.2991
-0.4686 0.7015 -1.5771 -1.3337 0.0229
-0.2725 -2.0518 0.5080 1.1275 -0.2620
1.0984 -0.3538 0.2820 0.3502 -1.7502
```

whos

Name	Size	Bytes	Class	Attributes
A	3x3	72	double	
B	5x5	200	double	
C	3x3	72	double	
D	6x6	288	double	
I	7x7	392	double	
R	5x6	240	double	
S	6x8	384	double	
T	4x5	160	double	
x	5x1	40	double	
y	5x1	40	double	

//OPERAZIONI TRA MATRICI

//somma

E = A+C

E =

2 3 4

5 6 7

8 9 10

//somma tra vettori

z = x+y

z =

22

38

8

24

89

//nota bene: matlab fa operazioni non consentite! Ovvero somma un vettore colonna ad un vettore riga

```
w = [3 1 54 -2 1]
```

```
w =
```

```
3 1 54 -2 1
-!-!-!-!-!-!-!-!
```

```
x+w
```

```
ans =
```

```
4 2 55 -1 2
7 5 58 2 5
9 7 60 4 7
26 24 77 21 24
101 99 152 96 99
-!-!-!-!-!-!-!-!
```

```
whos
```

Name	Size	Bytes	Class	Attributes
A	3x3	72	double	
B	5x5	200	double	
C	3x3	72	double	
D	6x6	288	double	
E	3x3	72	double	
I	7x7	392	double	
R	5x6	240	double	
S	6x8	384	double	
T	4x5	160	double	
ans	5x5	200	double	
w	1x5	40	double	
x	5x1	40	double	
y	5x1	40	double	

z 5x1 40 double

//moltiplicazione

/posso fare $T*B$ ma non posso fare $B*T$ perché in questo caso devo avere corrispondenza tra colonne della prima matrice e righe della seconda

$U = T*B$

U =

```
0 0 0 0 0
0 0 0 0 0
0 0 0 0 0
0 0 0 0 0
```

$B*T$

{Error using [matlab:matlab.internal.language.introspective.errorDocCallback\('mtimes'\)](matlab:matlab.internal.language.introspective.errorDocCallback('mtimes'))
style="font-weight:bold"> *

Incorrect dimensions for matrix multiplication. Check that the number of columns in the first matrix matches the number of rows in the second matrix.

To perform elementwise multiplication, use `.*`.

[Related documentation](matlab:helpview('matlab','error_innerdim'))

//potenza solo matrici quadrate

C^2

ans =

```
3 3 3
3 3 3
3 3 3
```

C

C =

1 1 1

1 1 1

1 1 1

//dot power – potenza elemento per elemento. Posso farla anche se la matrice non è quadrata!

//NB: se si fa C^.2 escono elementi complessi perché $0.2=1/5$, e si sta facendo la radice quinta di C intero

C.^2

ans =

1 1 1

1 1 1

1 1 1

x.^2

ans =

1

16

36

529

9604

x

x =

1

4

6

23

98

//divisioni

help /

/ Slash or right matrix divide. //questo comando fa A moltiplicato l'inverso di B

A/B is the matrix division of B into A, which is roughly the same as $A \cdot \text{INV}(B)$, except it is computed in a different way.

More precisely, $A/B = (B' \backslash A')$. See `MLDIVIDE` for details.

`C = mrdivide(A,B)` is called for the syntax ' A / B ' when A or B is an object.

See also [mldivide](matlab:help mldivide), [rdivide](matlab:help rdivide), [ldivide](matlab:help ldivide).

[Documentation for mrdivide](matlab:doc mrdivide)

[Other functions named mrdivide](matlab:matlab.internal.language.introspective.overloads.displayOverloads('mrdivide'))

help \

\ Backslash or left matrix divide. //questo comando fa l'inverso di A per B

$A \backslash B$ is the matrix division of A into B, which is roughly the same as $\text{INV}(A) \cdot B$, except it is computed in a different way.

If A is an N-by-N matrix and B is a column vector with N components, or a matrix with several such columns, then $X = A \backslash B$ is the solution to the equation $A \cdot X = B$. A warning message is printed if A is badly scaled or nearly singular.

$A \backslash \text{EYE}(\text{SIZE}(A))$ produces the inverse of A.

If A is an M-by-N matrix with $M < \text{or} > N$ and B is a column vector with M components, or a matrix with several such columns,

then $X = A \backslash B$ is the solution in the least squares sense to the under- or overdetermined system of equations $A * X = B$. The effective rank, K , of A is determined from the QR decomposition with pivoting. A solution X is computed which has at most K nonzero components per column. If $K < N$ this will usually not be the same solution as $\text{PINV}(A) * B$. $A \backslash \text{EYE}(\text{SIZE}(A))$ produces a generalized inverse of A .

`C = mldivide(A,B)` is called for the syntax ' $A \backslash B$ ' when A or B is an object.

See also [ldivide](matlab:help ldivide), [rdivide](matlab:help rdivide), [mrdivide](matlab:help mrdivide).

[Documentation for mldivide](matlab:doc mldivide)

[Other functions named mldivide](matlab:matlab.internal.language.introspective.overloads.displayOverloads('mldivide'))

whos

Name	Size	Bytes	Class	Attributes
A	3x3	72	double	
B	5x5	200	double	
C	3x3	72	double	
D	6x6	288	double	
E	3x3	72	double	
I	7x7	392	double	
R	5x6	240	double	
S	6x8	384	double	
T	4x5	160	double	
U	4x5	160	double	
ans	5x1	40	double	

```
w    1x5    40 double
x    5x1    40 double
y    5x1    40 double
z    5x1    40 double
```

```
C = rand(5)
```

```
C =
```

```
0.2399 0.0497 0.3377 0.3897 0.9421
0.1233 0.9027 0.9001 0.2417 0.9561
0.1839 0.9448 0.3692 0.4039 0.5752
0.2400 0.4909 0.1112 0.0965 0.0598
0.4173 0.4893 0.7803 0.1320 0.2348
```

```
//faccio b * inverso di c
```

```
B/C
```

```
ans =
```

```
0 0 0 0 0
0 0 0 0 0
0 0 0 0 0
0 0 0 0 0
0 0 0 0 0
```

```
//vediamo se effettivamente risulta uguale
```

```
B*inv(C)
```

```
ans =
```

```
0 0 0 0 0
0 0 0 0 0
0 0 0 0 0
```

```
0 0 0 0 0
0 0 0 0 0
```

//faccio B per l'inverso di C

B\C

[Warning: Matrix is singular to working precision.]

```
[]
```

//ottengo dei valori NaN=not a number (0*inf, inf*inf etc) e dei valori inf che indica overflow
//NaN può essere usato però come valore, come se fosse un numero.

ans =

```
Inf Inf Inf Inf Inf
NaN NaN NaN NaN NaN
NaN NaN NaN NaN NaN
NaN NaN NaN NaN NaN
NaN NaN NaN NaN NaN
```

inv(B)*C

[Warning: Matrix is singular to working precision.]

```
[]
```

ans =

```
Inf Inf Inf Inf Inf
Inf Inf Inf Inf Inf
Inf Inf Inf Inf Inf
Inf Inf Inf Inf Inf
Inf Inf Inf Inf Inf
```

a = nan

a =

NaN

2*nan

ans =

NaN

D

D =

23 23 23 23 23 23
23 23 23 23 23 23
23 23 23 23 23 23
23 23 23 23 23 23
23 23 23 23 23 23
23 23 23 23 23 23

//vediamo come estrarre degli elementi da una radice

C

C =

0.2399 0.0497 0.3377 0.3897 0.9421
0.1233 0.9027 0.9001 0.2417 0.9561
0.1839 0.9448 0.3692 0.4039 0.5752
0.2400 0.4909 0.1112 0.0965 0.0598
0.4173 0.4893 0.7803 0.1320 0.2348

whos C

Name	Size	Bytes	Class	Attributes
C	5x5	200	double	

```
//estraggo l'elemento riga 1 col 2
```

```
C(1,2)
```

```
ans =
```

```
0.0497
```

```
//estraggo tutta una riga, ad esempio la seconda: indice di colonna=2; indice di colonna è un range dal primo all'ultimo
```

```
C(2,1:5)
```

```
ans =
```

```
0.1233 0.9027 0.9001 0.2417 0.9561
```

```
//per estrarre tutta la colonna posso anche omettere l'indice di colonna
```

```
C(2,:)
```

```
ans =
```

```
0.1233 0.9027 0.9001 0.2417 0.9561
```

```
//posso anche dire di estrarre dall'elemento 1 a end
```

```
C(2,1:end)
```

```
ans =
```

```
0.1233 0.9027 0.9001 0.2417 0.9561
```

```
//posso anche estrarre porzioni di colonna, ad esempio da 3 alla fine
```

```
C(2,3:end)
```

```
ans =
```

```
0.9001 0.2417 0.9561
```

//ovviamente gli indici possono essere dei range anche per le righe

C(:,3)

ans =

0.3377

0.9001

0.3692

0.1112

0.7803

C(1:end,3)

ans =

0.3377

0.9001

0.3692

0.1112

0.7803

C(1:5,3)

ans =

0.3377

0.9001

0.3692

0.1112

0.7803

C

C =

```
0.2399  0.0497  0.3377  0.3897  0.9421
0.1233  0.9027  0.9001  0.2417  0.9561
0.1839  0.9448  0.3692  0.4039  0.5752
0.2400  0.4909  0.1112  0.0965  0.0598
0.4173  0.4893  0.7803  0.1320  0.2348
```

//posso quindi estrarre dei pezzi di matrice dando dei range di righe e colonne

C(2:4,2:3)

ans =

```
0.9027  0.9001
0.9448  0.3692
0.4909  0.1112
```

//posso anche selezionare elementi non contigui, ad esempio la riga 2 e la riga 4 e le colonne da 2 a 3

C([2,4],2:3)

ans =

```
0.9027  0.9001
0.4909  0.1112
```

//in questo caso per la riga 2 estraggo 4 elementi; riga 2,col 1; riga 2 col 3; riga 4 col1;riga 4 col3.

C([2,4],[1,3])

ans =

```
0.1233  0.9001
0.2400  0.1112
```

```
C([2,4,5],[1,3])
```

```
ans =
```

```
0.1233 0.9001
```

```
0.2400 0.1112
```

```
0.4173 0.7803
```

```
C
```

```
C =
```

```
0.2399 0.0497 0.3377 0.3897 0.9421
```

```
0.1233 0.9027 0.9001 0.2417 0.9561
```

```
0.1839 0.9448 0.3692 0.4039 0.5752
```

```
0.2400 0.4909 0.1112 0.0965 0.0598
```

```
0.4173 0.4893 0.7803 0.1320 0.2348
```

```
//cerchiamo all'interno della matrice gli elementi maggiori di 0.5
```

```
find(C>0.5) //restituisce un vettore colonna con i numeri degli elementi(NON IL VALORE!)in cui il valore è maggiore di 0.5
```

```
ans =
```

```
7
```

```
8
```

```
12
```

```
15
```

```
21
```

```
22
```

```
23
```

```
[i,j] = find(C>0.5) //se find viene chiamato con 2 output, ottendo gli indici riga-colonna
```

//vettore riga

i =

2

3

2

5

1

2

3

//vettore colonna

j =

2

2

3

3

5

5

5

//concatenazione di elementi colonna – quindi scrittura di colonne su una matrice

[i,j]

ans =

2 2

3 2

2 3

5 3

1 5

2 5

3 5

[i;j] //in questo caso ottengo un vettore unico di dimensione i+j

ans =

2

3

2

5

1

2

3

2

2

3

3

5

5

5

whos C x

Name	Size	Bytes	Class	Attributes
------	------	-------	-------	------------

C	5x5	200	double	
---	-----	-----	--------	--

x	5x1	40	double	
---	-----	----	--------	--

//posso affiancare C con x perché hanno lo stesso numero di righe

Q = [C,x]

Q =

```

0.2399  0.0497  0.3377  0.3897  0.9421  1.0000
0.1233  0.9027  0.9001  0.2417  0.9561  4.0000
0.1839  0.9448  0.3692  0.4039  0.5752  6.0000
0.2400  0.4909  0.1112  0.0965  0.0598  23.0000
0.4173  0.4893  0.7803  0.1320  0.2348  98.0000

```

//se provo ad affiancare un vettore riga accanto a C, matlab restituisce errore

```
Q = [C,w]
```

```
{Error using <a href="matlab:matlab.internal.language.introspective.errorDocCallback('horzcat')"
```

```
style="font-weight:bold">horzcat</a>
```

Dimensions of arrays being concatenated are not consistent.

```
}
```

Q = [C;w] //posso però affiancare w sotto C, perché w è un vettore riga

```
Q =
```

```

0.2399  0.0497  0.3377  0.3897  0.9421
0.1233  0.9027  0.9001  0.2417  0.9561
0.1839  0.9448  0.3692  0.4039  0.5752
0.2400  0.4909  0.1112  0.0965  0.0598
0.4173  0.4893  0.7803  0.1320  0.2348
3.0000  1.0000  54.0000 -2.0000  1.0000

```

//costruisco una matrice formata da elementi complessi

```
R = rand(5) + i*rand(5)
```

```
{Error using <a href="matlab:matlab.internal.language.introspective.errorDocCallback('mtimes')"
```

```
style="font-weight:bold"> * </a>
```

Incorrect dimensions for matrix multiplication. Check that the number of
columns in the first matrix matches the number of rows in the second matrix.

To perform elementwise multiplication, use '.*'.

```
<a href="matlab:helpview('matlab','error_innerdim')"
```

```
style="font-weight:bold">Related documentation</a>
```

```
}
```

```
clear i
```

//costruisco una matrice formata da elementi complessi sommando tra loro una matrice intera e una matrice formata da numeri immaginari

R = rand(5) + i*rand(5)

R =

Columns 1 through 4

0.9234 + 0.4886i	0.4389 + 0.5468i	0.2622 + 0.6791i	0.2967 + 0.8852i
0.4302 + 0.5785i	0.1111 + 0.5211i	0.6028 + 0.3955i	0.3188 + 0.9133i
0.1848 + 0.2373i	0.2581 + 0.2316i	0.7112 + 0.3674i	0.4242 + 0.7962i
0.9049 + 0.4588i	0.4087 + 0.4889i	0.2217 + 0.9880i	0.5079 + 0.0987i
0.9797 + 0.9631i	0.5949 + 0.6241i	0.1174 + 0.0377i	0.0855 + 0.2619i

Column 5

0.2625 + 0.3354i
0.8010 + 0.6797i
0.0292 + 0.1366i
0.9289 + 0.7212i
0.7303 + 0.1068i

//faccio l'operazione del complesso coniugato con l'apice '

R'

ans =

Columns 1 through 4

0.9234 - 0.4886i	0.4302 - 0.5785i	0.1848 - 0.2373i	0.9049 - 0.4588i
0.4389 - 0.5468i	0.1111 - 0.5211i	0.2581 - 0.2316i	0.4087 - 0.4889i
0.2622 - 0.6791i	0.6028 - 0.3955i	0.7112 - 0.3674i	0.2217 - 0.9880i
0.2967 - 0.8852i	0.3188 - 0.9133i	0.4242 - 0.7962i	0.5079 - 0.0987i

0.2625 - 0.3354i 0.8010 - 0.6797i 0.0292 - 0.1366i 0.9289 - 0.7212i

Column 5

0.9797 - 0.9631i

0.5949 - 0.6241i

0.1174 - 0.0377i

0.0855 - 0.2619i

0.7303 - 0.1068i

//se voglio fare solo il trasposto senza fare il complesso coniugato

R.'

ans =

Columns 1 through 4

0.9234 + 0.4886i 0.4302 + 0.5785i 0.1848 + 0.2373i 0.9049 + 0.4588i

0.4389 + 0.5468i 0.1111 + 0.5211i 0.2581 + 0.2316i 0.4087 + 0.4889i

0.2622 + 0.6791i 0.6028 + 0.3955i 0.7112 + 0.3674i 0.2217 + 0.9880i

0.2967 + 0.8852i 0.3188 + 0.9133i 0.4242 + 0.7962i 0.5079 + 0.0987i

0.2625 + 0.3354i 0.8010 + 0.6797i 0.0292 + 0.1366i 0.9289 + 0.7212i

Column 5

0.9797 + 0.9631i

0.5949 + 0.6241i

0.1174 + 0.0377i

0.0855 + 0.2619i

0.7303 + 0.1068i

v = C>0.5 //ottengo una matrice di elementi logici, con 0 dove non è verificata la condizione, 1 dove è verificata

v =

5×5 [logical](matlab:helpPopup logical) array

```
0 0 0 0 1
0 1 1 0 1
0 1 0 0 1
0 0 0 0 0
0 0 1 0 0
```

inv(C) *//inversa: operazione molto instabile, non usarla*

ans =

```
1.2895 -0.2668 -2.1920 4.4231 0.1565
-0.6155 0.6288 0.1034 1.4573 -0.7156
-0.5991 -0.1297 0.7961 -2.9637 1.7362
0.0100 -3.2775 5.1683 -6.1163 2.2022
0.9762 1.4372 -1.8708 2.3896 -1.5357
```

C⁽⁻¹⁾ *//maniera + stabile per calcolare l'inversa*

ans =

```
1.2895 -0.2668 -2.1920 4.4231 0.1565
-0.6155 0.6288 0.1034 1.4573 -0.7156
-0.5991 -0.1297 0.7961 -2.9637 1.7362
0.0100 -3.2775 5.1683 -6.1163 2.2022
0.9762 1.4372 -1.8708 2.3896 -1.5357
```

C\eye(5) *//inversa di C moltiplicato identità. Useremo questo metodo*

ans =

```
1.2895 -0.2668 -2.1920 4.4231 0.1565
-0.6155 0.6288 0.1034 1.4573 -0.7156
-0.5991 -0.1297 0.7961 -2.9637 1.7362
0.0100 -3.2775 5.1683 -6.1163 2.2022
0.9762 1.4372 -1.8708 2.3896 -1.5357
```

det(C) *//determinante matrice C*

ans =

-0.0326

rank(A)*//rango di A*

ans =

2 *//nota bene: il rango di A è 2, ma la sua dimensione è 3x3. Questo vuol dire che una riga o colonna di A è linearmente dipendente dalle altre*

A

A =

```
1 2 3
4 5 6
7 8 9
```

det(A)

ans =

-9.5162e-16

x

x =

1

4

6

23

98

norm(x,1)//voglio calcolare la norma 1 del vettore x

ans =

132

norm(x,inf))//voglio calcolare la norma infinito del vettore x

ans =

98

norm(x,2))//voglio calcolare la norma 2 del vettore x

ans =

100.9257

```
norm(x) // calcola la norma 2 del vettore x
```

```
ans =
```

```
100.9257
```

```
norm(x,3/2) // calcola la norma 3/2 del vettore x
```

```
ans =
```

```
106.8282
```

```
diary off
```