

## MATLAB

```
fprintf(' quello che vuoi ')  
warning (' qualcosa è andato storto ')  
a = input(Inserisci il dato:');
```

```
clear //cancella workspace e non command window  
who //indica le variabili  
clc //pulisce la command window ma non il workspace o il diary
```

```
eps = 2^(1-53)
```

```
round(X, N) arrotondamento per le prime N cifre decimali  
round(X, N, "significant") arrotondamento per le prime N cifre (anche non decimali),  
normalizza
```

abs: calcola il valore assoluto

Calcolo dell'errore relativo

$$\rho = \frac{\text{abs(RisultatoFinaleFlottato - RisultatoRealeNonFlottato)}}{\text{abs(RisultatoRealeNonFlottato)}}$$

```
switch n  
    case 1  
        fprintf("")  
    case 2  
        fprintf("")  
    case 3  
        fprintf("")  
    otherwise  
        warning("")  
end
```

```
if condizione  
    blocco di istruzioni  
elseif  
    blocco di istruzioni  
else  
    blocco di istruzioni  
end
```

```
for i=val iniziale : passo : val finale
```

```
while (condizione)  
    blocco di istruzioni  
end
```

## Matrici

Trasposta: aggiungi alla fine della matrice/vettore l'apostrofo

//NB: l'apice fa la trasposta dei complessi coniugati, quindi se la matrice è reale allora risulta uguale alla trasposta

length() restituisce il numero di elementi del vettore

size() restituisce il numero di righe e il numero di colonne

Matrice identità

I = eye(DIM)

Matrice di zero

A = zeros(RIGHE,COLONNE) //Matrice rettangolare

A = zeros(N) oppure A = zeros(N,N) //Matrice quadrata

Matrice di uno

A = ones(RIGHE,COLONNE) //Matrice rettangolare

A = ones(N) oppure A = zeros(N,N) //Matrice quadrata

Matrice di 23

A = 23 \* ones(RIGHE,COLONNE)

Generazione di numeri pseudocasuali

R = rand(RIGHE,COLONNE) //Genera una matrice RIGHExCOLONNE con elementi casuali tra 0 e 1

R = (b-a).\*rand(n)+a //Genera numeri casuali nell'intervallo a e b

Generazione di numeri interi pseudocasuali

R = randi([MIN,MAX], RIGHE, COLONNE)

S = randi(MAX,RIG,COL) //in questo caso, non avendo messo il primo numero dell'intervallo, lui mette 0

T = randn(RIGHE,COLONNE) //n sta per normal distribution, ovvero la gaussiana a

campana. Si ha probabilità maggiore nel valor medio, e la prob è minore allontanandoci da esso

//in questo caso abbiamo molti valori vicini a zero, perché la media è quella

//se volessi cambiare il punto centrale, basta sommare a randn

Operazioni tra matrici/vettori

A = B + C //matrici

a = b + c //vettori

//nota bene: matlab fa operazioni non consentite! Ovvero somma un vettore colonna ad un vettore riga

Se vuoi effettuare operazioni elemento per elemento, ad esempio una divisione tra vettori, metti il . prima dell'operatore:      b ./ d

Moltiplicazione tra matrici

Quando si fanno moltiplicazioni tra due matrici di dimensione diversa, l'operazione si può effettuare solo se i due numeri interni sono uguali

ES

$$T = 2 \times 3 \quad B = 3 \times 3$$

$$T * B = \text{va bene} \qquad B * T = \text{non va bene } (3 \times 3 * 2 \times 3)$$

Potenza di matrici quadrate (NO vettori e matrici non quadrate)

$$C^2 = C * C$$

NB: non è uguale a fare ogni elemento della matrice al quadrato

Potenza elemento per elemento (anche per matrici non quadrate e vettori)

$$C.^2$$

Divisioni

$A/B = A * \text{INV}(B)$  //questo comando fa A moltiplicato l'inverso di B

$A \backslash B = \text{INV}(A) * B$  //questo comando fa l'inverso di A per B

Estrazione di elementi dalle matrici

$C(1,2)$  //estraggo l'elemento riga 1 col 2

NB: le matrici partono dall'elemento 1 non dallo zero

Proprietà delle colonne

$C(2,1:5)$  //Estraggo riga 2, colonne dalla 1 alla 5

$C(2,:)$  //per estrarre tutte le colonne posso anche omettere l'indice di colonna

$C(2,1:\text{end})$  //posso anche dire di estrarre dall'elemento 1 a end

$C(2,3:\text{end})$  //posso anche estrarre porzioni di colonna, ad esempio da 3 alla fine

Le stesse proprietà delle colonne possono essere utilizzate per le righe

$C(:,3)$  //ovviamente gli indici possono essere dei range anche per le righe

$C([2,4],2:3)$  //posso anche selezionare elementi non contigui, ad esempio la riga 2 e la riga 4 e le colonne da 2 a 3

$\text{find}(C > 0.5)$  //restituisce un vettore colonna con i numeri degli elementi (NON IL VALORE!) in cui il valore è maggiore di 0.5 (Contando gli elementi in verticale, partendo da 1)

1	4	7
2	5	8
3	6	9

$[i,j] = \text{find}(C > 0.5)$  //In questo modo ci restituisce due vettori colonna, uno per le righe e uno per le colonne, delle coordinate degli elementi

Concatenazione di elementi - scrittura di colonne (matrici e vettori)

[i,j]

Concatenazione di elementi - scrittura di righe (matrici e vettori)

[i;j] //in questo caso ottieni un vettore unico di dimensione i+j

ES

Q = [C,x] //posso affiancare C con x perché hanno lo stesso numero di righe

Q = [C;w] //posso affiancare w sotto C, perché w è un vettore riga

Matrice complessa

//costruisco una matrice formata da elementi complessi sommando tra loro una matrice intera e una matrice formata da numeri immaginari

R = rand(5) + i\*rand(5)

Facendo R' faccio l'operazione del complesso coniugato (cambio segno alla parte immaginaria)

Facendo R.' faccio solo il trasposto senza fare il complesso coniugato

v = C > 0.5

//ottengo una matrice di elementi logici, con 0 dove non è verificata la condizione, 1 dove è verificata

C^(-1)

//maniera + stabile per calcolare l'inversa

C\eye(5)

//inversa di C moltiplicato identità = inversa di C. Useremo questo metodo

det(C)

//Determinante di C

rank(A)

//Rango di A

norm(x,1)

//Calcolo della norma 1 del vettore x

norm(x,inf)

//Calcolo della norma infinito del vettore x

norm(x,2) o norm(x)

//Calcolo della norma 2 del vettore x

norm(x,3/2)

//Calcolo della norma 3/2 del vettore x

cond(matrice, indice di condizionamento)

//calcolo del numero di condizionamento: indica quanto un errore sui dati influisce sulla soluzione

Simmetria

issymmetric(A)

//Se restituisce 1 la matrice è simmetrica, altrimenti restituisce 0

$A = A' * A$

//Forziamo la simmetria

eig(A)

//Calcolo autovalori, genera un vettore colonna

$[V,D] = \text{eig}(A)$

//Calcolo degli autovettori

//V contiene in ogni colonna gli autovettori

//D è una matrice diagonale che contiene gli autovalori

//A questo punto se facessi  $V*D*V'$  otterrei A

//Per controllare se due matrici/vettori sono uguali, faccio la norma infinito della differenza:

$\text{norm}(A - V*D*V', \text{inf})$

//Se il risultato è molto vicino allo zero, le due matrici/vettori sono uguali

Calcolo del raggio spettrale: è il massimo degli autovalori in valore assoluto

$\rho = \max(\text{abs}(\text{eig}(B)))$

Se una matrice è simmetrica, raggio spettrale = norma 2

Funzione max()

Calcola il massimo, se applicato a un vettore mi restituisce il valore dell'elemento massimo

Se mi interessa la posizione in cui si trova il massimo mi faccio restituire due output

$[mx, imx] = \text{max}(x)$

//mx è il valore massimo

//imx è la posizione nel vettore (ad esempio elemento 4)

Se applico max a una matrice mi restituisce il massimo di ogni colonna

Se chiamo max con il doppio output, restituisce il massimo di ogni colonna e la posizione in ogni colonna

$[mxB, imxB] = \text{max}(B)$

Per trovare il massimo valore di una matrice:

$\text{max}(\text{max}(B))$

Per calcolare il massimo di ogni riga, faccio il max della trasposta di B

$\max(B')$

Matrice hermitiana: `ishermitian(C)` //Se restituisce 1 lo è, altrimenti 0

Matrice aggiunta, 2 modi:

- 1)  $C = \text{rand}(3) - i * \text{rand}(3)$  e dopo  $C'$
- 2)  $C = \text{rand}(3) + i * \text{rand}(3)$  e dopo  $C'$

Per creare la matrice hermitiana, devo fare la moltiplicazione tra la matrice aggiunta e la matrice originale:  $E = C' * C$

Matrici ortogonali

Nelle matrici ortogonali la trasposta coincide con l'inversa quindi, facendo l'ortogonale di una matrice:

$Q = \text{orth}(B)$

e poi:

$Q * Q'$  ( $Q * Q$  trasposta =  $Q * Q$  inversa)

otteniamo la matrice identità

Proprietà delle matrici ortogonali

- Il determinante di una matrice ortogonale può essere  $\pm 1$
- creo un vettore colonna casuale:  $x = \text{randn}(5,1)$   
Se calcolo la norma di un vettore, e successivamente calcolo la norma del vettore moltiplicato con quella di una matrice ortogonale, il risultato della norma sarà uguale in entrambi i casi.

Matrice triangolare

Vengono generate da una matrice di partenza

$U = \text{triu}(B)$  //triangolare superiore

$L = \text{tril}(B)$  //triangolare inferiore

Posso usare queste funzioni anche con due input

$L = \text{tril}(B,1)$  //in questo caso, sopra la diagonale principale c'è un'altra diagonale diversa da zero.

$L = \text{tril}(B,-1)$  //vale anche per numeri negativi, per eliminare diagonali visibili. Nel caso -1 ho la diagonale principale a 0

Per verificare se la matrice è triangolare con output 1/0

`istriu(U)` //verificare se è triangolare superiore

`istril(U)` //verificare se è triangolare inferiore

//ATTENZIONE: se ottengo una matrice tramite calcolo, non avrà mai gli elementi a 0 perfetto, ma avrà un numero molto vicino allo 0!

infatti, se almeno uno dei termini è un numero vicino allo zero e non 0, `istriu` e `istril` restituiscono 0

Quindi il verificatore di triangolarità lo riscriveremo a mano

Proprietà matrici triangolari:

- autovalori sono gli elementi sulla diagonale
- determinante è il prodotto degli autovalori

### Matrici diagonali

il comando diag si comporta in maniera diversa se applicato alle matrici o ai vettori

-se gli diamo una matrice come argomento: diag crea un vettore che contiene gli elementi diagonali

-se diamo un vettore come argomento: diag crea una matrice con il vettore come diagonale

Quindi per ricavare la matrice diagonale:

`diag(diag(B))`

Per controllare se la matrice è diagonale:

`isdiag(D)`

ATTENZIONE: non funziona con numeri molto piccoli, funziona solo se gli altri numeri sono effettivamente 0

### GRAFICI

ho due vettori colonna **x** e **y**, per creare il grafico:

`plot(x,y)`

A questo punto il grafico sarà spezzettato, per ottenere un andamento più curvo dobbiamo usare la funzione linspace(primo estremo, secondo estremo, punti di divisione intervallo)

ATTENZIONE: trasporre il tutto altrimenti otterremo un vettore riga

`x = (linspace(-pi, pi, 10))'`

a quel punto ricalcoli y in base al valore di x e ottieni un grafico più curvo

Più aumenti i punti di divisione intervallo, maggiormente curvo sarà il grafico

Per aggiungere le proprietà al grafico:

`plot(x,y, 'proprietà')`

Proprietà utilizzabili

b	blue	.	point	-	solid
---	------	---	-------	---	-------

---

g	green	o	circle	:	dotted
r	red	x	x-mark	-.	dashdot
c	cyan	+	plus	--	dashed
m	magenta	*	star	(none)	no line
y	yellow	s	square		
k	black	d	diamond		
w	white	v	triangle (down)		
		^	triangle (up)		
		<	triangle (left)		
		>	triangle (right)		
		p	pentagram		
		h	hexagram		

Per scrivere più di una funzione nello stesso grafico:

`plot(x,y, 'proprietà1', x, y2, 'proprietà2')`

Per capire come distinguere i grafici, bisogna scrivere sempre la legenda con il plot aperto:

`legend('prima funzione', 'seconda funzione')`

Per aggiungere un titolo al plot:

```
title('funzioni trigonometriche')
```

Per mettere le etichette agli assi:

```
xlabel('x')
```

```
ylabel('y')
```

## Sistemi lineari

### Funzioni

script della funzione:

```
function [output1, output2] = nome_scriptfunction(input1,input2)
```

//NB: tutto ciò che non metti in output, non puoi utilizzarlo / visualizzarlo nella command window

script principale:

```
[output1, output2] = nome_scriptfunction(input1, input2)
```

l'intestazione della function è l'intestazione generale, che deve corrispondere alle variabili usate ALL'INTERNO della funzione. Gli output e gli input devono avere gli stessi nomi di quelli all'interno della funzione.

Se però richiamiamo la funzione con variabili con diverso nome, matlab si basa sulla posizione dei parametri.

### Creazione tabelle

- allocare un array: `tab = zeros(10,2)`
- inserire gli elementi a ogni ciclo : `tab(i, :) = [i,err]`
- all'uscita del ciclo: `tabella = array2table(tab,"VariableNames",{ 'Dimensione', 'Errore' })`
- Stampa la tabella: `disp(tabella)`



