

Programare declarativă

Introducere în programarea funcțională folosind Haskell

Ana Cristina Țurlea

ana.turlea@fmi.unibuc.ro

- 1 Ce este o monadă?
- 2 Funcții "îmbogățite" și programarea cu efecte
- 3 Monade în Haskell
- 4 **Functor** / Applicative / **Monad**
- 5 Moanda IO

Ce este o monadă?

Ce este o monadă?

Există multe răspunsuri, variind între

- O monadă este un burrito. <https://byorgey.wordpress.com/2009/01/12/abstraction-intuition-and-the-monad-tutorial-fallacy/>



<https://twitter.com/monadburritos>

- "All told, a monad in X is just a monoid in the category of endofunctors in X , with product x replaced by composition of endofunctors and unit set by the identity endofunctor."

Saunders Mac Lane, Categories for the Working Mathematician, 1998.

Funcții "îmbogățite" și programarea cu efecte

Funcții îmbogățite și efecte

- Funcție simplă: $x \mapsto y$

știind x , obținem **direct** y

- Funcție îmbogățită: $x \mapsto$



știind x , putem să **extragem** y și producem un **efect**

Referințe:

<https://bartoszmilewski.com/2016/11/21/monads-programmers-definition/>

<https://bartoszmilewski.com/2016/11/30/monads-and-effects/>

Funcții îmbogățite și efecte

Funcție îmbogățită: $x \mapsto$



Exemple

- Folosind tipul **Maybe** a

```
data Maybe a = Nothing | Just a
```

```
f :: Int -> Maybe Int
```

```
f x = if x < 0 then Nothing else (Just x)
```

- Folosind un tip care are ca efect un mesaj

```
newtype Writer log a = Writer {runWriter :: (a, log)}
```

```
f :: Int -> Writer String Int
```

```
f x = if x < 0 then (Writer (-x, "negativ"))  
      else (Writer (x, "pozitiv"))
```

Logging în Haskell

„Îmbogățim” rezultatul funcției cu mesajul de log.

```
newtype Writer log a = Writer { runWriter :: (a, log) }
```

Observații

- datele de tip `Writer log a` sunt definite folosind înregistrări
- o dată de tip `Writer log a` are una din formele
`Writer (va,vlog)` sau `Writer {runWriter = (va,vlog)}`
unde `va :: a` și `vlog :: log`
- `runWriter` este funcția proiecție:
`runWriter :: Writer log a -> (a, log)`
de exemplu `runWriter (Writer (1,"msg")) = (1,"msg")`

Compunerea funcțiilor

- Principala operație pe care o facem cu funcții este **compunerea**

$$f :: a \rightarrow b, g :: b \rightarrow c, g \circ f :: a \rightarrow c$$
$$(\cdot) :: (b \rightarrow c) \rightarrow (a \rightarrow b) \rightarrow a \rightarrow c$$

Valoarea de tip b este transmisă **direct** funcției g .

- Ce facem dacă

$$f :: a \rightarrow m\ b, g :: b \rightarrow m\ c$$

unde m este un **constructor de tip** care îmbogățește tipul?

De exemplu,

- ▶ $m = \mathbf{Maybe}$
- ▶ $m = \mathbf{Writer\ log}$

Atenție! m trebuie să aibă un singur argument.

Compunerea funcțiilor

$f :: a \rightarrow m\ b$, $g :: b \rightarrow m\ c$

unde m este un **constructor de tip** care îmbogățește tipul.

Vrem să definim o "compunere" pentru funcții îmbogățite

$$(<=<) :: (b \rightarrow m\ c) \rightarrow (a \rightarrow m\ b) \rightarrow a \rightarrow m\ c$$

Atunci când definim $g <=< f$ trebuie să **extragem** valoarea întoarsă de f și să o trimitem lui g .

Exemplu: logging în Haskell

„Îmbogățim” rezultatul funcției cu mesajul de log.

```
newtype Writer log a = Writer { runWriter :: (a, log) }  
-- newtype seamana cu data, se foloseste cand avem un singur  
-- constructor si un singur tip de date
```

```
logIncrement :: Int -> Writer String Int
```

```
logIncrement x = Writer
```

```
  (x + 1, "Called increment with argument " ++ show x ++ "  
    \n")
```

Problemă: Cum calculăm logIncrement (logIncrement x)?

```
logIncrement2 :: Int -> Writer String Int
```

```
logIncrement2 x = let (y, log1) = runWriter (logIncrement x)  
                   (z, log2) = runWriter (logIncrement y)  
                   in   Writer (z, log1 ++ log2)
```

Se poate! ... dar nu vrem să facem asta pentru fiecare funcție.

Cum compunem funcții cu efecte laterale

Problema generală

Data fiind funcția $f :: a \rightarrow m\ b$ și funcția $g :: b \rightarrow m\ c$, vreau să obțin o funcție $g \leq\leq f :: a \rightarrow m\ c$ care este „compunerea” lui g și f , propagând efectele laterale.

Exemplu

```
> logIncrement x = Writer (x + 1, "Called increment with  
argument " ++ show x ++ "\n")  
> logIncrement <=< logIncrement $ 3  
Writer {runWriter = (5, "Called increment with argument 3\  
nCalled increment with argument 4\n")}
```

Observație Funcția ($\leq\leq$) este definită în `Control.Monad`

Monade în Haskell

Clasa de tipuri **Monad**

```
class Applicative m => Monad m where  
  (>>=) :: m a -> (a -> m b) -> m b  
  (>>)  :: m a -> m b -> m b  
  return :: a -> m a
```

`ma >> mb = ma >>= _ -> mb`

- `m a` este tipul **computațiilor** care produc rezultate de tip `a` (și au efecte laterale)
- `a -> m b` este tipul **continuărilor** / a funcțiilor cu efecte laterale
- `>>=` este operația de „secvențiere” a computațiilor
- în `Control.Monad` sunt definite
 - ▶ `f >=>g = \x -> f x >>= g`
 - ▶ `(<=<) = flip (>=>)`

Applicative va fi discutată mai târziu

Clasa de tipuri **Monad**

```
class Applicative m => Monad m where  
  (>>=) :: m a -> (a -> m b) -> m b  
  (>>)  :: m a -> m b -> m b  
  return :: a -> m a
```

`ma >> mb = ma >>= _ -> mb`

- `m a` este tipul **compuțațiilor** care produc rezultate de tip `a` (și au efecte laterale)
- `a -> m b` este tipul **continuărilor** / a funcțiilor cu efecte laterale
- `>>=` este operația de „secvențiere” a compuțațiilor

În Haskell, monada este o clasă de tipuri!

Exemple: monade predefinite

- monada **Maybe**

```
> (lookup 3 [(1,2), (3,4)]) >=> (\x -> if (x<0) then  
    Nothing else (Just x))  
Just 4
```

```
> (lookup 3 [(1,2), (3,-4)]) >=> (\x -> if (x<0) then  
    Nothing else (Just x))  
Nothing
```

```
> (lookup 3 [(1,2)]) >=> (\x -> if (x<0) then Nothing  
    else (Just x))  
Nothing
```


Exemple: monade predefinite

- monada listelor

```
> f = (\x -> if (x>=0) then [sqrt x,-sqrt x] else [])
```

```
> [4,8] >>= f  
[2.0,-2.0,2.8284271247461903,-2.8284271247461903]
```

```
> [4,8] >>= f >>= f  
[1.4142135623730951,-1.4142135623730951,  
1.6817928305074292,-1.6817928305074292]
```

Proprietățile monadelor

Asociativitate și element neutru

Operația $\leq\leq$ de compunere a funcțiilor îmbogățite este asociativă și are element neutru **return**

- Element neutru (la dreapta): $g \leq\leq \mathbf{return} = g$

$$(\mathbf{return} \ x) \gg= g = g \ x$$

- Element neutru (la stânga): $\mathbf{return} \leq\leq g = g$

$$x \gg= \mathbf{return} = x$$

- Asociativitate: $h \leq\leq (g \leq\leq f) = (h \leq\leq g) \leq\leq f$

$$(f \gg= g) \gg= h = f \gg= (\backslash x \rightarrow (g \ x \gg= h))$$

Notăția **do** pentru monade

| Notăția cu operatori | Notăția do |
|--|-----------------------------------|
| $e \gg= \backslash x \rightarrow \text{rest}$ | $x \leftarrow e$ rest |
| $e \gg= \backslash _ \rightarrow \text{rest}$ | e rest |
| $e \gg \text{rest}$ | e rest |

De exemplu

```
e1    >>= \x1 ->  
e2    >> e3
```

devine

```
do  
  x1 <- e1  
  e2  
  e3
```

Notăția **do** pentru monade

De exemplu

```
e1    >>= \x1 ->  
e2    >>= \x2 ->  
e3    >>= \_  ->  
e4    >>= \x4 ->  
e5
```

devine

do

```
x1 <- e1  
x2 <- e2  
e3  
x4 <- e4  
e5
```

Functor / Applicative / Monad

Functor: efecte laterale

Functor

Schimbă rezultatul: efectele laterale rămân aceleași

```
class Functor f where  
    fmap :: (a -> b) -> f a -> f b
```

Exemplu — liste

Data fiind o funcție $f :: a \rightarrow b$ și o listă la de elemente de tip a , vreau să obțin o lista de elemente de tip b transformând fiecare element din la folosind funcția f .

```
instance Functor [] where  
    fmap = map
```

Functor: efecte laterale

Functor

Schimbă rezultatul: efectele laterale rămân aceleași

```
class Functor f where  
    fmap :: (a -> b) -> f a -> f b
```

Instanță pentru tipul opțiune

```
fmap :: (a -> b) -> Maybe a -> Maybe b
```

```
instance Functor Maybe where  
    fmap f Nothing = Nothing  
    fmap f (Just x) = Just (f x)
```

Clasa de tipuri Functor

Instanțe

class Functor f where

fmap :: (a -> b) -> f a -> f b

Instanță pentru tipul eroare

fmap :: (a -> b) -> **Either** e a -> **Either** e b

instance Functor (Either e) where

fmap _ (**Left** x) = **Left** x

fmap f (**Right** y) = **Right** (f y)

Instanță pentru tipul funcție

fmap :: (a -> b) -> (t -> a) -> (t -> b)

instance Functor (->) a where

fmap f g = f . g -- sau, mai simplu, **fmap** = (.)

Example

```
Main> fmap (*2) [1..3]
[2,4,6]
Main> fmap (*2) (Just 200)
Just 400
Main> fmap (*2) Nothing
Nothing
Main> fmap (*2) (+100) 4
208
Main> fmap (*2) (Right 6)
Right 12
Main> fmap (*2) (Left 135)
Left 135
Main> fmap (show . (*2) . read) getLine >=> putStrLn
123
246
```

Problemă

- Folosind `fmap` putem transforma o funcție $h :: a \rightarrow b$ într-o funcție între computații cu efecte $fmap\ h :: m\ a \rightarrow m\ b$
- Dar ce se întâmplă dacă avem o funcție cu mai multe argumente
E.g., cum trecem de la $h :: a \rightarrow b \rightarrow c$ la $h' :: m\ a \rightarrow m\ b \rightarrow m\ c$?
- Putem încerca să folosim `fmap`
- dar, deoarece $h :: a \rightarrow (b \rightarrow c)$ obținem
 $fmap\ h :: m\ a \rightarrow m\ (b \rightarrow c)$
- Putem aplica `fmap h` la o valoare $ca :: m\ a$ și obținem
 $fmap\ h\ ca :: m\ (b \rightarrow c)$

Problemă

Cum transformăm un obiect din $m\ (b \rightarrow c)$ într-o funcție $m\ b \rightarrow m\ c$?

Clasa de tipuri Applicative

Definiție

```
class Functor m => Applicative m where
```

```
  pure :: a -> m a
```

```
  (<*>) :: m (a -> b) -> m a -> m b
```

- Orice instanță a lui Applicative trebuie să fie instanță a lui **Functor**

Instanță pentru tipul opțiune

```
instance Applicative Maybe where
```

```
  pure = Just
```

```
  Nothing <*> _ = Nothing
```

```
  Just f <*> x = fmap f x
```

Clasa de tipuri Applicative

Instanță pentru tipul opțiune

```
instance Applicative Maybe where  
  pure = Just  
  Nothing <*> _ = Nothing  
  Just f   <*> x = fmap f x
```

```
> pure "Hey" :: Maybe String  
Just "Hey"  
> (++) <$> (Just "Hey ") <*> (Just "You!")  
Just "Hey You!"
```

<\$> este operatorul infix echivalent cu `fmap`

Tipul listă (computație nedeterministă)

Instanță pentru tipul computațiilor nedeterminate (liste)

```
instance Applicative [] where  
  pure x = [x]  
  fs <*> xs = [f x | f <- fs, x <- xs]
```

```
Main> pure "Hey" :: [String]  
["Hey"]  
Main> (++) <$> ["Hello ", "Goodbye "] <*> ["world", "  
  happiness"]  
["Hello world", "Hello happiness", "Goodbye world", "Goodbye  
  happiness"]  
Main> [(+), (*)] <*> [1,2] <*> [3,4]  
[4,5,5,6,3,4,6,8]  
Main> filter (>50) $ (*) <$> [2,5,10] <*> [8,10,11]  
[55,80,100,110]
```

Functor și Applicative pot fi definiți cu **return** și **>=>**

```
instance Monad M where
```

```
    return a = ...
```

```
    ma >=> k = ...
```

```
instance Applicative M where
```

```
    pure = return
```

```
    mf <*> ma = do
```

```
        f <- mf
```

```
        a <- ma
```

```
        return (f a)
```

```
    -- mf >=> (\f -> ma >=> (\a -> return (f a)))
```

```
instance Functor F where
```

```
    fmap f ma = pure f <*> ma
```

```
    -- ma >=> \a -> return (f a)
```

```
    -- ma >=> (return . f)
```

Moanda IO

Monada IO

```
data IO a = IO a -- reprezinta atat o valoare de tip a  
              -- cat si un efect
```

```
data () = () -- tipul unitate
```

```
getChar :: IO Char
```

```
putChar :: Char -> IO ()
```

```
main :: IO ()
```

```
main = do c <- getChar  
        putChar c
```

```
return :: a -> IO a
```

```
getLine :: IO String
```

```
getLine = do c <- getChar  
            if c == '\n' then return ""  
            else do l <- getLine  
                    return (c:l)
```


Monada IO

Putem combina două comenzi

$(\>\>) :: \mathbf{IO} \ () \rightarrow \mathbf{IO} \ () \rightarrow \mathbf{IO} \ ()$

`putChar '?' >> putChar '!'`
?!

$(\>\>=) :: \mathbf{IO} \ a \rightarrow (a \rightarrow \mathbf{IO} \ b) \rightarrow \mathbf{IO} \ b$

`getChar >>= \x -> putChar (toUpper x)`
c
C

Monada IO

```
putStrRec :: String -> IO ()  
putStrRec [] = return ()  
putStrRec (x:xs) = putChar x >> putStrRec xs
```

```
putStrHOF :: String -> IO ()  
putStrHOF = foldr (>>) (return ()) . map putChar
```

```
myGetLine :: IO String  
myGetLine = getChar >>= \x ->  
    if x == '\n' then  
        return []  
    else  
        myGetLine >>= \xs -> return (x:xs)
```

Monada IO

```
myGetLine :: IO String
myGetLine = getChar >>= \x ->
    if x == '\n' then
        return []
    else
        myGetLine >>= \xs -> return (x:xs)
```

```
getLineDO :: IO String
getLineDO = do
    x <- getChar
    if x == '\n' then
        return []
    else do
        xs <- getLineDO
        return (x:xs)
```

Monada IO

```
showInteger :: Int -> IO ()  
showInteger n = putStr (show n )
```

```
showPlusZece n = showInteger n >> return (n + 10)
```

Monada IO: Read

Dacă am vrea să citim un întreg de la tastatură pentru a îl trimite unei funcții, ar trebui întâi să putem transforma un șir de caractere într-un număr întreg. Pentru asta folosim funcția **read**:

```
read :: Read a => String -> a
```

```
Prelude> read "10" + 10
```

```
20
```

```
Prelude> read "False" || True
```

```
True
```

```
Prelude> read "[1,2,3]" ++ [4]
```

```
[1,2,3,4]
```

```
Prelude> read "1" || True
```

```
*** Exception: Prelude.read: no parse
```

Compilerul va încerca să deducă tipul pe care trebuie să îl întoarcă funcția **read** din contextul în care este folosit. Atentie: **read** va arunca o excepție dacă șirul primit nu poate fi convertit la tipul dedus din context.

getline și read

Vrem să citim un întreg de la tastatură, apoi să aplicăm funcția `showPlusZece`:

```
citesteSiAdunaZece :: IO Integer
citesteSiAdunaZece = ?? read getLine >=> showPlusZece
```

```
read :: Read a => String -> a
```

```
getLine :: IO String
```

```
-- Ce tip are ??
```

```
-- Cu ce functie seamana ??
```

```
??    :: (String -> Integer) -> IO String -> IO Integer
```

```
map   :: (a -> b) -> [a] -> [b]
```

```
fmap  :: (a -> b) -> f a -> f b
```

```
citesteSiAdunaZece :: IO Integer
```

```
citesteSiAdunaZece = fmap read getLine >=> showPlusZece
```

Adunarea în IO

Vrem să citim două numere de la tastatură și să întoarcem suma lor.

```
suma :: IO Integer
```

```
suma =
```

```
  fmap read getLine >>=
    (\x -> fmap read getLine >>=
      (\y -> ?? (x + y))
    )
)
```

```
??      :: Integer -> IO Integer
```

```
return :: Monad m => a      -> m a
```

Adunarea în IO

Vrem să citim două numere de la tastatură și să întoarcem suma lor.

```
suma :: IO Integer
```

```
suma =
```

```
  fmap read getLine >>=
    (\x -> fmap read getLine >>=
      (\y -> return (x + y))
    )
)
```

```
??      ::                Integer -> IO Integer
```

```
return :: Monad m => a      -> m a
```

Putem folosi **return** pentru a introduce valori pure în **IO**. Deși putem scrie funcții folosind `>>=`, codul devine greu de citit.

Notăția **do**

```
suma :: IO Integer
suma =
    fmap read getLine >>= (\x ->
    fmap read getLine >>= (\y ->
    return (x + y)
    ))
```

Funcția `suma` poate fi scrisă echivalent folosind notația **do**:

```
suma :: IO Integer
suma = do
    x <- fmap read getLine
    y <- fmap read getLine
    return (x + y)
```

Citire și scriere

Notăția **do** ne permite de asemenea să combinăm scrierea și citirea:

```
citesteSiScrie :: IO Integer
citesteSiScrie = do
    putStrLn "Introduceti numele: "
    nume <- getLine
    putStrLn ("Buna ziua, " ++ nume)
    putStrLn "Introduceti doua numere:"
    x <- fmap read getLine
    y <- fmap read getLine
    let suma = x + y
    putStrLn ("Suma este: " ++ show suma)
    return suma
```

putStrLn este identic cu **putStr**, cu excepția că adaugă un sfârșit de linie.

Citire și scriere cu fișiere

În Haskell, lucrul cu fișierele este foarte similar lucrului cu consola:

```
type FilePath = String
```

```
readFile    ::    FilePath -> IO String  
writeFile   ::    FilePath -> String  -> IO ()  
appendFile  ::    FilePath -> String  -> IO ()
```

Spre exemplu, putem scrie o funcție care citește un fișier și îl printează în consolă:

```
cat :: FilePath -> IO ()  
cat path = do  
    continut <- readFile path  
    putStr continut
```

Exemplu

Exemplu: citirea unui fișier de intrare și convertirea tuturor caracterelor în majuscule:

```
toUpperFile :: IO ()
toUpperFile = do
    putStr "Fisier intrare: "
    inPath <- getLine

    continut <- readFile inPath
    let caps = map toUpper continut

    putStr "Fisier iesire: "
    outPath <- getLine

    writeFile outPath caps
```

Suma numerelor dintr-un fișier

```
lines  :: String -> [String]  
words :: String -> [String]  
concat :: [[String]] -> [String]
```

```
sumaFisier :: FilePath -> IO Integer
```

```
sumaFisier path = do  
    continut <- readFile path  
    let linii = lines continut      -- linii    :: [String]  
    let cuvinte = map words linii  -- cuvinte :: [[String]]  
    let strNum = concat cuvinte    -- strNum   :: [String]  
    let numere = map read strNum    -- numere   :: [Integer]  
    return (sum numere)
```

Programul va calcula suma numerelor din fișierul de intrare. Acestea pot fi separate de spații sau linii.

Pe săptămâna viitoare!