U.T.N. F.R.B.A. Física I

Cinemática del punto material

Respuestas

1) a)
$$\vec{v}(t) = 4 t \vec{i} - 2 \vec{j}$$

b)
$$\vec{a}(t) = 4 \vec{i}$$

c)
$$x = \frac{1}{2}y^2$$

2) a)
$$\Delta \vec{r} = 8 \text{ m } i + 10 \text{ m } j$$

b)
$$\vec{v}_m = 0.8 \frac{m}{\hat{i}} + 1 \frac{m}{\hat{j}}$$

b)
$$\vec{v}_m = 0.8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \vec{i} + 1 \frac{\text{m}}{\text{s}} \vec{j}$$
 ; $\vec{a}_m = 0.3 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \vec{i} - 0.3 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \vec{j}$

3) Para el primer gráfico:

a)
$$x_A = 2 \frac{m}{s} t$$

$$(0 < t < 10 \text{ s})$$

$$x_B = 20 \text{ m} + 1 \frac{\text{m}}{\text{s}} (t - 10 \text{ s})$$

$$(10 \text{ s} < t < 30 \text{ s})$$

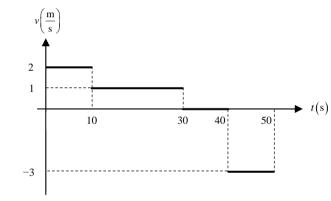
$$x_C = 40 \text{ m}$$

$$(30 \text{ s} < t < 40 \text{ s})$$

$$x_D = 40 \text{ m} - 3 \frac{\text{m}}{\text{s}} (t - 40 \text{ s})$$

$$(40 \text{ s} < t < 50 \text{ s})$$

b)



c)
$$\Delta x = 10 \text{ m}$$

$$d = 70 \text{ m}$$

Para el segundo gráfico:

a)
$$x_A = 4 \text{ m} + 0.1 \frac{\text{m}}{\text{s}} t$$

$$(0 < t < 40 \text{ s})$$

$$x_B = 8 \text{ m} - 0.15 \frac{\text{m}}{\text{s}} (t - 40 \text{ s})$$

$$(40 \text{ s} < t < 60 \text{ s})$$

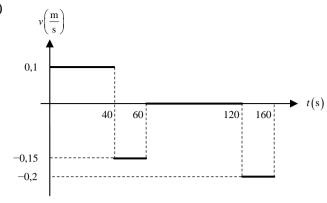
$$x_C = 5 \text{ m}$$

$$(60 \text{ s} < t < 120 \text{ s})$$

$$x_D = 5 \text{ m} - 0.2 \frac{\text{m}}{\text{s}} (t - 120 \text{ s})$$

$$(120 \text{ s} < t < 140 \text{ s})$$





c)
$$\Delta x = 3 \text{ m}$$

$$d = 11 \text{ m}$$

4) a)
$$t = 8 \text{ s}$$

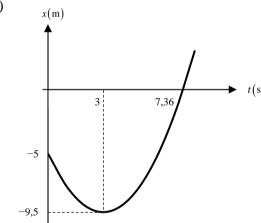
b)
$$x(8 \text{ s}) = 480 \text{ m}$$

c)
$$x_{m\acute{a}x} = x(10 \text{ s}) = 500 \text{ m}$$

5) a)
$$\Delta x = -4.5 \text{ m}$$

b)
$$t = 7,36 \text{ s}$$

c)
$$a = 1 \frac{m}{s^2}$$

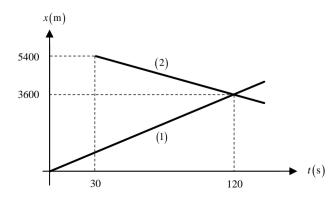


6) a)
$$x(t) = 7 \text{ cm} + 6 \frac{\text{cm}}{\text{s}} t - 1 \frac{\text{cm}}{\text{s}^2} t^2$$

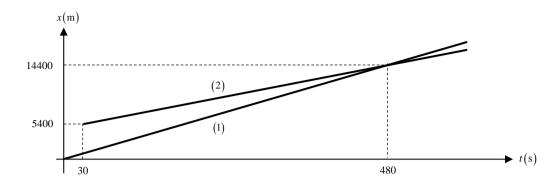
b)
$$x_{m\acute{a}x} = x(3 \text{ s}) = 16 \text{ cm}$$

7) a)
$$x_e = 3600 \text{ m}$$

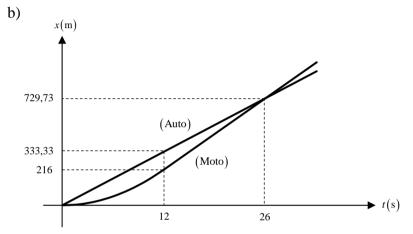
$$t_e = 120 \text{ s}$$



b)
$$x_e = 14400 \text{ m}$$
 ; $t_e = 480 \text{ s}$



8) a)
$$\Delta x = 729,73 \text{ m}$$
 ; $t_e = 26,27 \text{ s}$

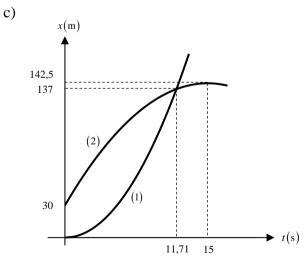


9) a)
$$t_{e1} = 10 \text{ s}$$
 ; $x_{e1} = 250 \text{ m}$

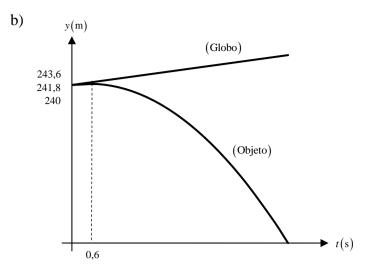
b)
$$t_{e2} = 50 \text{ s}$$
 ; $x_{e2} = 450 \text{ m}$

10) a)
$$x_e = 137,08 \text{ m}$$
 ; $t_e = 11,71 \text{ s}$

b)
$$x_{2m\acute{a}x} = x_2 (15 \text{ s}) = 142,5 \text{ m}$$



11) a)
$$h_{máx} = y_{objeto} (0.6 \text{ s}) = 241.8 \text{ m}$$
; $y_{globo} (0.6 \text{ s}) = 243.6 \text{ m}$



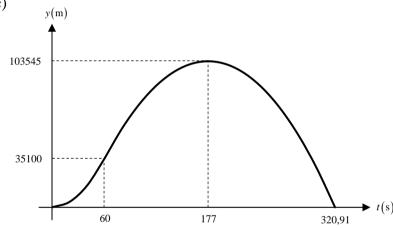
12)
$$t = 5,55 \text{ s}$$

;
$$h = 153,87 \text{ m}$$

13) a)
$$h = 103545 \text{ m}$$

b)
$$t = 320,91 \text{ s}$$

c)



14)
$$h = 9.92 \text{ m}$$
 (tercer piso)

15) a)
$$t_e = 4 \text{ s}$$

b)
$$y_e = 40 \text{ m}$$

c)
$$v_{Ae} = -10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$
 ; $v_{Be} = -20 \frac{\text{m}}{\text{s}}$

$$v_{Be} = -20 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

d)
$$v_A = -30 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

;
$$v_B = -34,64 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

e) a)
$$t_e = 4 \text{ s}$$

b)
$$y_e = 20 \text{ m}$$

c)
$$v_{Ae} = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$
 ; $v_{Be} = 20 \frac{\text{m}}{\text{s}}$
d) $v_A = 30 \frac{\text{m}}{\text{s}}$; $v_B = -34,64 \frac{\text{m}}{\text{s}}$

$$v_{Be} = 20 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

d)
$$v_A = 30 \frac{m}{s}$$

$$v_B = -34,64 \frac{m}{s}$$

16) a)
$$v_0 = 27,22 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$
 ; $\alpha = 54^{\circ}3'50,53"$

$$\alpha = 54^{\circ}3'50,53'$$

b)
$$x_{máx} = 35,2 \text{ m}$$
 ; $y_{máx} = 39,28 \text{ m}$
c) $v = 32,26 \frac{\text{m}}{\text{s}}$; $\alpha = -60^{\circ}19'20,43''$

17) a)
$$v_0 = 49,85 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

b)
$$h = 74,06 \text{ m}$$

c)
$$v = 31,68 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$
 ; $\alpha = -18^{\circ}45'30,99''$

18) a)
$$t = 2$$
 s

b)
$$v_0 = 3 \frac{m}{s}$$

c)
$$v_0 = 16,16 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$
 ; $\alpha = -68^{\circ}11'54,93"$

19) a)
$$h_{1m\acute{a}x} = 45 \text{ m}$$

b)
$$\beta = 53^{\circ}$$
 ; $h_{2m\acute{a}x} = 80 \text{ m}$

c)
$$\alpha + \beta = 90^{\circ}$$

20) a)
$$t = 20, 2 \text{ s}$$

b)
$$h = 40,2 \text{ m}$$

c)
$$H = 2040, 2 \text{ m}$$

d)
$$d = 36 \text{ m}$$

e)
$$D = 3636 \text{ m}$$

b) También hace impacto.

c)
$$\alpha = \arctan\left(\frac{2h}{d}\right)$$

22) a)
$$v: 1 y 5$$
 ; $a: 6, 7 y 8$; $a_n: 7$; $a_t: 1 y 5$ b) $v: 1$; $a: 6$; $a_n: 7$; $a_t: 5$

b)
$$v:1$$
 ; $a:6$; $a_n:7$; $a_n:5$

23) a)
$$\rho = 130,39 \text{ m}$$

b)
$$\rho = 598,19 \text{ m}$$

24) a)
$$\omega = \frac{\pi}{3} \frac{1}{s}$$
 ; $T = 6 \text{ s}$

b)
$$v = \pi \frac{m}{s}$$
 ; $a = \frac{\pi^2}{3} \frac{1}{s^2}$

26)
$$f_2 = 5 \frac{1}{s}$$
 ; $v_A = \frac{\pi}{5} \frac{m}{s}$

27)
$$\omega_2 = 20 \,\pi \, \frac{1}{s}$$
 ; $v_C = 3 \,\pi \, \frac{m}{s}$

28) a)
$$v_{Persona,Tierra} = 45 \frac{\text{km}}{\text{h}}$$
 el sentido es coincidente con el del tren respecto a tierra

b)
$$v_{Tren,Automóvil} = 140 \frac{\text{km}}{\text{h}}$$
 el sentido es coincidente con el del tren respecto a tierra

c)
$$v_{Automóvil, Persona} = 135 \frac{\text{km}}{\text{h}}$$
 el sentido es contrario al del tren respecto a tierra

29) a)
$$t_{AB} = 30 \text{ s}$$

b)
$$t_{AC} = 30 \text{ s}$$

c)
$$v_{Corriente, Tierra} = 0.5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

- d) $v_{Bote,Tierra} = 1,87 \frac{\text{m}}{\text{s}}$; $\alpha = 15^{\circ}31'26,8"$ respecto a la vertical hacia la derecha
- e) $\beta = 16^{\circ}7'39,43"$ respecto a la vertical hacia la izquierda ; $t_{AB} = 31,23~\mathrm{s}$

30)
$$v_{\text{Avión,Aire}} = 221,67 \, \, \frac{\text{km}}{\text{h}} \, \, ; \, \, \alpha = 11^{\circ}2'2,75" \, \, \text{respecto a la horizontal hacia el NE}$$

31)
$$v_{Gota,Tierra} = 59,59 \frac{\text{km}}{\text{h}}$$

Problemas Complementarios

Respuestas

- 1) d)
- 2) c)
- 3) f)
- 4) b)