

Tiempo máximo para la realización de la evaluación: 2hs.

P1) **Calcular** el volumen de la región definida por  $x^2 - 2x + y^2 \leq 0$ ,  $z \leq 2 + x$  y  $x + z \geq 2$

P2) **Verificar** que el campo  $\vec{f}(x, y) = (4xy - 2, 2x^2 - 2y)$  es conservativo. **Calcular** su función potencial sabiendo que vale 0 en (1,1)

P3) Dado el campo  $\vec{f}(x, y, z) = (y^2, z^2 + x^2, x^2)$ , **calcular** el flujo de  $\vec{f}$  a través de la superficie de ecuación  $y = x$  tal que  $x^2 + y^2 + 2z^2 \leq 2$ .

P4) **Hallar** la solución de la ecuación  $y'' - 4y' + 13y = 26$  tal que  $y(0) = 1$  e  $y'(0) = 1$

T1) **Demostrar** que si  $\vec{f} : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2 / \vec{f} = (f_1, f_2)$  es conservativo ( $\vec{f} = \vec{\nabla} \phi$ ) entonces

$$\int_{\vec{A} \rightarrow \vec{B}} \vec{f} \cdot d\vec{\lambda} = \phi(\vec{B}) - \phi(\vec{A})$$

T2) **Demostrar** que si  $y_1$  es solución de la ecuación  $y'' + p \cdot y' + q \cdot y = f_1(x)$  e

$y_2$  es solución de la ecuación  $y'' + p \cdot y' + q \cdot y = f_2(x)$  entonces

$y_1 - y_2$  es solución de la ecuación  $y'' + p \cdot y' + q \cdot y = f_1(x) - f_2(x)$