

Tiempo máximo para la realización de la evaluación: 2hs.

P1) **Hallar** las coordenadas del baricentro de $\frac{x^2}{4} + y^2 \leq 1$ tal que $y \geq 0$

P2) Calcular el volumen de la región definida por las siguientes inecuaciones: $(x-1)^2 + (y-1)^2 \leq 1$, $z \leq xy$, $z \geq 0$

P3) **Calcular** la longitud de la curva parametrizada por $\vec{\lambda}(t) = (2 \cos(t), 2 \sin(t), 2t)$ entre los puntos $(2,0,0)$ y $(-2,0,2\pi)$

P4) Dado el campo $\vec{f}(x,y,z) = (y^2, z^2 + x^2, x^2)$, **calcular** el flujo de \vec{f} a través de la superficie de ecuación $y = x$ tal que $x^2 + y^2 + 2z^2 \leq 2$.

T1) Enunciar y demostrar la condición necesaria para la existencia de función potencial de un campo vectorial en \mathbb{R}^2 .

T2) Demostrar que si y_1 es solución de la ecuación $y'' + p \cdot y' + q \cdot y = f_1(x)$ e

y_2 es solución de la ecuación $y'' + p \cdot y' + q \cdot y = f_2(x)$ entonces

$y_1 + y_2$ es solución de la ecuación $y'' + p \cdot y' + q \cdot y = f_1(x) + f_2(x)$