

solution for ckw的树

算法1

设 $E(x)$ 为从 x 开始的期望游走时间。

暴力列方程高斯消元 $O(n^3)$ ，可以过subtask1。

如果您有非常强的优化技巧有概率过subtask4。

算法2

对于subtask3，也就是树的形态是一朵菊花。

可以发现只有三种变量：根，被标记叶子，未标记叶子。

列个方程直接解一下就好了。

时间复杂度 $O(n)$

可以过subtask3。

算法3

对于subtask2，可以得到一系列连续的五个元素的方程。

可以从后往前用 $E(n)$ 和 $E(n-1)$ 表示出 $E(1), E(2), \dots, E(n-2)$ 。

然后最后还剩两个方程可以直接解出 $E(n)$ 和 $E(n-1)$ ，然后算出所有的期望。

时间复杂度 $O(n)$

或许有什么其它做法也可以过。

可以过subtask2。

算法4

稀疏矩阵消元，可以过subtask1和subtask4。

算法5

设 $fa(x)$ 为 x 的父亲， $son(x)$ 为 x 的儿子集合。

$$sum(x) = \sum_{y \in son(x)} E(y)$$

我们可以用一次dfs，对于每一个结点 x ，求出四个值 a_x, b_x, c_x, d_x

表示 $E(x) = a_x E(fa(x)) + b_x E(fa(fa(x))) + c_x sum(fa(x)) + d_x$

然后由于根没有父亲，所以可以再dfs一遍，求出每个点的 $E(x)$

我们发现这个 sum 有点麻烦，对于每一个节点的所有儿子我们可以暴力高斯消元消掉 sum ，所以时间复杂度 $O(nD^3)$ (D 为最大度数)

可以过subtask1,subtask2,subtask4。

算法6

对于算法5的高斯消元，我们发现这个方程比较特别，直接将所有方程加起来可以解出 $sum(fa(x))$ ，所以就直接解出 $sum(fa(x))$ 然后用代入法解出所有的 $E(x)$

remark

这个题非常简单，作为D1T3太水了，相信所有人都A了。