

Algorithme des k plus proches voisins

1. Introduction

En intelligence artificielle, il est souvent nécessaire de savoir classer un objet selon une liste de catégories connues.

Par exemple:

- une image contient-elle un chat ou une voiture ?
- un email qu'on reçoit contient-il du spam ou pas ?

Il existe de nombreux algorithmes pour faire cela.

L'un d'eux s'appelle *Algorithme des k plus proches voisins* (**k-Nearest Neighbors** en anglais ou **kNN**) où k est un nombre entier strictement positif correspondant au nombre de voisins.

2. Principe du 1-NN

On considère un ensemble de n objets $E = \{o_1, o_2, \dots, o_n\}$ dont on connaît la classe $c(o_1), c(o_2), \dots, c(o_n)$.

On dispose d'une méthode de mesure de distance entre deux objets : $d(o_i, o_j)$.

On introduit un nouvel objet o et on souhaite lui attribuer une classe selon l'algorithme suivant:

1. Recherche de l'objet o_i (pour i entre 1 et n) qui est le plus proche de o .
2. Attribution de la classe $c(o_i)$ à o .

Remarque : la recherche de l'objet le plus proche de o consiste à trouver le minimum dans une liste de nombres réels correspondant à la distance entre o et chacun des objets de l'ensemble E .

Fonction `classe_1nn(o)`

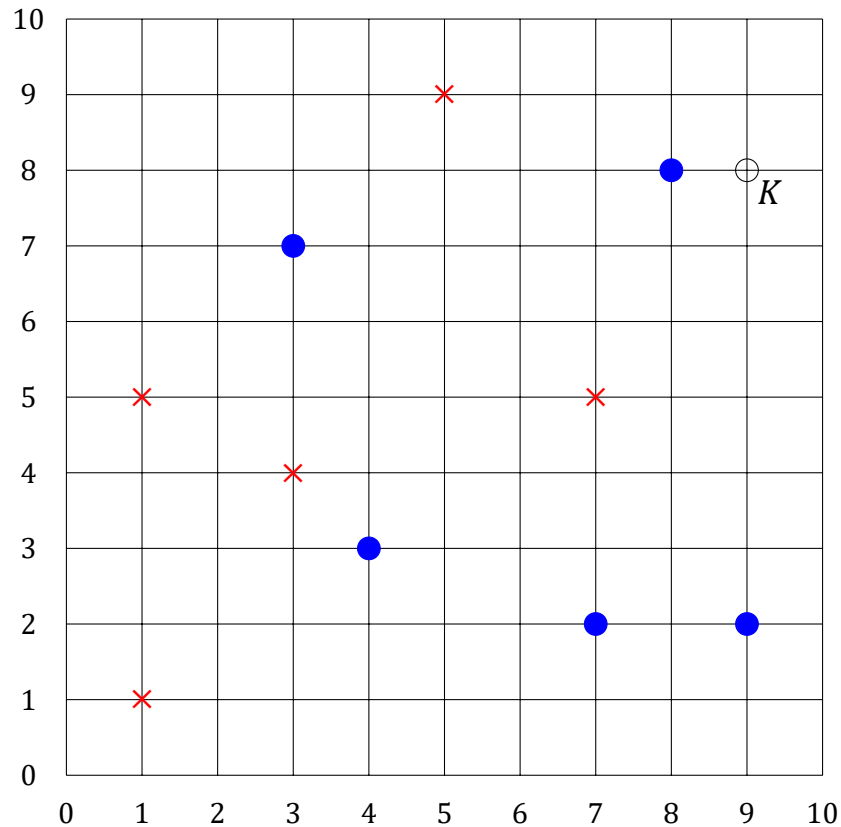
```
distance_min = Infini
voisin = Null

Pour j allant 1 à n:
    distance = d(o, o_j)
    Si distance < distance_min Alors
        distance_min = distance
        voisin = o_j
FinSi
FinPour

Renvoyer c(voisin)
```

Exemple : démonstration d'un algorithme 1-NN avec points et couleurs

- Exercices n°1 question 1, n°2 et n°3 de la feuille d'exercices.



3. Principe du k-NN

Le contexte de travail est le même que pour l'algorithme 1-NN, mais on procède de la façon suivante :

1. Parmi les n objets de E , on recherche les k voisins les plus proches de o .
2. Parmi ces k voisins, on compte les effectifs de chaque classe et on attribue à o la classe majoritaire.

Remarque : dans le cas d'égalité d'effectifs entre deux classes, la classe attribuée dépendra de l'implémentation du point 2.

Algorithme naïf : on suppose

- qu'on dispose d'une fonction `distance_max(objet, liste)` renvoyant la plus grande distance entre un objet et les objets de la liste
- qu'il n'y a que deux classes d'objets $c1$ et $c2$

```

Fonction k_voisins(o)
  Pour j allant 1 à k:
    ajouter o_j à voisins
  FinPour

  dmax = distance_max(o, voisins)

  Pour j allant k+1 à n:
    distance = d(o, o_j)
    Si distance < dmax Alors
      Enlever le voisin le plus éloigné de o
      Ajouter o_j à voisins
  
```

```

        dmax = distance_max(o, voisins)
    FinSi
FinPour

Renvoyer voisins

```

```

Fonction classe_knn(0)
    voisins = k_voisins(o)

    effectif_c1 = 0
    effectif_c2 = 0

    Pour objet dans voisins:
        Si c(objet) = c1
            Augmenter effectif_c1
        Sinon
            Augmenter effectif_c2
        FinSi
    FinPour

    Si effectif_c1 > effectif_c2
        Renvoyer c1
    Sinon
        Renvoyer c2
    FinSi

```

- Exercices n°1 questions 2 et 3, n°4 et n°5 de la feuille d'exercice