



DEPARTAMENTO
DE COMPUTACION

Facultad de Ciencias Exactas y Naturales - UBA

Trabajo práctico 1

Especificación de TADs

September 21, 2025

Algoritmos y Estructuras de Datos

JavaNation

Integrante	LU	Correo electrónico
Chioli, Lautaro	32/25	lautaro.chioli@gmail.com
Temelini, Mateo	1311/24	mateotemelini@gmail.com



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja)

Intendente Güiraldes 2610 - C1428EGA

Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina

Tel/Fax: (+54 +11) 4576-3300

<http://www.exactas.uba.ar>

Especificación del TAD

TAD EdR {

fotocopia ES seq⟨struct < ej: \mathbb{Z} , opciones: seq < \mathbb{Z} > ⟩
 asiento ES struct⟨*alumno*: \mathbb{Z} , ex: fotocopia, presente: bool⟩
 aula ES seq ⟨seq < asiento >⟩

obs alumno : \mathbb{Z}
 obs estudiantes : seq⟨alumno⟩
 obs aula : aula
 obs solución : seq⟨struct < ej: \mathbb{Z} , rta: \mathbb{Z} > ⟩
 obs exámenes : dict < alumno, solución >
 obs accesosRestantes : \mathbb{Z}

```
proc EdR(in asientosPorFila :  $\mathbb{Z}$ , in resolución : seq⟨struct⟨ej :  $\mathbb{Z}$ , rta :  $\mathbb{Z}$ ⟩⟩, in alumnado :
seq⟨alumno⟩, in parciales : fotocopia) : EdR {
  requiere {
    alumnosVálidos(alumnado)  $\wedge$ 
    tamañoVálido(asientosPorFila, alumnado)  $\wedge$ 
    soluciónVálido(resolución, parciales)  $\wedge$ 
    parcialesValidos(parciales)
  }
  asegura {
    |res.aula| = asientosPorFila  $\wedge$ 
    crearAula(asientosPorFila, alumnado, parciales)  $\wedge$ 
    exámenesInicializados(alumnado)  $\wedge$ 
    res.estudiantes = alumnado  $\wedge$ 
    res.solución = resolución  $\wedge$ 
    res.accesosRestantes = 0
  }
}
```

```
pred alumnosVálidos(alumnado : seq⟨alumno⟩) {
  ( $\forall i : \mathbb{Z}$ )( $0 \leq i < |\text{alumnado}| \rightarrow_L (\text{alumnado}[i] \neq 0 \wedge (\forall j : \mathbb{Z})(0 \leq j < |\text{alumnado}| \wedge i \neq j) \rightarrow_L \text{alumnado}[i] \neq \text{alumnado}[j]))$ )
}
pred tamañoVálido(n :  $\mathbb{Z}$ , alumnado : seq⟨alumno⟩) {
  n > 0  $\wedge$  0 < |alumnado|  $\leq$  cantidadMáximaEstudiantes(n)
}
aux cantidadMáximaEstudiantes(filas :  $\mathbb{Z}$ ) :  $\mathbb{Z}$  = ((filas + 1)/2) * f

pred soluciónValida(sol : seq⟨struct⟨ej :  $\mathbb{Z}$ , rta :  $T$ ⟩⟩, parciales : fotocopia) {
  (|sol| > 0  $\wedge$  |sol| = |parciales|)  $\wedge_L (\forall t : \mathbb{Z})(0 \leq t < |\text{sol}| \rightarrow_L (\exists k : \mathbb{Z})(0 \leq k < |\text{parciales}| \wedge_L (\text{sol}[t].ej = \text{parciales}[k].ej \wedge \text{sol}[t].rta \in \text{parciales}[k].opciones)))$ )
}
```

```

pred parcialesVálidos(parciales : fotocopia) {
  (∀k : ℤ)(0 ≤ k < |parciales| →L (|parciales[k].opciones| = 10 ∧L (∀a, b : ℤ)((0 ≤
  a < 10 ∧ 0 ≤ b < 10 ∧ a ≠ b) →L parciales[k].opciones[a] ≠ parciales[k].opciones[b]
  )
}
pred crearAula(n : ℤ, alumnado : seq⟨alumno⟩, parcial : fotocopia) {
  existenciaEnAula(res, alumnado) ∧ unicidadEnAula(res) ∧ alumnosSeparados(res) ∧
  copiaAsignada(res, alumnado, parcial)
}
pred existenciaEnAula(salón : aula, est : seq⟨alumno⟩, parcial : fotocopia) {
  (∀alumno ∈ est)((∃fila, col : ℤ)((0 ≤ fila < |salón| ∧ 0 ≤ col < |salón[fila]|) ∧L
  (salón[fila][col].alumno = alumno ∧ salón[fila][col].ex = parcial ∧ salón[fila][col].presente =
  true)))
}
pred alumnosSeparados(salón : aula) {
  (∀p, q : ℤ)((0 ≤ p < |salón| ∧ 0 ≤ q < |salón[p] - 1) →L (salón[p][q].alumno ≠ 0 →L
  salón[p][q + 1].alumno = 0
  )
}
pred exámenesInicializados(res : EdR, est : seq⟨alumno⟩) {
  (∀a : alumno)((a ∈ est →L a ∈ res.exámenes) ∧L res.exámenes[a] = <>)
}

```

```

proc igualdad(in i1 : EdR, in i2 : EdR) : bool {
  requiere { True }
  asegura { res = true ⇔ (mismaSecuencia(i1.estudiantes, i2.estudiantes ∧
  mismaAula(i1.aula, i2.aula) ∧
  mismaSolución(i1.solución, i2.solución) ∧
  mismaResolución(i1.exámenes, i2.exámenes) ∧
  i1.accesos_restantes = i2.accesos_restantes) }
}
pred mismaSecuencia(a1 : seq⟨ℤ⟩, a2 : seq⟨ℤ⟩) {
  |a1| = |a2| ∧L (∀i : ℤ)(0 ≤ i < |a1| →L (|a1[i]| = |a2[i]| ∧L mismaDistribuciónFila(a1[i], a2[i]))
}
pred mismaDistribuciónFila(f1 : seq⟨asiento⟩, f2 : seq⟨asiento⟩) {
  (∀j : ℤ)(0 ≤ j < |f1| →L (f1[j].alumno = f2[j].alumno ∧ mismaFotocopia(f1[j].ex, f2[j].ex) ∧
  f1[j].presente = f2[j].presente))
}
pred mismaFotocopia(f1 : fotocopia, f2 : fotocopia) {
  |f1| = |f2| ∧L (∀i : ℤ)(0 ≤ i < |f1| →L (f1[i].ej = f2[i].ej ∧
  mismaSecuencia(f1[i].opciones, f2[i].opciones))
}
pred mismaSolución(s1 : solución, s2 : solución) { |s1| = |s2| ∧L respuestasIguales(s1, s2) =
  |s1| }

aux respuestasIguales(s1 : solución, s2 : solución) : ℤ =
  ∑k=0|s1|-1 (IfThenElse(ejercicioIdentico(k, s1, s2), 1, 0))

```

```

pred ejercicioIdentico(enunciado :  $\mathbb{Z}$ , sol1 : solución, sol2 : solución) {
  ( $\exists j : \mathbb{Z}$ )( $0 \leq j < |sol_2| \wedge_L (sol_1[enunciado].ej = sol_2[j].ej \wedge sol_1[enunciado].rta = sol_2[j].rta)$ )
}

pred mismaResolución(a1 : dict⟨alumno, solución, ⟩, a2 : dict⟨alumno, solución, ⟩) {
  ( $\forall e : alumno$ )( $e \in a_1 \iff e \in a_2$ )  $\wedge_L$  ( $\forall e : alumno$ )( $e \in a_1 \rightarrow_L mismaSolución(a_1[e], a_2[e])$ )
}

proc copiarse(inout i : EdR, in a1 : alumno) {
  requiere {
    existenciaEnAula(i.aula, a1)  $\wedge$ 
    |i.exámenes[a1]| < |i.solución|  $\wedge$ 
    i = i0
  }
  asegura {
    posibilidadDeCopiarse(i, i0, a1)  $\wedge$ 
    i.estudiantes = i0.estudiantes  $\wedge$ 
    i.aula = i0.aula  $\wedge$ 
    i.solución = i0.solucion  $\wedge$ 
    i.accesos_restantes = i0.accesos_restantes
  }
}

pred posibilidadDeCopiarse(i : EdR, i0 : EdR, a1 : alumno) {
  (( $\exists a_2 \in i_0.estudiantes$ )(puedeCopiarse(i0, a1, a2))  $\wedge_L$ 
  agregarEjercicio(i0.exámenes[a1], i0.exámenes[a2], i.exámenes[a1]))  $\vee_L$ 
  ( $\neg \exists a_2 \in i_0.estudiantes$ )(puedeCopiarse(i0, a1, a2))  $\wedge_L$ 
  mismaResolución(i.exámenes, i0.exámenes)
}

pred puedeCopiarse(i : EdR, a1 : alumno, a2 : alumno) {
  (a2  $\neq$  a1)  $\wedge_L$  ( $\exists p_1, p_2 : \langle fila : \mathbb{Z}, col : \mathbb{Z} \rangle$ )(sacarPosición(i.aula, a1, p1)  $\wedge$  sacarPosición(i.aula, a2, p2)
  sonCercanos(p1, p2))  $\wedge_L$  existeEjerciciosDisponibles(i.exámenes[a1], i.exámenes[a2])
}

pred sonCercanos(ubi1 : ⟨fila :  $\mathbb{Z}$ , col :  $\mathbb{Z}$ ⟩, ubi2 : ⟨fila :  $\mathbb{Z}$ , col :  $\mathbb{Z}$ ⟩) {
  (u2.fila = u1.fila  $\wedge$  |u2.col - u1.col|  $\leq$  2)  $\vee$ 
  (u2.fila = u1.fila - 1  $\wedge$  |u2.col - u1.col|  $\leq$  2)
}

pred sacarPosición(salón : aula, a : alumno, pos : ⟨fila :  $\mathbb{Z}$ , col :  $\mathbb{Z}$ ⟩) {
  ( $\exists f : \mathbb{Z}$ )( $0 \leq f < |salón| \wedge_L (\exists c : \mathbb{Z})(0 \leq c < |salón[f]| \wedge_L salón[f][c].alumno = a \wedge_L (pos.fila = f \wedge pos.col = c))$ )
}

pred existeEjercicioDisponible(p1 : solución, p2 : solución) {
  ( $\exists punto : \langle ej : \mathbb{Z}, rta : \mathbb{Z} \rangle$ )(punto  $\in$  p2  $\wedge$   $\neg(\exists t \in p_1)(t.ej = punto.ej)$ )
}

pred agregarEjercicio(p1 : solución, p2 : solución, res : solución) {
  |res| = |p1| + 1  $\wedge$  ( $\exists punto : \langle ej : \mathbb{Z}, rta : \mathbb{Z} \rangle$ )(punto  $\in$  p2  $\wedge$   $\neg(\exists t : \langle ej : \mathbb{Z}, rta : \mathbb{Z} \rangle)(t \in p_1 \wedge t.ej = punto.ej)$   $\wedge_L$  res = p1 ++ <punto>)
}

```

```

proc consultarDarkWeb( $i : \text{EdR}$ , in  $\text{examenDark} : \text{solución}$ , in  $\text{entradas} : \mathbb{Z}$ ) {
  requiere {
     $|\text{examenDark}| = |i.\text{solución}| \wedge$ 
     $\text{entradas} \leq i.\text{accesos\_restantes} \wedge$ 
     $i = i_0$ 
  }
  asegura {
     $(\exists \text{consultantes} : \text{seq}(\text{alumno}))(|\text{consultantes}| \leq \text{entradas} \wedge_L$ 
     $\text{examenCopiado}(i, i_0, \text{examenDark}, \text{consultantes})) \wedge$ 
     $i.\text{estudiantes} = i_0.\text{estudiantes} \wedge i.\text{aula} = i_0.\text{aula} \wedge i.\text{solución} = i_0.\text{solución} \wedge$ 
     $i.\text{accesos\_restantes} = i_0.\text{accesos\_restantes} - \text{entradas}$ 
  }
}

```

```

pred examenCopiado( $i : \text{EdR}$ ,  $i_0 : \text{EdR}$ ,  $\text{solDark} : \text{solución}$ ,  $\text{est} : \text{seq}(\text{alumno})$ ) {
   $(\forall a : \text{alumno})(a \in \text{est} \wedge a \in i_0.\text{estudiantes} \rightarrow_L i.\text{exámenes}[a] = \text{solDark}) \wedge (\forall b : \text{alumno})(b \notin \text{est} \wedge b \in i_0.\text{estudiantes} \rightarrow_L i.\text{exámenes}[b] = i_0.\text{exámenes}[b])$ 
}

```

```

proc resolver( $i : \text{EdR}$ , in  $a : \text{alumno}$ , in  $\text{pasos} : \text{seq}(\text{solución})$ ) :  $\text{seq}(\text{solución})$  {
  requiere {  $\text{existenciaEnAula}(i.\text{aula}, a) \wedge i.\text{exámenes}[a] = \langle \rangle \wedge i = i_0 \wedge$ 
   $\text{pasosValidos}(\text{pasos}, i.\text{solucion})$  }
  asegura {
     $|\text{res}| = |\text{pasos}| + 1 \wedge_L (\exists ejAux : \text{struct} \langle ej : \mathbb{Z}, rta : \mathbb{Z} \rangle)$ 
     $(\text{actualizarExámenes}(i, i_0, a, \text{pasos}, \text{res}, ejAux)) \wedge$ 
     $i.\text{estudiantes} = i_0.\text{estudiantes} \wedge i.\text{aula} = i_0.\text{aula} \wedge i.\text{solución} = i_0.\text{solución} \wedge$ 
     $i.\text{accesos\_restantes} = i_0.\text{accesos\_restantes}$ 
  }
}

```

```

pred actualizarExámenes( $i : \text{EdR}$ ,  $i_0 : \text{EdR}$ ,  $a : \text{alumno}$ ,  $\text{pasos} : \text{seq}(\text{solución})$ ,  $\text{res} : \text{seq}(\text{solución})$ ,  $ejAux : \langle ej : \mathbb{Z}, rta : \mathbb{Z} \rangle$ ) {
   $\text{ejercicioValido}(i.\text{solución}, ejAux, \text{pasos}) \wedge \text{secuenciaFinal}(\text{pasos}, \text{res}, ejAux) \wedge$ 
   $\text{verificarExámenes}(i.\text{exámenes}, i_0.\text{exámenes}, a, \text{res})$ 
}
pred pasosVálidos( $\text{pasos} : \text{seq}(\text{solución})$ ,  $\text{sol} : \text{solución}$ ) {
   $(1 \leq |\text{pasos}| \leq |\text{sol}| + 1 \wedge_L \text{pasos}[0] = \langle \rangle) \wedge (\forall k : \mathbb{Z})(0 \leq k < |\text{pasos}| - 1 \rightarrow_L (\forall j : \mathbb{Z})(0 \leq j < |\text{pasos}[k]| \rightarrow \text{pasos}[k][j] \in \text{pasos}[k + 1]))$ 
}
pred ejercicioVálido( $s : \text{solución}$ ,  $\text{resp} : \langle ej : \mathbb{Z}, rta : \mathbb{Z} \rangle$ ,  $\text{procesos} : \text{seq}(\text{solución})$ ) {
   $(\exists k : \mathbb{Z})(0 \leq k < |s| \wedge s[k].ej = \text{resp}.ej) \wedge (\neg \exists j : \mathbb{Z})(0 \leq j < |\text{proceso}|[|\text{proceso}| - 1]| \wedge \text{proceso}[|\text{proceso}| - 1][j].ej = \text{resp}.ej))$ 
}

```

```

pred secuenciaFinal(entrada : seq⟨solución⟩, salida : seq⟨solución⟩, ad : ⟨ej : ℤ, rta : ℤ⟩) {
  (∀i : ℤ)(0 ≤ i < |entrada| →L salida[i] = entrada[i]) ∧ salida[|salida| - 1] =
  salida[|entrada| - 1] + + < ad.ej, ad.rta >
}
pred verificarExámenes(exs : dict⟨alumno, solución⟩, exs0 : dict⟨alumno, solución⟩, a :
alumno, salida : seq⟨solución⟩) {
  (∀c ∈ exs0)(c ≠ a →L exs[c] = exs0[c]) ∧ exs[a] = salida[|salida| - 1]
}

proc entregar(inout i : EdR, in a : alumno) {
  requiere { existenciaEnAula(i.aula, a) ∧ i = i0 }
  asegura { i.estudiantes = i0.estudiantes ∧ i.solucion = i0.solucion ∧ i.exámenes =
i0.exámenes ∧ i.accesos_restantes = i0.accesos_restantes }
}
pred quitarEstudiante(salón : aula, a : alumno) {
  |res| = |salón| ∧L (alumnoRemovido(salón, a, res) ∧ restoPresente(salón, a, res))
}
pred alumnoRemovido(salón : aula, a : alumno, res : aula) {
  (∀fila : ℤ)(0 ≤ fila < |salón| →L (∀col : ℤ)(0 ≤ col < |salón[fila]| →L (salón[fila][col].alumno =
a →L (res[fila][col].alumno = a ∧ res[fila][col].presente = false))))
}
pred restoPresente(salón : aula, a : alumno, res : aula) {
  (∀fila : ℤ)(0 ≤ fila < |salón| →L (∀col : ℤ)(0 ≤ col < |salón[fila]| →L (salón[fila][col].alumno ≠
a →L (res[fila][col] ∧ salón[fila][col]))))
}

proc chequearCopias(in i : EdR) : estudiantes {
  requiere { aulaVacía(i.aula, i.estudiantes) }
  asegura { (∀est ∈ i.estudiantes)(est ∈ res ↔ examenRepetido(est, i) ∧ vesSospechoso(est, i)) }
}
pred examenRepetido(a : alumno, i : EdR) {
  (∃alumnado : seq⟨alumno⟩)((|alumnado| ≥ |i.estudiantes|/4 ∧ a ∈ alumnado) ∧L
(∀b ∈ alumnado)(mismaSolución(i.exámenes[a], i.exámenes[b])))
}
pred aulaVacía(salón : aula, i : EdR) {
  (∀a : alumno)(a ∈ i.estudiantes →L ¬existenciaEnAula(salón, a))
}
pred esSospechoso(a : alumno, i : EdR) {
  (∃e ∈ i.estudiantes)(a ≠ e ∧L (sonCercanos(sacarPosición(i.aula, a), sacarPosición(i.aula, e)) ∧
respuestasIguales(i.exámenes[a], i.exámenes[e]) ≥ 0,6 * |i.solución|))
}

```

```

proc corregir(in i : EdR) : seq⟨struct < a : alumno, n : ℝ >⟩ {
  requiere { aulaVacía(i.aula, i.estudiantes) }
  asegura { (∀ alumno ∈ i.estudiante)(esSospechoso(alumno, i) →L ¬recibiraNota(alumno, i, res)) }
  asegura { (∀ alumno ∈ i.estudiante)(¬esSospechoso(alumno, i) →L recibiraNota(alumno, i, res)) }
}
pred recibiraNota(a : alumno, i : Edr, corregidos : seq⟨struct < a : alumno, n : ℝ >⟩)
{
  (∃ k : ℤ, n : ℝ)(0 ≤ k < |corregidos| ∧L corregidos[k].a = a ∧
  verificarNota(a, corregidos, i.solución, i.exámenes[a]))
}
pred verificarNota(a : alumno, res : seq⟨struct < a : alumno, n : ℝ >, s : solución, p :
solución⟩) {
  (∃ j : ℤ)(0 ≤ j < |res| ∧L res[j].a = a ∧ respuestasIguales(s, p) / |s|)
}

```