

## **1.** Definición de base.

2. **Demuestre:** Si  $B = \{ v_1, v_2, \dots, v_n \}$  es una base de un EV  $V$ , entonces todo vector en  $V$  puede escribirse de una y sólo de una forma como CL de vectores de  $B$ .

3. **Demuestre:** Si  $B = \{ v_1, v_2, \dots, v_n \}$  es una base de un EV  $V$ , entonces todo conjunto que contiene más de  $n$  vectores en  $V$  es LD.

4. **Demuestre:** Si un EV tiene una base con  $n$  vectores, entonces toda base de  $V$  tiene  $n$  vectores.

5. **Defina:** Dimension de un espacio vectorial.

6. **Defina:** Vector coordenadas.

**7. Defina:** Transformación lineal.

8. ¿Por qué se dice que una transformación lineal conserva operaciones?



9. Sean  $V$  y  $W$  EV,  $T : V \rightarrow W$  una TL y  $u, v \in V$ . Entonces, valen las siguientes propiedades:

1.  $T(0) = 0$

2.  $T(-v) = -T(v)$

3.  $T(u - v) = T(u) - T(v)$

4. Si  $v = c_1v_1 + c_2v_2 + \dots + c_nv_n$ , entonces:

$$T(v) = c_1T(v_1) + c_2T(v_2) + \dots + c_nT(v_n)$$

**10. Defina:** Núcleo de una transformación lineal.

**11. Defina:** Imagen de una transformación lineal.

**12. Demuestre:** El kernel de la transformación lineal  $T : V \rightarrow W$  es un subespacio del dominio  $V$ .

- 13. Corolario:** Sea  $T : \mathbf{R}^n \rightarrow \mathbf{R}^m$  la transformación lineal definida por  $T(x) = Ax$ . Entonces el kernel de  $T$  es igual al espacio solución del SEL  $Ax = 0$ .

**14. Demuestre:** La imagen de una transformación lineal  $T : V \rightarrow W$  es un subespacio de  $W$ .

**15. Defina:** Rango y nulidad de una transformación lineal.

**16. Enuncie** el teorema de la dimensión.



**17. Defina:** Cambio de base.

**18.** Si  $\mathbf{P}$  es la matriz de transición de una base  $\mathbf{B}$  a una base  $\mathbf{B}'$ , entonces  $\mathbf{P}$  es invertible y la matriz de transición de  $\mathbf{B}'$  a  $\mathbf{B}$  está dada por  $\mathbf{P}^{-1}$ .

**19. Defina:** Semejanza de matrices.

**20. Demuestre:** Sean  $A$ ,  $B$  y  $C$  matrices cuadradas de orden  $n$ , entonces:

1.  $A$  es semejante a  $A$ .
2. Si  $A$  es semejante a  $B$ , entonces  $B$  es semejante a  $A$ .
3. Si  $A$  es semejante a  $B$  y  $B$  es semejante a  $C$ , entonces  $A$  es semejante a  $C$ .