Tarea 1

Ejercicio

Demostrár por inducción la siguiente fórmula

$$\sum_{j=1}^{n} (4j-1) = n(2n+1), \ n \in \mathbb{N}.$$

Debés hacer una demostración por inducción mostrando detalladamente cada paso.

$$\int e \partial R(n) = \sum_{j=1}^{n} (4j-1) = n(2n+1)^{n}$$

Paso 1: Caso base

Vernor si R(1) se conole:

$$\sum_{j=1}^{1} (4j-1) = 1(2.1+1)$$

$$-1 = 3$$

 $3 = 3 \Rightarrow P(1)$ es verdodero

Paso 2: Hipótesis Inductiva

Suponsomos que para cierto K E IN se comple P(K)

.. Si P(k) es vandadera > P(k+1) también lo es.

$$\sum_{j=1}^{k+1} (4j-1) = \sum_{j=1}^{k} (4j-1) + (4.(k+1)-1)$$
def. recursive de sonstorie
$$h: potesis inductive$$

$$(K+1)(2\cdot(K+1)+1) = K(2\cdot K+1) + (4K+4-1)$$

$$(K+1)\cdot(2K+2+1) = 2K^{2}+K + 4K+3$$

$$(K+1)\cdot(2K+3) = 2K^{2}+5K+3$$

$$2K^{2}+3K+2K+3 = 2K^{2}+5K+3$$

$$2k^{2}+5k+3 = 2k^{2}+5k+3 => P(k+1)$$
 es verdodera

.. por principio de inducción quedo demostrado que P(K) se comple pera todo Kel.