

10. Escribí el tipo de los siguientes operadores y funciones:  $(*, /, ^2, \le, \ge, =)$  ¿Cuál es el tipo de esos mismos operadores en haskell? ¿Qué sucede con el operador -?

Como ejemplo presentamos el caso del operador +. Este operador toma dos números y devuelve otro número. Podemos escribir su tipo en notaci'on funcional listando el tipo de los parámetros y a continuaci\'on el tipo resultado:

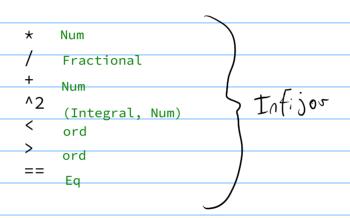
$$+: Num \rightarrow Num \rightarrow Num$$

Otra forma de escribir el tipo de este operador, útil para armar el árbol de tipado de una expresión, es en notación de árbol:

$$\frac{Num + Num}{Num}$$

En haskell el operador (+) tiene el mismo tipo. En ghci podemos corroborarlo de la siguiente manera:

Esta respuesta se interpreta de la siguiente manera. El tipo del operador (+) es lo que está a la derecha de  $\Rightarrow$ , es decir  $a \to a \to a$ , donde la variable a indica cualquier tipo. Por otro lado, lo que está a la izquierda de  $\Rightarrow$  nos indica que el tipo a es un subtipo de Num, es decir, Nat, Int.



– num Prefijo

## 11. Simplificá las siguientes expresiones

(a) 
$$70*47/(3+2)$$
 (c)  $2*x+y=1+2*y$  70 \* 47 /(5) 3290 / 5 658 (b)  $(3+1)*10=25$  (c)  $40=25$ 

False

12. Lo que sucede con la ultima es que tira un error ya que las variables de la expresion no están definidas.

- 13. En las siguientes definiciones identificá las variables, las constantes y el nombre de la función
  - (a) f.x = 5 \* x nombre: f, constantes: 5, variables: x
  - (b)  $\operatorname{duplica}.a \doteq a + a$  nombre: duplica, constantes: N/A, variable: a
  - (c) por2. $y \doteq 2 * y$  nombre: por2, contante: 2, variable: y
  - (d) multiplicar. $zz.tt \doteq zz*tt$  nombre: multiplicar, constante: N/A, variables: zz, tt
  - 14. Escribí una función que dados dos valores, calcule su promedio.

promedio 
$$x y = (x + y) / 2$$

- Tomando las definiciones del punto 13 evaluá las siguientes expresiones. Justificá cada paso utilizando la notación aprendida. Luego, controlá los resultados en Haskell.
  - (a) (multiplicar.(f.5).2) + 1
  - (b) por2.(duplica.(3+5))
    - (a) (multiplicar.(f.5).2) + 1

(multiplicar (5\*5) 2) + 1

$$(25 * 2) + 1$$

50 + 1

51

- (a) f.x = 5 \* x
- (b) duplica. $a \doteq a + a$
- (c) por2. $y \doteq 2 * y$
- (d) multiplicar. $zz.tt \doteq zz * tt$

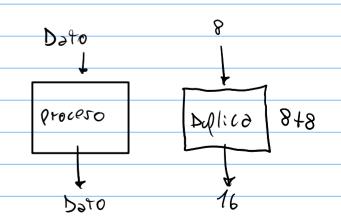
(b) por2.(duplica.(3+5))

por2 (duplica 8)

por2 (8 + 8)

por2 16

2 \* 16



## Bonus

$$A = \left\{ x \in N \mid x^2 > 50 \right\}$$

lista  $xs = [x|x <- xs, x^2 > 50]$