EXERCICE 11

quelles que soient les propositions P Q R, $((P \land (Q \lor R)) \Leftrightarrow ((P \land Q) \lor (P \land R)))$

Devoir1

Ali Lazrak - 23109

```
Montrons(P \land (Q \lor R)) \Leftrightarrow ((P \land Q) \lor (P \land R)) (1)
(\Leftrightarrow I)
       Supposons que P \land (Q \lor R) (h1)
       Montrons (\mathbf{P} \wedge \mathbf{Q}) \vee (\mathbf{P} \wedge \mathbf{R}) (2)
       (VE)
              Montrons \mathbf{Q} \vee \mathbf{R} (3)
              (\Lambda Ed)
                     Montrons \mathbf{P} \wedge (\mathbf{Q} \vee \mathbf{R}) (4)
                     d'après (h1)
              Supposons que Q (h2)
              Montrons (\mathbf{P} \wedge \mathbf{Q}) \vee (\mathbf{P} \wedge \mathbf{R}) (5)
              (VIg)
                     Montrons P \wedge Q (6)
                     (\Lambda I)
                            Montrons P (7)
                            (\Lambda Eg)
                                   Montrons P \land (Q \lor R) (8)
                                   d'après (h1)
                            Montrons Q (9)
                            d'après (h2)
              Supposons que R (h3)
              Montrons (\mathbf{P} \wedge \mathbf{Q}) \vee (\mathbf{P} \wedge \mathbf{R}) (10)
              (VId)
                     Montrons \mathbf{P} \wedge \mathbf{R} (11)
                     (\Lambda I)
                            Montrons P (12)
                            (\Lambda Eg)
```

```
1110111101111 1 11 (V 1 11) (13)
                          d'après (h1)
                    Montrons R (14)
                    d'après (h3)
Supposons que ( P\ \land Q ) \lor ( P\ \land R ) \ (\mbox{h4})
Montrons \mathbf{P} \wedge (\mathbf{Q} \vee \mathbf{R}) (15)
(VE)
      Montrons ( \mathbf{P} \wedge \mathbf{Q} ) \vee ( \mathbf{P} \wedge \mathbf{R} ) (16)
      d'après (h4)
       Supposons que P \land Q (h5)
      Montrons \mathbf{P} \wedge (\mathbf{Q} \vee \mathbf{R}) (17)
      (\Lambda I)
             Montrons P (18)
             (\Lambda Eg)
                    Montrons \mathbf{P} \wedge \mathbf{Q} (19)
                   d'après (h5)
             Montrons Q \vee R (20)
             (VIg)
                    Montrons Q (21)
                    (\Lambda Ed)
                          Montrons P \wedge Q (22)
                          d'après (h5)
       Supposons que P \land R (h6)
      Montrons \mathbf{P} \wedge (\mathbf{Q} \vee \mathbf{R}) (23)
      (\Lambda I)
             Montrons P (24)
             (\Lambda Eg)
                    Montrons \mathbf{P} \wedge \mathbf{R} (25)
                   d'après (h6)
             Montrons Q \vee R (26)
             (VId)
                    Montrons R (27)
```