**EXERCICE 1** Ali Lazrak - 18061

Devoir 2 (Preuves avec Edukera - quantificateurs)

quels que soient les prédicats A B,  $((\exists y, A(y)) \lor (\exists z, B(z))) \Rightarrow \exists x, (A(x) \lor B(x))$ 

```
Supposons que (\exists y, P(y)) \lor (\exists z, Q(z)) (h1)
Montrons \exists x, (P(x) \lor Q(x)) (1)
(VE)
     Montrons (\exists y, P (y)) \lor (\exists z, Q (z)) (2)
    d'après (h1)
    Supposons que \exists y, P (y) (h2)
    Montrons \exists x, (P(x) \lor Q(x)) (3)
    (∃E)
         Montrons \exists y, \mathbf{P} (y) (4)
         d'après (h2)
         Soit l'élément a
         Supposons que P(a) (h3)
         Montrons \exists x, (P(x) \lor Q(x)) (5)
         (∃E)
              Montrons \exists y, P (y) (6)
              d'après (h2)
              Soit l'élément a 0
              Supposons que P(a0) (h4)
              Montrons \exists x, (P(x) \lor Q(x)) (7)
              (\exists I)
                   Montrons P(a0) \lor Q(a0) (8)
                   (VIg)
                       Montrons P (a 0) (9)
                       d'après (h4)
    Supposons que \exists z, Q(z) (h5)
    Montrons \exists x, (P(x) \lor Q(x)) (10)
    (\exists E)
         Montrons \exists z, Q(z) (11)
         d'après (h5)
         Soit l'élément a
         Supposons que Q(a) (h6)
```

```
Montrons \exists x, (P(x) \lor Q(x)) (12)
(∃I)
    Montrons P(a) \lor Q(a) (13)
   (VId)

Montrons Q ( a ) (14)
        d'après (h6)
```