Тема 2.6. Применение булевых функций к релейно-контактным схемам

План: Применение булевых функций к РКС. Некоторые логические элементы микросхем.

Задачи с решениями

Пример 1: Постройте релейно-контактную схему с заданной функцией проводимости:

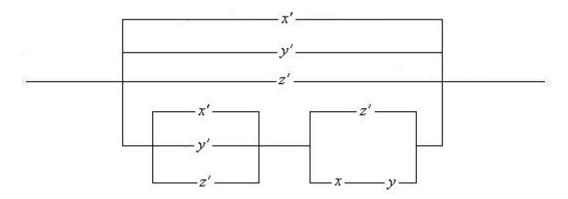
$$(x \rightarrow (y \rightarrow z')) \lor (xy \leftrightarrow z).$$

Решение:

Выразим сначала данную функцию через функции ', ·, ∨, причем так, чтобы знак ' стоял бы лишь на переменных и не стоял на скобках:

$$(x \to (y \to z')) \lor (xy \leftrightarrow z) = (x' \lor (y \to z')) \lor (xy \to z)(z \to xy) =$$
$$= x' \lor y' \lor z' \lor (x' \lor y' \lor z)(z' \lor xy).$$

Соответствующая схема имеет вид



Обратим внимание, что данную схему можно еще упросить: в самом деле, если, например, сработает x', то ток гарантировано сможет пройти сверху и нижняя часть схемы не имеет смысла.

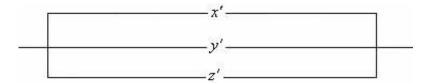
Для упрощения нам проще отталкиваться от полученного выражения:

$$x' \lor y' \lor z' \lor (x' \lor y' \lor z)(z' \lor xy).$$

Воспользуемся формулой $a \lor ab = a$, тогда получим:

$$x' \lor y' \lor z' \lor (x' \lor y' \lor z)(z' \lor xy) = x' \lor y' \lor z',$$

Тогда схема будет иметь вид:



В общем случае, можно построить минимальную ДНФ или КНФ и по ней построить РКС.

Задачи для самостоятельного решения

1. Построить РКС с заданными функциями проводимости:

$$1.1.(xy \lor z' \lor x')(x' \lor y);$$

1.2.
$$xyz \lor yz'(y \lor x')$$
;

1.3.
$$((z \lor xzy'u \lor x'v)xz;$$

1.4.
$$\overline{x}z \rightarrow ((y \downarrow x) \lor (z \downarrow x));$$

1.5.
$$((x+yz) \rightarrow \overline{y} \cdot \overline{x}) \rightarrow (x|y);$$

1.6.
$$(y \lor xu) \lor (u \to \overline{(y \lor z)});$$

1.7.
$$((zyu \rightarrow \overline{x}) \downarrow (xu \lor z)) \lor y;$$

1.8.
$$(\overline{x}u \vee \overline{y})(z \rightarrow \overline{y}) \rightarrow (z \mid y)u$$
;

2. Синтезируйте РКС по заданным условиям работы:

$$2.1. f(0,0,0) = f(1,0,1) = 1;$$

2.2.
$$f(1,1,0) = f(0,0,0) = f(1,0,0) = 1$$
.