# 第6章 计算机的运算方法

- 6.1 无符号数和有符号数
- 6.2 数的定点表示和浮点表示
- 6.3 定点运算
- 6.4 浮点四则运算
- 6.5 算术逻辑单元

# 6.4 浮点四则运算

- 浮点数的加减运算
  - 对阶
  - 尾数求和
  - 规格化
  - 舍入
  - 溢出判断
  - 举例
- 浮点的乘除法运算

**–** .....

# 6.4 浮点四则运算

### 一、浮点加减运算

$$x = S_x \cdot 2^{j_x} \qquad y = S_y \cdot 2^{j_y}$$

#### 1. 对阶

(1) 求阶差

哈尔滨工业大学 刘宏伟

(2) 对阶原则

小阶向大阶看齐

例如 
$$x = 0.1101 \times 2^{01}$$
  $y = (-0.1010) \times 2^{11}$  6.4

$$求 x+y$$

解: 
$$[x]_{\stackrel{?}{\uparrow}} = 00, 01; 00.1101$$
  $[y]_{\stackrel{?}{\uparrow}} = 00, 11; 11.0110$ 

#### 1. 对阶

① 求阶差 
$$[\Delta j]_{\hat{\uparrow}} = [j_x]_{\hat{\uparrow}} - [j_y]_{\hat{\uparrow}} = 00,01$$
  
+ 11,01  
11,10

阶差为负 
$$(-2)$$
  $: S_x \rightarrow 2$   $j_x + 2$ 

② 对阶 
$$[x]_{*k'} = 00, 11; 00.0011$$

#### 2. 尾数求和

$$[S_x]_{\dot{\uparrow}\dot{\uparrow}}$$
 = 00.0011 对阶后的 $[S_x]_{\dot{\uparrow}\dot{\uparrow}}$  +  $[S_y]_{\dot{\uparrow}\dot{\uparrow}}$  = 11.0110   
 11.1001   
 ∴  $[x+y]_{\dot{\uparrow}\dot{\uparrow}}$  = 00, 11; 11. 1001

# 3. 规格化

6.4

(1) 规格化数的定义

$$r=2 \qquad \frac{1}{2} \leq |S| < 1$$

(2) 规格化数的判断

$$S>0$$
 规格化形式  $S<0$  规格化形式 真值  $0.1\times\times\cdots\times$  真值  $-0.1\times\times\cdots\times$  原码  $0.1\times\times\cdots\times$  原码  $1.1\times\times\cdots\times$  补码  $0.1\times\times\cdots\times$  反码  $0.1\times\times\cdots\times$ 

原码 不论正数、负数,第一数位为1

补码 符号位和第一数位不同

$$S = -\frac{1}{2} = -0.100 \cdots 0$$

$$[S]_{\mathbb{R}} = 1.100 \cdots 0$$

$$[S]_{\nmid h} = [1.1] 0 0 \cdots 0$$

 $\therefore \left[-\frac{1}{2}\right]_{\uparrow}$  不是规格化的数

$$S = -1$$

$$[S]_{\nmid h} = [1.0] 0 0 \cdots 0$$

∴ [-1] 是规格化的数

# (3) 左规

6.4

#### 尾数左移一位,阶码减1,直到数符和第一数位不同为止

上例  $[x+y]_{*} = 00, 11; 11.1001$ 

左规后  $[x+y]_{\stackrel{}{\mathbb{A}}} = 00, 10; 11.0010$ 

$$x + y = (-0.1110) \times 2^{10}$$

### (4) 右规

当尾数溢出(>1)时,需右规

即尾数出现 01.×× ···×或 10.×× ···×时

尾数右移一位,阶码加1

例6.27 
$$x = 0.1101 \times 2^{10}$$
  $y = 0.1011 \times 2^{01}$  6.4

解: 
$$[x]_{\uparrow \downarrow} = 00,010;00.110100$$
  $[y]_{\uparrow \downarrow} = 00,001;00.101100$ 

① 对阶

$$[\Delta j]_{\stackrel{?}{\Rightarrow}} = [j_x]_{\stackrel{?}{\Rightarrow}} - [j_y]_{\stackrel{?}{\Rightarrow}} = 00,010 \\ + 11,111 \\ \hline 100,001$$
阶差为 +1  $\therefore S_y \longrightarrow 1, j_y + 1$ 
 $\therefore [y]_{\stackrel{?}{\Rightarrow}} = 00,010; 00.010110$ 

② 尾数求和

$$[S_x]_{\stackrel{}{ ext{$^{\chi}$}}} = 00. \ 110100$$
  $+ [S_y]_{\stackrel{}{ ext{$^{\chi}$}}} = 00. \ 010110$  对阶后的 $[S_y]_{\stackrel{}{ ext{$^{\chi}$}}}$  尾数溢出需右规

③ 右规 6.4

$$[x+y]_{\nmid k} = 00, 010; 01.001010$$

右规后

$$[x+y]_{3} = 00, 011; 00. 100101$$

$$\therefore x+y=0.100101\times 2^{11}$$

## 4. 舍入

在对阶和右规过程中,可能出现尾数末位丢失引起误差,需考虑舍入

- (1) 0 舍 1 入法
- (2) 恒置"1"法

例 6.28 
$$x = (-\frac{5}{8}) \times 2^{-5}$$
  $y = (\frac{7}{8}) \times 2^{-4}$ 

6.4

求 x-y (除阶符、数符外,阶码取 3 位,尾数取 6 位)

解:

$$x = (-0.101000) \times 2^{-101}$$
  $y = (0.111000) \times 2^{-100}$ 

$$y = (0.111000) \times 2^{-100}$$

$$[x]_{3} = 11,011; 11.011000$$
  $[y]_{3} = 11,100; 00.111000$ 

$$[y]_{k} = 11, 100; 00. 111000$$

① 对阶

$$[\Delta j]_{\nmid h} = [j_x]_{\nmid h} - [j_y]_{\nmid h} = 11,011 + 00,100 11,111$$

阶差为 
$$-1$$
 :  $S_x \longrightarrow 1$ ,  $j_x + 1$ 

$$\therefore$$
 [x]<sub>\*|-1</sub> = 11, 100; 11. 101100

### ② 尾数求和

### ③右规

$$[x-y]_{36} = 11, 100; 10. 110100$$

#### 右规后

$$[x-y]_{\nmid h} = 11, 101; 11.011010$$

$$\therefore x - y = (-0.100110) \times 2^{-11}$$
$$= (-\frac{19}{32}) \times 2^{-3}$$

### 5. 溢出判断

6.4

设机器数为补码,尾数为 规格化形式,并假设阶符取 2 位,阶码的数值部分取 7 位,数符取 2 位,尾数取 n 位,则该 补码 在数轴上的表示为

