La théorie du producteur

#### Marianne Tenand

ntroductio

La technologie de production

Ensemble de production et frontière de transformation

Ensemble de production et

frontiere de tra

transformatio

transformation

La fonction de production

Rendements d'echell

L'élasticité de substitution entre facteurs de production

Les contraintes

Les fonctions de couts

Coûts irrécupérables

Le choix des facteurs

Le comportement du producteur

La maximisation du profi

Applications

# La théorie du producteur

Marianne Tenand

Microéconomie 1 - Département d'économie ENS

2016 - 2017

#### ntroduction

La technologie de production

Ensemble de production e frontière de transformation

Ensemble de production et frontière de transformation

La frontière d transformation

Le taux margir

La fonction de produc

Rendements d'échelle

entre facteurs de production

Les contraintes d

Les fonctions de couts Courbes de coûts de cour terme et de long terme Coûts irrécupérables et

Le choix des facteurs

le production

La maximisation du profi

La minimisation

### Plan du cours

- Introduction
- 2 La technologie de production
- 3 Les contraintes de coûts
- 4 Le choix des facteurs de production

#### Introduction

La technologie

Ensemble de production e frontière de transformatio Ensemble de production e frontière de transformation

La frontière d transformation

Le taux mar

La fonction de produ

Rendements d'échelle L'élasticité de substitution entre facteurs de productio

Les contraintes de coûts

Les fonctions de couts Courbes de coûts de cour terme et de long terme Coûts irrécupérables et coûts fixes

Le choix des facteur de production

La maximisation du profi La minimisation du coût

# Questions posées

- La théorie du producteur en microéconomie vise à répondre à certaines questions relatives à la production de biens et de services :
  - Quels biens et services sont nécessaires à la production ?
  - Quelles quantités de biens et de services peuvent être produites à partir d'une quantité donnée d'autres biens et services ?
  - Comment est organisé le processus de production ?
  - Comment produire efficacement ?
    - → En résumé : *que* fait une firme et *comment* le fait-elle?
- En revanche, elle ne répond <u>pas</u> à certaines questions, tout aussi importantes :
  - Qui possède l'entreprise ? Sous quelles formes juridiques ?
  - Qui gère une entreprise au quotidien ?
  - Quelles relations contractuelles unissent les différents acteurs du processus de production ?
    - ightarrow Disciplines complémentaires : gestion, sociologie des organisations, management, etc.

#### Introductio

La technologie

Ensemble de production of frontière de transformation Ensemble de production of frontière de transformation La frontière de

Le taux margin

La fonction de product

L'élasticité de substitution entre facteurs de productio

Les contraintes coûts

Les fonctions de couts Courbes de coûts de court terme et de long terme Coûts irrécupérables et coûts fixes

Le choix des facteurs de production

Le comportemen producteur

La maximisation du profi La minimisation du coût Applications

# Éléments de réponse

- Réponse générale à la question analysée par la théorie du producteur :
  - Une firme produit des biens ou services (les extrants, ou outputs) destinés à être consommés ou utilisés par d'autres entreprises;
  - Pour cela, elle utilise des moyens ou facteurs de production (appelés intrants, ou inputs)
  - Le processus de transformation des inptus en outputs est appelé processus de production
    - Critique adressée à la microéconomie : le processus de production est considéré comme une boîte noire
- De la théorie du producteur (individuel) on dérive l'analyse de l'offre de marché
  - Agrégation de l'offre d'une entreprise, qui résulte d'une décision individuelle
  - Pas nécessairement simple!

### Introduction

La technologie

Ensemble de production e frontière de transformatio Ensemble de production e frontière de transformatio

La frontière o transformatio

transformation

Rendements d'échelle

L'élasticité de substitution entre facteurs de production

### coûts

Les fonctions de couts

Courbes de coûts de cour
terme et de long terme

Coûts irrécupérables et
coûts fixes

### Le choix des facteur de production Le comportement du

La maximisation du p

La minimisation du co Applications

### Motivations concrètes

- Exemple: entreprise Peugeot, secteur automobile:
  - Quel nombre de machines et d'ouvriers le constructeur doit-il prévoir dans les chaînes d'assemblage de son usine ?
  - Est-il efficace de produire la 306 et la 406 dans une même usine, ou vaut-il mieux dédier un site de production à chaque modèle?
  - Si Peugeot décide d'augmenter la production, va-t-elle embaucher davantage de salariés? Installer de nouvelles machines? Ouvrir un nouveau site de production?
  - Quels sont les coûts prévisionnels pour le volume de production cible ? Comment ces coûts sont-ils susceptibles d'évoluer, notamment avec l'évolution du volume de production ?
    - Autre question cruciale : comment Peugeot va choisir ces lieux de production? → question relevant de l'économie géographique et de la théorie du commerce international
- Questions qui s'appliquent à toute entité qui produit des biens et des services:
  - Administrations publiques
  - Organismes à but non lucratif
  - Ménages (ouputs : production domestique, enfants, etc.)

### Introduction

### La technologie

Ensemble de production e frontière de transformatio Ensemble de production e frontière de transformatio

La frontière de transformation

transformation

Rendements d'échelle

entre facteurs de production

### Les contraintes c

Les fonctions de couts Courbes de coûts de cour terme et de long terme Coûts irrécupérables et coûts fixes

# de production

Le comportement du

La maximisation du profi La minimisation du coût

# Hypothèses de travail

Dans l'analyse néoclassique, l'entrepreneur peut être vu comme le symétrique du consommateur

- Le producteur est supposé rationnel avec un comportement de maximisation sous contrainte définissant sa position d'équilibre (→ programme de production optimale)
- Sa fonction objectif est le profit
- La maximisation du profit est soumise, entre autres, à une contrainte technique, appelée fonction de production

#### ntroductio

La technologie de production

Ensemble de production e frontière de transformatio

Ensemble de production et

La frontière de transformation

Le taux margina

La fonction de product

Rendements d'échelle

L'élasticité de substitution entre facteurs de production

Les contraintes

Les fonctions de couts Courbes de coûts de court terme et de long terme

Coûts irrécupérables et coûts fixes

Le choix des facteurs

de production

La maximisation du prof

La minimisation du coût

Applications

### Plan du cours

- Introduction
- 2 La technologie de production
- 3 Les contraintes de coûts
- 4 Le choix des facteurs de production

Introduction

### La technologie de production

Ensemble de production e frontière de transformation

Ensemble de production et

La frontière de transformation

Le taux marginal de transformation

La fonction de produc

L'élasticité de substitution

entre facteurs de production

### Les contraintes d

Les fonctions de couts Courbes de coûts de cour terme et de long terme

coûts fixes

### Le choix des facteurs

Le comportement du

La maximisation du prof

Applications

### Plan du cours

- Introduction
- 2 La technologie de production
- 3 Les contraintes de coûts
- 4 Le choix des facteurs de production

La théorie du producteur

Marianne Tenand

Introduction

La technologie production

Ensemble de production et frontière de transformation Ensemble de production et frontière de transformation

transformation

transformation

Rendements d'échelle

L'élasticité de substitution entre facteurs de production

coûts
Les fonctions de couts

Courbes de coûts de cou terme et de long terme Coûts irrécupérables et coûts fixes

Le choix des facteur de production

Le comportement du producteur

La maximisation du prof La minimisation du coût

## Vecteurs de production

On s'intéresse à une économie à *n* biens.

- **Def**: On appelle **vecteur de production** (ou vecteur intrant-extrant, vecteur input-output) le vecteur  $(y_1,...,y_n) \in \mathbb{R}^n$  qui décrit l'output <u>net</u> résultant d'un processus de production donné.
  - Lorsque y<sub>j</sub> est positif: le j-ème bien est un output, c'est-à-dire qu'il est produit par le processus de production que l'on étudie
  - Lorsque y<sub>j</sub> est négatif: le bien en question est consommé dans le processus de production: c'est un moyen ou facteur de production
- Les inputs peuvent se ranger en trois catégories :
  - Les consommations intermédiaires
  - Le facteur capital
  - Le facteur travail (→ analyse de la demande de travail)

# L'ensemble de production

La technologie de

Ensemble de production et frontière de transformation

Ensemble de production et frontière de transformation

transformation

Le taux marginal of transformation

La fonction de product Rendements d'échelle

L'élasticité de substitution entre facteurs de production

Les contraintes de coûts

Les fonctions de couts

Courbes de coûts de court
terme et de long terme

Coûts irrécupérables et
coûts fixes

Le choix des facteurs de production

producteur La maximisation du pro

La maximisation du profit La minimisation du coût Applications

- Pour une firme donnée, dans l'économie considérée, il n'est pas possible de réaliser n'importe quel vecteur de production
  - Contraintes techniques
  - Dans la réalité, également des contraintes juridiques, institutionnelles, des normes sociales, etc.
- Def: Pour une firme donnée, l'ensemble des vecteurs de production réalisables correspond à l'ensemble de production, que l'on note Y ⊂ R<sup>n</sup>.
  - Tout  $y \in Y$  est réalisable, et tout  $y \notin Y$  n'est pas réalisable
  - Pourquoi un vecteur appartenant à l'ensemble  $\mathbb{R}^{+n}_0 = \{y \in \mathbb{R}^n : y > 0\}$  n'est pas réalisable ?

La théorie du producteur

Marianne Tenand

La technologie

Ensemble de production e frontière de transformation

Ensemble de production et frontière de transformation

La frontière transformati

Le taux marginal transformation

Rendements d'échelle

L'élasticité de substitution
entre facteurs de production

Les contraintes coûts

Les fonctions de couts

Courbes de coûts de cour
terme et de long terme

Coûts irrécupérables et
coûts fixes

Le choix des facteu de production

Le comportement du producteur

La maximisation du pro La minimisation du coû Applications

# L'ensemble de production : propriétés

Soit *Y* l'ensemble de production associé à une entreprise. Alors les propriétés suivantes *peuvent* être vérifiées :

- L'ensemble de production est non-vide :  $Y \neq \{\emptyset\}$
- Il est toujours possible de ne rien produire et de ne consommer aucun intrant : 0 ∈ Y
- On ne peut pas produire sans moyen de production :  $\mathbb{R}_0^{+n} \notin Y$
- Si deux vecteurs de production sont réalisables, alors leur somme est également réalisable (si **additivité** au niveau d'une firme ou **libre entrée** au niveau de l'industrie) :

$$y \in Y, y' \in Y \Rightarrow y + y' \in Y$$

 On peut toujours produire moins des mêmes outputs en utilisant plus des mêmes facteurs de production :

$$y \in Y, y' \le y \Rightarrow y' \in Y$$

- Y est un ensemble convexe
- Y est une ensemble fermé (il comprend sa frontière)

<u>Attention</u>: Ces propriétés sont souvent respectées, mais ne le sont pas toutes nécessairement (selon les hypothèses)

Introduction

La technologie

Ensemble de production et frontière de transformation Ensemble de production et

#### La frontière de transformation

Le taux marginal transformation

La fonction de prod

L'élasticité de substitution

### Les contraintes c coûts

Les fonctions de couts

Courbes de coûts de cour
terme et de long terme

Coûts irrécupérables et

Le choix des facteur de production

La maximisation du pro

La minimisation du coût Applications

### La frontière de transformation

• **Def** : On appelle la **fonction de transformation** la fonction  $F: y \mapsto \mathbb{R}$  telle que :

$$Y = \{ y \in \mathbb{R}^n : F(y) \le 0 \}$$

 Def : On appelle frontière de transformation (FT) l'ensemble des vecteurs de productions "à la frontière" de l'ensemble de production :

$$E = \{ y \in \mathbb{R}^n : F(y) = 0 \}$$

- La FT correspond à l'ensemble des points pour lesquels il n'est pas possible d'accroître un output sans accroître simultanément un input ou diminuer simultanément un ou plusieurs autres outputs;
- La FT peut aussi se voir comme l'ensemble des points pour lesquels il n'est pas possible de réduire un input sans diminuer dans le même temps un ou plusieurs outputs, ou accroître au autre input.
- NB: on raisonne à processus ou technologie de production donné(e)

### L'efficience

La technologie d

Ensemble de production et frontière de transformation Ensemble de production et frontière de transformation

#### La frontière de transformation

Le taux marginal d transformation

La fonction de production Rendements d'échelle

L'élasticité de substitution entre facteurs de production

Les contraintes d coûts

Les fonctions de couts Courbes de coûts de court terme et de long terme Coûts irrécupérables et coûts fixes

Le choix des facteu de production

Le comportement du producteur

La maximisation du profit La minimisation du coût

- **Def**: On dit que le vecteur de production  $y' \in Y$  est **efficient** si et seulement s'il appartient à la frontière de transformation.
  - On peut noter E l'ensemble des vecteurs de production efficients (au vu du processus de production donné)
  - Logiquement, E désigne également la frontière de trasnformation

Illustration



La théorie du producteur

### Marianne Tenand

ntroduction

La technologie de

Ensemble de production et frontière de transformation

Ensemble de production et

#### La frontière de transformation

Le taux marginal o

Rendements d'échelle

L'élasticité de substitution entre facteurs de production

Les contraintes

Les fonctions de couts Courbes de coûts de co

Coûts irrécupérabl

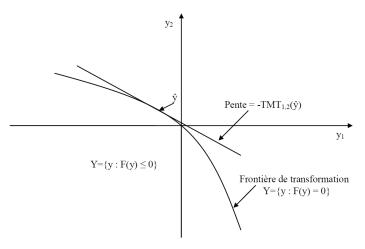
Le choix des facteurs

Le comportement du

La maximisation du profit

Applications

Figure 1: Ensemble de production et frontière de transformation



Source: Mathias Lé (2013), Fondements de théorie microéconomique

Ensemble de production e frontière de transformatio Ensemble de production e frontière de transformatio

La frontière de transformation

### Le taux marginal de transformation

Rendements d'échelle
L'élasticité de substitution
entre facteurs de productio

Les contraintes coûts

Les fonctions de couts Courbes de coûts de cour terme et de long terme Coûts irrécupérables et coûts fixes

Le choix des facteu de production

Le comportement du producteur La maximisation du profit La minimisation du coût

Applications

# Le taux marginal de transformation

Def: Si F(.) est différentiable, et si le vecteur ȳ se situe sur la frontière de transformation (ȳ ∈ E) alors, pour toute paire de biens i et j̄, on appelle taux marginal de transformation (TMT) du bien i par le bien j̄ évalué en ȳ le ratio :

$$TMT_{i,j}(\overline{y}) = \frac{\frac{\partial F(\overline{y})}{\partial y_i}}{\frac{\partial F(\overline{y})}{\partial y_j}}$$

- Le TMT indique de combien il est possible d'augmenter l'ouput <u>net</u> du bien j si on réduit l'output <u>net</u> du bien i tout en restant sur la frontière de transformation
- Pour le voir, on peut utiliser la différentielle totale de la fonction F(.), évaluée en  $\overline{y}$ :

$$\frac{\partial F(\overline{y})}{\partial y_i}\mathrm{d}y_i + \frac{\partial F(\overline{y})}{\partial y_j}\mathrm{d}y_j = \mathrm{d}F(\overline{y}) = 0$$

• Analogie avec le TMS de la théorie du consommateur : le TMT se lit comme l'inverse de la pente de la tangente à la frontière de transformation (au point  $\overline{y}$ )

### La technologie d

production

Ensemble de production et frontière de transformation

frontière de transformation Ensemble de production et frontière de transformation

transformatio

Le taux marg

### La fonction de production

L'élasticité de substitution entre facteurs de productio

coûts

Les fonctions de couts

Courbes de coûts de court
terme et de long terme

Coûts irrécupérables et
coûts fixes

Le choix des facteur de production

Le comportement du producteur

La maximisation du profit La minimisation du coût Applications

## Quelques simplifications

- Analogie avec théorie du consommateur : pas parfaite !
  - Programme du consommateur : fonction  $U: \mathbb{R}^{+n} \to \mathbb{R}^+$
  - Programme du producteur : fonction  $F: \mathbb{R}^m \to \mathbb{R}^m$
- Pour une meilleure lisibilité, on préfère distinguer les outputs des inputs
  - Soit  $q=(q_1,...,q_m)$  avec  $q\geq 0$  le vecteur des m outputs du processus de production
  - Soit  $z = (z_1, ..., z_{n-m})$  avec  $z \ge 0$  le vecteur des n-m facteurs de production utilisés dans le processus de production

$$\rightarrow$$
 on peut réécrire :  $y = (-z_1, ..., -z_{n-m}, q_1, ..., q_n)$ 

# La fonction de production

La technologie

Ensemble de production et frontière de transformation Ensemble de production et frontière de transformation La frontière de

transformatio

La fonction de production

Rendements d'échelle

L'élasticité de substitution entre facteurs de production

coûts

Les fonctions de couts Courbes de coûts de court terme et de long terme Coûts irrécupérables et coûts fixes

Le choix des facteurs de production

producteur La maximisation du pro

La minimisation du coûr Applications  Simplification : on considère généralement le cas où il y a un seul output

•  $m=1 \implies q \in \mathbb{R}^+$ 

- **Def**: La fonction  $f: \mathbb{R}^{(n-1)+} \mapsto \mathbb{R}^+$  définie par f(z) = q est appelée la **fonction de production** de l'entreprise.
  - Elle indique la *quantité maximale* que l'entreprise peut produire en utilisant ses (n-1) inputs en quantités  $(z_1,...,z_{n-1})$ .
  - La fonction de production décrit la manière dont peuvent être combinés les différents inputs pour donner un niveau de production q
    - Pour arriver à un certain niveau de production, plusieurs manières possibles (on peut utiliser +/- de travail, de capital, etc.)
  - La fonction de production permet également de caractériser la frontière de transformation de l'ensemble Y

### La fonction de production

# Le TMST

• Def : On définit le Taux marginal de substitution technique (TMST) de l'input i par l'input j évalué au point  $\overline{z}$  comme:

$$TMST_{i,j}(\overline{z}) = -\frac{\mathrm{d}z_j}{\mathrm{d}z_i} \quad \bigg|_{f(\overline{z}) = \overline{q}} = \frac{\frac{\partial f(\overline{z})}{\partial z_i}}{\frac{\partial f(\overline{z})}{\partial z_j}}$$

- Le TMST indique la quantité d'input j supplémentaire qui doit être utilisée pour garder le niveau d'ouptut constant au niveau  $\overline{q} = f(\overline{z})$  lorsque la quantité d'input i est réduite
  - Pouvez-vous le retrouver avec la différentielle de la fonction de production?
- Le TMST : un cas particulier du TMT
- le TMST traduit la notion de la **substituabilité** des facteurs
  - Cette idée n'est pas présente à l'origine dans la théorie du producteur (Walras parlait de "coefficients de fabrication" fixes)
  - Puis **loi des rendements décroissants** par les néoclassiques

Ensemble de production et frontière de transformation Ensemble de production et frontière de transformation

transformation

Le taux mar

### La fonction de production

### Rendements d'échelle

L'élasticité de substitution entre facteurs de production

Les contraintes

Les fonctions de couts Courbes de coûts de cour terme et de long terme Coûts irrécupérables et coûts fixes

Le choix des facteur de production

Le comportement du

La maximisation du profit La minimisation du coût Applications • **Def** : on appelle **isoquante** de **niveau** *q* l'ensemble des inputs tel que le vecteur de production associé au niveau de production *q* appartient à l'ensemble de production:

$$I(q) = \{z \in \mathbb{R}^{(n-1)+} : f(z) = q\}$$

- L'isoquante de niveau q décrit toutes les combinaisons d'inputs permettant de produire une quantité donnée d'output de manière efficace
  - Analogie avec la courbe d'indifférence de niveau u
  - Lien entre TM(S)T et pente de l'isoquante?



La théorie du producteur

### Marianne Tenand

Introductio

La technologie d

Ensemble de production et frontière de transformation Ensemble de production et

La frontière de

Le taux marginal o

transformation

### La fonction de production

L'élasticité de substitution entre facteurs de production

Les contraintes coûts

Les fonctions de couts

Courbes de coûts de couterme et de long terme

Coûts irrécupérables et

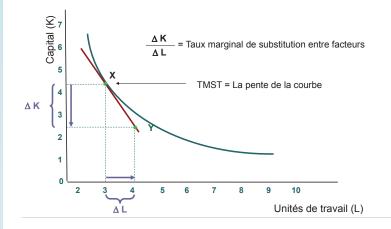
Le choix des facteur

Le comportement du producteur

La maximisation du coût

Applications

Figure 2: Isoquantes et TMST associés à une fonction de production à deux inputs et un input



Source · Cours donné à l'IEP Paris

Ensemble de production et frontière de transformation Ensemble de production et

La frontière d

Le taux marginal (

### La fonction de production

L'élasticité de substitution entre facteurs de productio

Les contraintes d coûts

Les fonctions de couts Courbes de coûts de cour terme et de long terme Coûts irrécupérables et coûts fixes

Le choix des facteur de production

Le comportement o

La maximisation du profit La minimisation du coût  Def : On définit la productivité moyenne par rapport à l'input i évaluée au point \( \overline{z} \) comme :

$$PM_i = \frac{f(\overline{z})}{\overline{z_i}} = \frac{\overline{q}}{\overline{z_i}}$$

- La PM<sub>i</sub> mesure la quantité d'output q produite par unité de d'input z<sub>i</sub>
- Ex : productivité moyenne du travail
- Def : On définit productivité marginale de l'input i évaluée au point z̄ comme :

$$Pm_i = \frac{\partial f(\overline{z})}{\partial z_i}$$

- La Pm<sub>i</sub> mesure le supplément d'output q induit par l'utilisation d'une unité supplémentaire d'ouput i, sans que ne soient modifiées les quantités des autres inputs
- Ex : productivité marginale du travail

Ensemble de production et frontière de transformation Ensemble de production et frontière de transformation

La frontière d transformatio

Le taux marginal transformation

#### La fonction de production

L'élasticité de substitution entre facteurs de production

Les contraintes de coûts

Les fonctions de couts Courbes de coûts de cour terme et de long terme Coûts irrécupérables et coûts fixes

Le choix des facteur de production

Le comportement du producteur

La maximisation du profit La minimisation du coût  Hypothèse classique : la productivité marginale des facteurs de production est décroissante

$$\frac{\partial^2 f(\overline{z})}{\partial z_i^2} < 0$$

- Loi des rendements marginaux décroissants
  - Application au XVIIème siècle : l'augmentation de la quantité de travail employé sur un lopin de terre donné produit des incréments de récolte de plus en plus faibles
  - En diminuant, la productivité marginale du travail finit par faire diminuer la productivité moyenne du travail, soit la quantité de denrées produites par travailleur
  - Pensée malthuséenne : famine inéluctable

Introduction

La technologie production

Ensemble de production et frontière de transformation Ensemble de production et frontière de transformation

La frontière de transformation

Le taux marginal transformation

### La fonction de production

### Rendements d'échelle

L'élasticité de substitution entre facteurs de production

Les contraintes (

Les fonctions de couts
Courbes de coûts de court
terme et de long terme

coûts fixes

Le choix des facteu de production

Le comportement du

La maximisation du profi La minimisation du coût

# Hypothèses et propriétés

• **Théorème d'Euler**: Si la fonction de production f est différentiable et homogène de degré k, alors on a:

$$\sum_{i=1}^{n-1} \frac{\partial f(z)}{\partial z_i} z_i = k \times f(z)$$

Application: pour une fonction de production Cobb-Douglas :

$$f(K,L) = K^{\alpha}L^{1-\alpha}$$

qui est homgène de degré 1, on a :

$$Pm_KK + Pm_LL = f(K, L)$$

→ règle dite de l'épuisement du produit

### Rendements d'échelle

## Rendements d'échelle vs rendements marginaux

- Loi des rendements marginaux décroissants : décrit comment la production évolue lorsqu'on fait varier un seul facteur de production, l'autre restant utilisé en quantité inchangée
- Une entreprise peut également choisir d'augmenter sa production en augmentant la quantité de tous ses facteurs de production
  - → Comment décrire la manière dont évolue la production guand les quantités de tous les inputs varient ?
- Notions de rendements d'échelle
  - A bien distinguer des rendements marginaux (aussi dits factoriels)
  - Processus ou technologie de production inchangé(e)

### Rendements d'échelle

Rendements d'échelle : définition

• **Def**: Soit un ensemble de production Y et une fonction de production f définie sur cet ensemble. On dit que la fonction de production exhibe des rendements d'échelle :

constants ssi :

$$\forall z \in Y, \forall \lambda > 1, f(\lambda z) = \lambda f(z)$$

croissants ssi:

$$\forall z \in Y, \forall \lambda > 1, f(\lambda z) \geq \lambda f(z)$$

décroissants ssi :

$$\forall z \in Y, \forall \lambda > 1, f(\lambda z) \leq \lambda f(z)$$

 Qu'est-ce que cela veut dire en termes d'homogénéité de la fonction de production f?

La technologie

production

Ensemble de production et frontière de transformation

Ensemble de production et frontière de transformation

transformatio

transformation

Rendements d'échelle L'élasticité de substitution

L'elasticité de substitution entre facteurs de production

Les contraintes d coûts

Les fonctions de couts

Courbes de coûts de court
terme et de long terme

Coûts irrécupérables et
coûts fixes

Le choix des facteur de production

producteur

La maximisation du profit La minimisation du coût Applications • Def : on définit l'élasticité de substitution technique entre les facteurs de production, notée  $\sigma$ , comme le rapport de la variation relative des quantités de facteurs utilisés dans le processus de production sur la variation relative du TMST (en un point donné).

• Dans le cas où on a du facteur travail et du facteur capital :

$$\sigma_{L,K} = \frac{\mathrm{d}(L/K)}{(L/K)} \cdot \frac{TMST_{L,K}(L,K)}{\mathrm{d}TMST_{L,K}(L,K)}$$
$$= \frac{\mathrm{d}ln(L/K)}{\mathrm{d}lnTMST}$$

 L'élasticité de substitution des facteurs de production mesure la courbure de l'isoquante : l'élasticité de substitution nous dit de quelle ampleur le ratio des facteurs utilisés dans le processus de production varie lorsque la pente de l'isoquante varie.

# La technologie o

Ensemble de production et frontière de transformation Ensemble de production et frontière de transformation

transformatio

transformation

La fonction de produc

Rendements d'échelle

L'élasticité de substitution

entre facteurs de production

#### Les contraintes d coûts

Courbes de coûts de cour terme et de long terme Coûts irrécupérables et coûts fixes

# Le choix des facteur de production

La maximisation du prof La minimisation du coût • Plus  $\sigma$  est élevée, plus les possibilités de substitution entre les facteurs sont grandes

- $\sigma=0$  dans le cas d'une fonction de production Leontief : les inputs sont des **compléments parfaits**
- $\sigma=\infty$  dans le cas d'une fonction de production linéaire : les inputs sont des **substituts parfaits**
- $\sigma=1$  : on parle d'élasticité de substitution unitaire
- La fonction de production Cobb-Douglas a beaucoup été utilisée en macroéconomie car elle permet de représenter le fonctionnement agrégé d'une économie dans lesquels le facteur travail et le facteur capital sont substituables, mais pas parfaitement
  - Réalité empirique

L'élasticité de substitution entre facteurs de production

① Un second concept d'élasticité de substitution "technique" :

$$\epsilon_{L,K} = -\frac{\frac{\mathrm{d}L}{L}}{\frac{\mathrm{d}K}{K}} \bigg|_{F(K,L)=q}$$

- Variation en % dans la quantité de facteur travail qui permet de maintenir inchangé l'output lorsqu'on augmente de 1 % la quantité de facteur capital utilisée dans le processus
- ② Un concept d'élasticité de substitution "non technique" :

$$ilde{\sigma}_{L,K} = -rac{rac{\mathrm{d}(K^*/L^*)}{(K^*/L^*)}}{rac{\mathrm{d}(w/r)}{(w/r)}}$$

- Variation en % dans la quantité relative de facteurs qui va être utilisée à l'optimum induite par une variation de 1 % dans le prix relatif des facteurs de production
- Préalable : résolution du problème d'optimisation du producteur

ntroductio

La technologie di production

Ensemble de production e frontière de transformatio

Ensemble de production of frontière de transformation

La frontière d transformation

Le taux marginal of transformation

La fonction de produc

Rendements d'échelle

L'élasticité de substitution entre facteurs de production

### Les contraintes de coûts

Les fonctions de couts

Courbes de coûts de court
terme et de long terme

coûts fixes

Le choix des facteur de production

Le comportement du

La maximisation du profi

A 11 ...

### Plan du cours

- Introduction
- 2 La technologie de production
- 3 Les contraintes de coûts
- 4 Le choix des facteurs de production

La technolog

Ensemble de production of frontière de transformation Ensemble de production of frontière de transformation La frontière de transformation

transformation

Rendements d'échelle L'élasticité de substitution entre facteurs de producti

Les contraintes coûts

### Les fonctions de couts

Courbes de coûts de cou terme et de long terme Coûts irrécupérables et coûts fixes

Le choix des facteur de production

producteur

La maximisation du pro

La maximisation du profit La minimisation du coût

### Les coûts de production

- Pour produire une quantité donnée d'output, l'entreprise doit (généralement) payer les facteurs de production qu'elle utilise dans son processus de production
- Ce sont à la fois les prix des facteurs de production et la technologie de production utilisée qui déterminent les coûts de production de l'entreprise
- Def: On appelle fonction de coût la fonction C(.) qui, pour un vecteur w des prix des facteurs, associe le coût des inputs utilisés dans le processus de production à la production d'une quantité d'output donnée :

$$C(w, y) = w.z$$

- NB : Pour f(.) donnée, et z va dépendre de y (fixé)
- Le coût de production peut également être écrit comme une fonction des quantités de facteurs utilisées. Par exemple :

$$C(L,K) = wL + rK$$

où w désigne le salaire (superbrut, ou coût du travail) et r la rémunération du capital (le taux d'intérêt) r

Ensemble de production e frontière de transformation

frontière de transform

transformation

transformation

La fonction de produc

L'élasticité de substitution entre facteurs de producti

Les contraintes

Les fonctions de couts

Courbes de coûts de cou terme et de long terme

coûts fixes

Le comportement du

La maximisation du pro

Coût moyen et coût marginal

 Def : le coût moyen CM est le coût total associé à la production d'une quantité d'output y divisé par le niveau de production. Il représente le coût par unité produite, ou encore le coût de production unitaire

$$CM(y) = \frac{C(y)}{y}$$

• **Def** : le **coût marginal** Cm est l'accroissement du coût induit par la production d'une unité d'output supplémentaire

$$Cm(y) = \frac{\partial C(y)}{\partial y}$$

 NB: on omet généralement les prix des facteurs w dans les fonctions de coûts lorsqu'ils sont implicitement considérés comme fixées à un certain niveau.

# La technologie d

Ensemble de production et frontière de transformation Ensemble de production et frontière de transformation

La frontière de transformation

transformation

Rendements d'échelle

L'élasticité de substitutior entre facteurs de producti

coûts

### Les fonctions de couts

Courbes de coûts de cour terme et de long terme Coûts irrécupérables et coûts fixes

Le choix des facteurs de production

Le comportement du

La maximisation du profit La minimisation du coût

### Le raisonnement au coût marginal

- De manière analogue à la théorie du consommateur, la théorie du producteur repose sur un raisonnement au coût marginal
- Exemple : soit une entreprise avec deux sites de production. Son objectif de production est Q=43. Chacun des deux sites à sa propre technologie de production, caractérisés par les coûts de production suivants :

$$\begin{cases} CT_1(Q_1) = 4Q_1 + 5Q_1^2 \\ CT_2(Q_2) = 2Q_2^2 \end{cases}$$

- Quel est le site où la production est la plus efficace ?
- Comment l'entreprise va-t-elle décider d'allouer sa production entre les deux sites ?

La théorie du producteur

Marianne Tenand

La technologie

Ensemble de production et frontière de transformation Ensemble de production et frontière de transformation

La frontière d transformation

transformation

Rendements d'échelle

L'élasticité de substitutio entre facteurs de product

Les contraintes d coûts

Les fonctions de couts Courbes de coûts de court terme et de long terme

Coûts irrécupérables

Le choix des facteu de production

Le comportement du producteur

La maximisation du profit La minimisation du coût Applications

# Fonctions de coûts de court terme vs coûts de long terme

- Les fonctions de coûts peuvent représenter des coûts:
  - de court terme : évolution des coûts quand le(s) facteur(s) variable(s) augmente(nt) mais que la quantité d'un facteur au moins reste constante :
  - de long terme : évolution des coûts quand la quantité de tous les facteurs augmente
- Augmenter plusieurs (tous les) facteurs de production permet de minimiser le coût de production total pour atteindre un niveau de production donné Gaphique
- En général on considère que le capital est le facteur fixe à court terme, et le travail le facteur variable
  - Augmenter la quantité de travail peut se faire par la réalisation d'heures supplémentaires
  - Augmenter la quantité de capital nécessite des investissements

La théorie du producteur

#### Marianne Tenand

Introductio

La technologie

Ensemble de production e frontière de transformation

Ensemble de production et frontière de transformation

La frontière d transformation

transformation

La fonction de product

L'élasticité de substitution entre facteurs de production

Les contraintes

Les fonctions de couts

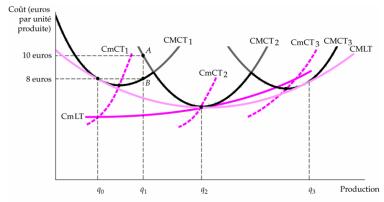
Courbes de coûts de court terme et de long terme

coûts fixes

de production

Le comportement du producteur

La maximisation du profit La minimisation du coût Figure 3: Relations entre les fonctions de coûts de court terme et de long terme



 ${\rm Source}: \ \mathsf{Pyndick}, \ \textit{Microeconomics}, \ \mathsf{7\grave{e}{\tiny ME}} \ \textit{\'edition}, \ \mathsf{Pearson} \ \mathsf{Education}$ 

▶ Retour

4 D > 4 B > 4 B > 4 B > 9 Q P

© Pearson Education France

Ensemble de production et frontière de transformation Ensemble de production et frontière de transformation La frontière de

Le taux marginal d transformation

La fonction de production Rendements d'échelle L'élasticité de substitution

L'élasticité de substitution entre facteurs de production

coûts

Les fonctions de couts Courbes de coûts de court terme et de long terme

Coûts irrécupérables et coûts fixes

Le choix des facteurs de production

producteur

La maximisation du profit

La maximisation du profit La minimisation du coût Applications

- Def: On parle de coûts fixes lorsque pour produire une quantité strictement positive d'output, il faut supporter un certain coût, CF, de même niveau quelle que soit la quantité produite.
- Mathématiquement, la fonction de coût exhibe un coût fixe lorsque :

$$\begin{cases} \lim_{y \to 0} C(y) > 0 \\ C(0) = 0 \end{cases}$$

 Ex : coût de l'abonnement EDF, équipements de production pouvant être facilement revendus sur un marché de l'occasion

Introduction

La technologi

Ensemble de production et frontière de transformation Ensemble de production et

La frontière de transformation

Le taux margina transformation

La fonction de produ

L'élasticité de substitution entre facteurs de production

Les contraintes c coûts

Les fonctions de couts Courbes de coûts de court terme et de long terme

Coûts irrécupérables et coûts fixes

Le choix des facteu de production Le comportement du

La maximisation du profit La minimisation du coût

## Coûts irrécupérables

- Def: On parle de coûts irrécupérables lorsque le processus de production est tel que, même si l'entreprise décide de produire une quantité nulle, elle devra supporter un certain coût positif
- La fonction de coût exhibe un "sunk cost" lorsque :

- Ex : dépenses de marketing et de R&D, formations payées aux employés, etc.
- Le raisonnement à la marge est mis à mal par la sunk cost fallacy
  - Si aversion à la perte : l'agent de na pas pouvoir ignorer les coûts irrécupérables engagés
  - Implications pour l'analyse des structures de marché (concurrence), notamment pour la théorie des marchés contestables

Coûts irrécupérables et coûts fixes

# Exemples de fonction de coût

• On considère une firme ayant la fonction de coût suivante:

$$\begin{cases} C(y) = y^3 + 1 & \text{si} \quad y > 0 \\ C(y) = 0 & \text{si} \quad y = 0 \end{cases}$$

Est-on en présence d'un coût fixe ? D'un coût irrécupérable ?

Même question avec la fonction de coût suivante :

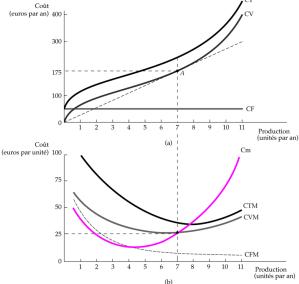
$$\{ C(y) = 4y + 7$$

La théorie du producteur

### Marianne Tenand

Coûts irrécupérables et coûts fixes





© Pearson Education France

Source: Pyndick, Microeconomics, 7ème édition, Pearson Education



ntroductio

La technologie de production

Ensemble de production e frontière de transformation

Ensemble de production et

La frontière d transformation

Le taux marginal d transformation

La fonction de produc

Rendements d'échelle

entre facteurs de production

Les contraintes d

Les fonctions de couts Courbes de coûts de cour

oûts irrécupérables

### Le choix des facteurs de production

producteur

La maximisation du prof

Applications

### Plan du cours

- Introduction
- 2 La technologie de production
- 3 Les contraintes de coûts
- 4 Le choix des facteurs de production

Introduct

La technologie

Ensemble de production e frontière de transformatio Ensemble de production e

La frontière d transformation

transformation

La fonction de produc

L'élasticité de substitution entre facteurs de production

Les contraintes de

Les fonctions de couts

Courbes de coûts de cour
terme et de long terme

Coûts irrécupérables et

Le choix des facteu

#### Le comportement du producteur

La maximisation du prof La minimisation du coût

### Les décisions du producteur

- Connaissance de la fonction de production ou, alternativement, connaissance des coûts minimaux associés à chaque niveau de production
- Hypothèse sur le **comportement du producteur** :
  - Maximise son profit
  - Minimise son coût de production
- Les variables de décision :
  - le niveau de production
  - les quantités de facteur utilisées
    - ⇒ Analyse de la décision du producteur
- Analyse au niveau individuel :
  - Demandes de travail et de capital de l'entreprise
- Analyse au niveau de l'industrie :
  - Demandes de travail et de capital du marché
    - → agrégation et interactions entre producteurs (pour plus tard)

Ensemble de production et frontière de transformation

transformation

transformation

La fonction de produ

L'élasticité de substitution

l es contraintes de

coûts

Les fonctions de couts

Courbes de coûts de court
terme et de long terme

Coûts irrécupérables et

de production

Le comportement du producteur

La maximisation du profit

Applications

# La maximisation du profit

• **Def**: Etant donné un vecteur d'inputs z, un vecteur d'output q, un vecteur  $p_z > 0$  représentant le prix des inputs, un vecteur  $p_q > 0$  représentant le prix des outputs, le **profit** associé à la production du vecteur q est égal à :

$$\pi(p) = p_q q - p_z z$$

avec 
$$p = (p_q, p_z)$$

 Def : Le programme de maximisation du profit (PMP) du producteur s'écrit :

$$\max_{z} \quad \pi(p)$$
  
s.c.  $z \ge 0$  et  $f(z) = q$ 

 L'écriture du cible de niveau de production comme une égalité et non comme une égalité vient de la contrainte d'efficience La théorie du producteur

Marianne Tenand

La maximisation du profit

# La maximisation du profit : résolution analytique

- Hypothèse cruciale faite ici : l'entreprise est price-taker
  - Une entreprise individuelle n'influence pas le prix auguel elle peut vendre son output
  - Implique que la fonction de demande adressée à une entreprise individuelle est de pente nulle dans le plan (q, p).
- Cette hypothèse sera relâchée quand on analysera des structures de marché à concurrence imparfaite
  - Microéconomie 2 (S2)
- Hypothèse caractéristique de la situation de Concurrence pure et parfaite
  - Cette hypothèse tient-elle la route ?
  - S. Keen : incompatibilité logique dans l'articulation de l'analyse des décisions individuelles de l'entreprise et l'analyse de l'offre et de la demande agrégée
    - "L'infinitésimal n'est pas zéro"

Introduc

La technologi

Ensemble de production et frontière de transformation Ensemble de production et frontière de transformation

La frontière de transformation

transformation

Rendements d'échelle L'élasticité de substitution entre facteurs de production

Les contraintes c coûts

Les fonctions de couts

Courbes de coûts de court
terme et de long terme

Coûts irrécupérables et
coûts fixes

Le choix des facteurs de production

La maximisation du profit

La minimisation du co Applications

## La maximisation du profit : les CPO

 Comme il n'y a que des contraintes de non-négativité et que la contrainte technologique peut être intégrée à la fonction-objectif, le Lagrangien est égal à :

$$L(z, \mu) = p_q q - p_z z + \mu . z$$
  
=  $p_q f(z) - p_z z + \mu . z$ 

Les CPO sont donc :

$$\begin{split} \frac{\partial L(z^*,\mu^*)}{\partial z_i} &= 0 \quad \forall \text{ input } i \qquad \text{et} \quad \frac{\partial L(z^*,\mu^*)}{\partial \mu} \geq 0 \\ \mu^* &\geq 0 \qquad \text{et} \quad \mu^*.z^* &= 0 \end{split}$$

• Dans le cas de solutions intérieures, on a :

$$\frac{\partial L(z^*, \mu^*)}{\partial z_i} = p_q \frac{\partial f(z^*)}{z_i^*} - p_{zi} = 0 \quad \forall i$$
$$p_q \frac{\partial f(z^*)}{\partial z_i} = p_{zi} \quad \forall i$$

• Le terme de gauche correspond à ce que *rapporte* une unité de facteur *i* de plus, et le terme de droite correspond à ce qu'elle *coûte*.

## La maximisation du profit : solution

La technologie

Ensemble de production et frontière de transformation

Ensemble de production e frontière de transformatio La frontière de

Le taux marginal transformation

Rendements d'échelle

L'élasticité de substitutior entre facteurs de producti

Les contraintes coûts

Les fonctions de couts Courbes de coûts de cour terme et de long terme Coûts irrécupérables et coûts fixes

Le choix des facteur de production

La maximisation du profit

La minimisation du co Applications  Def: On appelle la fonction de demande du facteur de production la solution au problème de maximisation du profit, z(pz, pq), qui est fonction des prix des inputs et des outputs.

 Def : On appelle la fonction d'offre du producteur la fonction qui pour tout vecteur de prix d'inputs et d'output donne le niveau de production atteint lorsque sont employés les niveaux d'inputs qui maximisent le profit :

$$y(p_z,p_q)=f(z(p_z,p_q))$$

 Def : On appelle fonction de profit la fonction qui associe à tout vecteur de prix des inputs et de l'output le profit maximum réalisé par l'entreprise :

$$\pi(p_z, p_q) = p.y(p_z, p_q) - p_z.z(p_z, p_q)$$

Introductio

La technologie

Ensemble de production et frontière de transformation Ensemble de production et frontière de transformation

La frontière d transformation

transformation

Rendements d'échelle L'élasticité de substitution

entre facteurs de producti

Les contraintes de coûts

Les fonctions de couts

Courbes de coûts de cour
terme et de long terme

Coûts irrécupérables et
coûts fixes

Le choix des facteurs de production

producteur

La maximisation du prof

Applications

### La minimisation du coût

• **Def** : le **programme de minimisation du coût** (PMC) associé à la production du vecteur *q* se définit comme :

$$\min_{z} p_{z}z$$
s.c.  $f(z) \ge \overline{q}$  et  $z \ge 0$ 

- La solution définit la demande conditionnelle de facteurs de production, z\* = z(pz, q̄)
- La **fonction de coût** donne le coût minimum permettant d'atteindre le niveau de production désiré, pour tout vecteur de prix des inputs et niveau de production :

$$C(p_z, \overline{q}) = p_z.z(p_z, \overline{q})$$

- Dans le cas où les facteurs de production sont le travail et le capital :
  - Demande de travail:  $L_d^* = L_d(w, r, \overline{q})$
  - Demande de capital:  $K_d^* = K_d(w, r, \overline{q})$
- On retrouve la dualité du problème de minimisation et du problème de maximisation

La théorie du producteur

### Marianne Tenand

Introduction

La technologie de

Ensemble de production et frontière de transformation

Ensemble de production e

La frontière

transformatio

transformation

Rendements d'échelle

L'élasticité de substitution entre facteurs de production

Les contraintes

Les fonctions de couts Courbes de coûts de cour terme et de long terme

coûts fixes

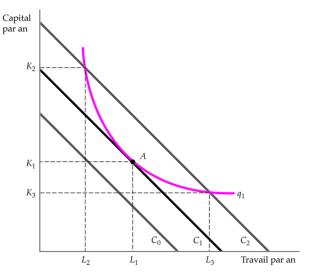
Le choix des facteur de production

La maximization du profi

La maximisation du profit

La minimisation du coût Applications

Figure 5: Résolution graphique du problème de minimisation du coût



© Pearson Education France

Source: Pyndick, Microeconomics, 7ème édition, Pearson Education

Ensemble de production et frontière de transformation

transformation

transformation

La fonction de produc

L'élasticité de substitution entre facteurs de production

Les contraintes de coûts

Les fonctions de couts Courbes de coûts de court terme et de long terme Coûts irrécupérables et coûts fixes

Le choix des facteurs de production

producteur

La maximisation du prof

La minimisation du coût Applications  Propriété: Lorsque la fonction de production exhibe des rendements d'échelle constants alors la fonction de coût peut s'écrire:

$$C(p_z, \overline{q}) = \overline{q}.C(p_z, 1)$$

pour  $\overline{q} > 0$ 

Démonstration par l'absurde

- Lien entre rendements d'échelle et fonction de coût :
  - Rendements d'échelle croissants  $\iff CM(w, y)$  décroissante en y
  - Rendements d'échelle décroissants

     ⇔ CM(w, y) croissante en y
  - Rendements d'échelle constants  $\iff CM(w, y)$  constante en y

avec CM(w, y) = C(w, y)/y (fonction de coût moyen)

Introduction

La technologie

Ensemble de production e frontière de transformation Ensemble de production e frontière de transformation

La frontière de transformation

transformation

La fonction de produc

L'élasticité de substitution

Les contraintes

Les fonctions de couts

Courbes de coûts de courterme et de long terme

Le choix des facteurs de production

producteur

La maximisation du profit La minimisation du coût

Applications

## La minimisation du coût : résolution analytique

 Le Lagrangien associé au problème de minimisation du coût s'écrit :

$$L(p_z, \lambda, \mu) = p_z z + \lambda (\overline{q} - f(z)) + \mu.z$$

Les CPO (Kuhn et Tucker) s'écrivent :

$$\begin{split} &\frac{\partial L}{\partial z_i} = 0 \quad \forall \text{ input } i \\ &\frac{\partial L}{\partial \lambda} \geq 0 \quad \text{et} \quad \frac{\partial L}{\partial \mu} \geq 0 \\ &\lambda \geq 0 \quad \text{et} \quad \mu \geq 0 \\ &\lambda (\overline{q} - f(z)) = 0 \quad \text{et} \quad \mu.z = 0 \end{split}$$

• Dans le cas où on a du facteur travail et du facteur capital (et une solution intérieure), les CPO donnent :

$$\lambda = \frac{\partial L}{W} = \frac{\partial K}{r}$$

$$\iff \frac{W}{r} = \frac{\frac{\partial f(L^*, K^*)}{\partial L}}{\frac{\partial f(L^*, K^*)}{\partial K}} = TMST_{L,K}(L^*, K^*)$$

Ensemble de production et frontière de transformation La frontière de

transformation

La fonction de produ

Rendements d'échelle

L'élasticité de substitution

Les contraintes de

Les fonctions de couts Courbes de coûts de court terme et de long terme Coûts irrécupérables et

Le choix des facteurs de production

producteur

La maximisation du prof

La minimisation du coût Applications

# Fonctions de coûts et demandes conditionnelles : propriétés

- Propriétés de la fonction de coût  $C(p_z, \overline{q})$ :
  - La fonction de coût est croissante en  $p_z$
  - La fonction de coût est homogène de degré 1 en  $p_z$
  - La fonction de coût est strictement croissante en  $\overline{q}$
  - Lemme de Shepard :

$$z_i(p_z,\overline{q}) = \frac{\partial C(p_z,\overline{q})}{\partial z_i}$$

- Propriétés des fonctions de demande conditionnelle  $z_i(p_z, \overline{q})$  :
  - La matrice de substitution est symétrique :

$$\frac{\partial z_j(p_z,\overline{q})}{\partial p_{zi}} = \frac{\partial z_i(p_z,\overline{q})}{\partial p_{zj}}$$

(cf. dérivées croisées secondes de la fonction de coût)

• L'effet-prix [de l'input] compensé est négatif ou nul :

$$\frac{\partial z_i(p_z,\overline{q})}{\partial p_{zi}} \leq 0$$

La technologie d

Ensemble de production et frontière de transformation Ensemble de production et frontière de transformation La frontière de

transformation

La fonction de produ

L'élasticité de substitution entre facteurs de production

Les contraintes de coûts

Les fonctions de couts Courbes de coûts de court terme et de long terme Coûts irrécupérables et coûts fixes

Le choix des facteurs de production

producteur

La minimisation du coût

### PMC et fonction de coût de court terme

- En général, le PMC permet de dériver la fonction de coût de long terme puisque les arguments de la minimisation sont constitués de l'ensemble des facteurs de production.
- On peut toutefois trouver la fonction de coût de court terme en restreignant les arguments de la minimisation aux facteurs considérés comme variables à court terme.
  - La fonction de coût de court terme est obtenue en ajoutant une contrainte supplémentaire au problème de minimisation du coût;
  - Logiquement, pour chaque niveau de production et chaque vecteur de prix des inputs, le coût de court terme (total et moyen) sera supérieur ou égal au coût de long terme.

Applications

# Applications (1)

Fonction de production Cobb-Douglas

$$y = F(K, L) = K^{\alpha}L^{\beta}$$

avec  $\alpha > 0$  et  $\beta > 0$ .

- Que vaut l'élasticité de substitution technique  $\sigma_{L,K}$  entre les facteurs de production dans le cas de la Cobb-Douglas?
- Fonction de production à élasticité de substitution technique constante (CES)

$$y = F(K, L) = (K^{\rho} + L^{\rho})^{1/\rho}$$

avec 
$$1 \ge \rho > -\infty$$

- Que vaut l'élasticité de substitution technique entre le facteur travail et le facteur capital?
- Discuter de la substituabilité entre les facteurs de production en fonction de l'élasticité de substitution technique

Introduct

La technologie production

Ensemble de production frontière de transformati Ensemble de production frontière de transformati La frontière de

transformatio

La fonction de produc

L'élasticité de substitution entre facteurs de production

Les contraintes c coûts

Les fonctions de couts Courbes de coûts de court terme et de long terme Coûts irrécupérables et coûts fixes

Le choix des facteurs de production Le comportement du

La maximisation du profit La minimisation du coût Applications

# Pourquoi la fonction Cobb-Douglas ?

Pourquoi fait-on généralement l'hypothèse qu'on peut représenter la fonction de production agrégée de l'économie par une Cobb-Douglas à rendements d'échelle constants ?

### Propriétés de la Cobb-Douglas

 Si le facteur travail et le facteur capital sont rémunérés à leur productivité marginale (cf. CPO du PMP) alors lorsque le salaire augmente relativement à la rémunération du capital de 1 %, le ratio capital sur travail augmente de 1 %.

$$\tilde{\sigma}_{L,K}=1$$

 Règle d'épuisement du produit (théorème d'Euler): toute la production sert à rémunérer les facteurs de production:

$$P_mL + P_mK = f(K, L)$$

 Le partage de la valeur ajoutée entre travail et capital est constant, et est indépendant des rémunérations (réelles) relatives des facteurs

$$rK = \alpha Y$$
 et  $wL = (1 - \alpha)Y$ 

# La technologie d

Ensemble de production er frontière de transformation Ensemble de production er frontière de transformation La frontière de

Le taux marginal transformation

La fonction de proc

Rendements d'échelle L'élasticité de substitution entre facteurs de production

### coûts

Les fonctions de couts Courbes de coûts de cour terme et de long terme Coûts irrécupérables et coûts fixes

Le choix des facteur de production

La maximisation du profit La minimisation du coût

Applications

Pourquoi la fonction Cobb-Douglas (2) ?

### Cohérence avec les faits empiriques

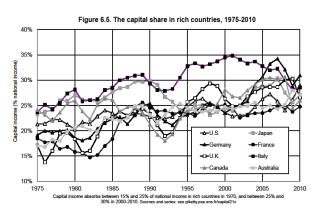
- Relative constance de la part du capital dans la valeur ajoutée sur longue période (1920 - 1990)
- Dans le même temps, multiplication des salaires (réels) par plus de 10, et forte augmentation par rapport à la rémunération (réelle) du capital
- Références :
  - T. Piketty: Economie des inégalités, 1997, Le capital au XXIe siècle, 2014, en particulier le chapitre 6; cours M1-M2 APE/PPD
  - P. Askenazy et al. (Le partage de la valeur ajoutée, 2011)
  - Brefs Compléments

La théorie du producteur

#### Marianne Tenand

Applications

# Faits stylisés : l'évolution de la part capital dans la valeur ajoutée



La théorie du producteur

Marianne Tenand

### CHOIL

La technologie production

Ensemble de production et frontière de transformation Ensemble de production et frontière de transformation La frontière de

transformation

transformation

Rendements d'échelle

L'élasticité de substitution entre facteurs de production

### coûts

Les fonctions de couts Courbes de coûts de cour terme et de long terme Coûts irrécupérables et coûts fixes

de production

producteur La maximisation du pro

La maximisation du profit La minimisation du coût Applications

# Pourquoi la fonction Cobb-Douglas (3) ?

### Critiques

- Estimations micro et macro de l'élasticité de substitution (non technique) entre les facteurs, qui devrait être unitaire, donnent des valeurs significativement différentes
  - Et pour la plupart différentes de 1...
    - $\rightarrow$  Pb d'agrégation micro-macro ?
    - ightarrow Rejet de la forme Cobb-Douglas ?
- Part du capital dans la valeur ajoutée a eu tendance à augmenter au cours des deux dernières décennies
  - Implique une élasticité de substitution (non technique) supérieure à 1
  - T. Piketty : supposer une fonction de production agrégée est une CES avec élasticité même légèrement supérieure à 1 permet de mieux rendre compte de l'augmentation récente de la part du capital dans la valeur ajoutée lorsque le ratio K/L augmente
    - Annexes techniques au chapitre 6 du Capital au XXIe siècle)